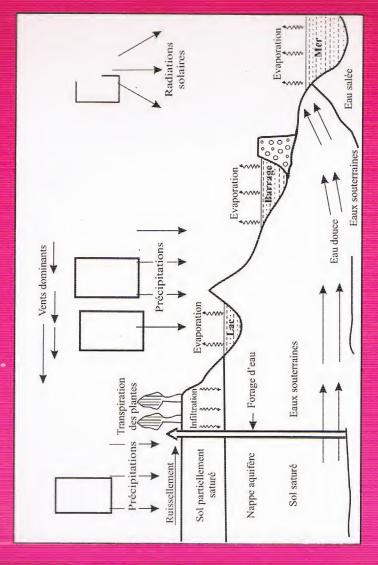
INITIATIONA

# CHINDROLOGIE DE SURFICE



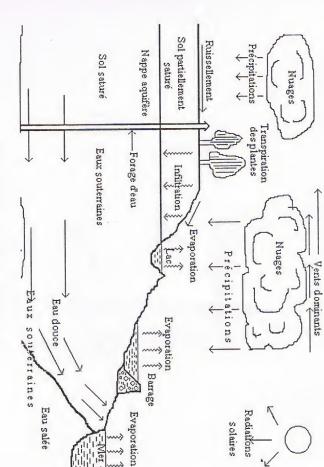
THE VOICE OF STATE OF





## INITIATION A

### L'HYDROLOGIE DE SURFACE



### Exercices et Corrigés

Par Abdelwaheb SARI AHMED Maître de Conférences Associé Université de Bab Ezzouar Alger

imprimé: 2003

Réf.: 5/080

### **Editions Distribution HOUMA**

34 Lot. La Bruyère - Bouzaréah-

Tél.: 021 94.19.36 et 94.41.19 - Fax: 021 94.17.75

Dépôt légal : 973/2002

ISBN. 9961-66-636-4: 4. 4. 4.

Toute reproduction d'un extrait quelconque de ce livre par quelque procédé que ce soit, et notamment par photocopie ou microfilm, est interdite sans l'autorisation de l'éditeur.

صدق الله العضيم

#### AVIS DU CONSEIL SCIENTIFIQUE DE L'INSTITUT DE GÉNIE CIVIL DE L'UNIVERSITÉ DE BAB EZZOUAR

« Rapport sur les ouvrages d'Hydrologie de surface (Cours et Exercices) proposés par Monsieur SARI AHMED Abdelwaheb

L'ouvrage de Cours rédigé par Monsieur SARI AHMED témoigne, si besoin est, d'une grande expérience de l'auteur dans le domaine de l'hydrologie de surface. Le document, très clair dans sa présentation, est écrit dans un style directement accessible à tout lecteur possédant un minimum de connaissance mathématiques du premier cycle universitaire. Les différentes notions nouvelles exposées sont étayées par bon nombre d'exemples succincts permettant leur facilité de compréhension. On peut simplement dire que le but de cet ouvrage est de fournir aux étudiants de nos établissements universitaires un support d'introduction élémentaire moderne et assez complet de l'hydrologie de surface. A la fin de chaque chapitre figure une bibliographie sommaire permettant au lecteur d'élargir son domaine d'investigation. En couvrant le sujet de façon complète, cet ouvrage sera très apprécié par les étudiants nussi bien que par les ingénieurs.

L'ouvrage d'exercices est rédigé sans fioritures pour pouvoir être facilement compréhensible aux étudiants. On note également une parfaite symbiose entre les thèmes abordés dans les énoncés proposés et un chapitre précis correspondant dans l'ouvrage du cours.

Pour toutes ces raisons très brièvement décrites, le Conseil Scientifique de l'Institut de Génie Civil estime que l'apport pédagogique de ces deux ouvrages, très bien rédigés, est indéniable et recommande vivement leur édition.

Le Président du Conseil Scientifique

Malek BOUHADEF Mai, 1998.

#### **AVANT-PROPOS**

neuf chapitres du livre intitulé : « Initiation à l'hydrologie de surface ». Cet ouvrage contient les solutions des exercices relatifs aux

de l'aciliter leur compréhension par l'étudiant autodidacte. La plupart des solutions ont été détaillées à l'extrême en vue

Il est recommandé de tenter de résoudre les exercices à la

main d'abord afin de mieux appréhender le cheminement du penvent nécessiter plus de temps que d'autres. misonnement aboutissant à la solution. Certains exercices sont longs et

dans la recherche des solutions. applificatives. L'essentiel étant de comprendre les principes directeurs luites à la main ou par la machine. Cependant ces différences ne sont pas par certaines approximations qui sont différentes selon qu'elles sont peuvent être différents de ceux trouvés par la machine, ceci s'explique En outre, dans certains cas, les résultats trouvés à la main

grande partie de leur temps à la lecture critique du manuscrit. Leurs I videmment, toute lacune, imprécision, voire erreur restent imputables à pertinentes remarques ont permis d'apporter des améliorations Arezki Ould Amara et Djamel Allili qui ont accepté de consacrer une Professeur Malek Bouhadef, et à MM. Tahar Zitoun, Sélim Bouzaher, Ilvre n'aurait pas vu le jour. Mes remerciements sincères vont aussi au Khemici, qui m'a encouragé à réintégrer l'enseignement; sans lui, ce Je tiens à remercier, en premier lieu, mon ami et collègue Ali

m'ont procuré la motivation nécessaire à la confection de ce livre. munifesté par certains d'entre eux, au cours des dix dernières années Ezzouar lesquels, par leurs questions et remarques et l'enthousiasme hydraulique et de 4ième année CHA de l'Institut de Génie Civil de Bab Ma reconnaissance va aussi aux élèves de 3 ième année

ouvrages. ma petite famille pour ses sacrifices, sa patience et ses encouragements pendant les trois longues années qu'a demandé la confection de ces Enfin, « last but not least », je tiens à exprimer ma gratitude à

Abdelwaheb SARI AHMED abwsari@yahoo.fr Alger, avril 2002

nes parents, grands et petits, proches et éloignés,

6.0

Ku Ckeikh Beldjebes,

Que Dieu les bénisse.

Au Dr Eugene S. Simpson.

1

## PREMIÈRE PARTIE ÉNONCÉS DES EXERCICES

# ÉNONCÉS DES EXERCICES DU CHAPITRE Nº 1

I - 1 Le volume du réservoir d'un barrage est de 225 millions de m3.

a) Si le ruissellement annuel moyen provenant du bassin versant en amont du barrage est de 1,25 m3/s, combien de temps faudrait-il pour remplir le barrage?

b) Si les pertes annuelles moyennes dues à l'infiltration et à l'évaporation sont de 235 cm, et si la précipitation annuelle moyenne sur le réservoir est de 720 mm, combien de temps faudrait-il pour remplir le barrage dans ce cas?

La surface du lac du barrage est supposée constante et égale à 560 ha. On prendra une année de 365 jours.

I - 2 L'irrigation d'un périmètre agricole de 5 000 ha de superficie se fait à partir d'un barrage dont la capacité est de 200 millions de m3 et dont la superficie du plan d'eau est considérée constante et égale à 3 km2.

Les besoins en eau d'irrigation sont de 0,6 l/s sur toute

Le barrage est alimenté par un oued qui draine un bassin versant de 1500 km2 sur lequel tombe pendant 3 mois de l'année une précipitation de 40 mm/mois.

L'évaporation à partir du réservoir du barrage est de 1000 mm/mois pendant toute l'année. Les pertes par infiltration sont constantes et égales à 10 l/s.

- a) Etablir le bilan hydrique du barrage.
- b) Est-ce-que la capacité du barrage est suffisante?

 I - 3 On se propose de construire un barrage d'une capacité de 120 Mm3 destiné à l'irrigation d'un périmètre agricole 15 000 ha.

Les études agronomiques ont permis de déterminer les besoins en eau d'irrigation suivants: mai: 0,3 l/s/ha (litres par seconde et par hectare); juin 0,4 l/s/ ha; juillet: 0,75 l/s/ha; août: 0,6 l/s/ha; septembre: 0,4 l/s/ha.

L'évaporation mensuelle moyenne, les apports mensuels moyens de l'oued que l'on veut barrer ainsi que les précipitations mensuelles sur le lac du barrage sont donnés dans le tableau ci-dessous:

96 69 54 61 68 83 92 122 149	Précipitations (mm) Débits (m3/s)	0,2		50	150	200	170 14	60	0 0	3,5	0	0,4	0,1
		0,2	96		6,8 54			83	10 92	3,5 122	1,2 149	0,4 0,1 168 176	0,1
		126	96		54	61		83	92	122	149	168	176

La surface moyenne du plan d'eau du barrage a été estimée constante et égale à 10 km².

De plus on s'impose, pour des considérations écologiques, de laisser couler dans la rivière, en aval du périmètre et tout le long de l'année, un débit d'au moins 0,4 m3/s.

- a) Déterminer en m3 les volumes des précipitations mensuelles Vp, les volumes de l'évaporation mensuelle Vev, les volumes mensuels Vr apportés par l'oued dans le barrage, les volumes des demandes mensuelles en eau d'irrigation Vi ainsi que les volumes mensuels destinés aux besoins écologiques Veco.
- b) Indiquer les mois excédentaires pendant lesquels le barrage déborde.

On considère que le volume initial dans le barrage est de 20 Mm3 au début du mois de septembre et que l'année hydrologique commence en septembre.

- I 4 Une pluie est tombée sur un bassin versant d'une superficie de 25 000 km² à une intensité moyenne de 0,15 mm/h pendant 5 jours sur un réservoir d'un barrage dont la surface est de 245 ha et le volume est de 400 millions de m³. Déterminer:
- a) Le volume d'eau précipité pendant les 5 jours sur le bassin versant et sur le lac du barrage (On considère que le lac du barrage ne fait pas partie du bassin versant),
- b) le taux moyen des précipitations en m³/s sur le bassin versant et sur le lac du barrage,
- c) la lame d'eau précipitée sur le bassin versant et sur le lac du barrage.
- I 5 A un instant donné, l'emmagasinement dans un tronçon de cours d'eau est de 19 736 m<sup>3</sup>. Au même instant le débit entrant est de 14,16 m<sup>3</sup>/s et le débit sortant de 19,82 m<sup>3</sup>/s.

Une heure plus tard, le débit entrant devient  $19,82 \text{ m}^3/\text{s}$  et le débit sortant  $20,96 \text{ m}^3/\text{s}$ .

Déterminer la variation de l'emmagasinement qui s'est produit dans ce tronçon pendant la période. A-t-il augmenté ou diminué?

- I 6 30,5 cm d'eau s'évaporent en 24 heure d'un réservoir ayant une forme parallèlépipédique dont la surface est de 202 ha. Il pleut sur ce réservoir à un débit de 28,5 m3/s pendant la même période. Déterminer le volume sortant du réservoir sachant que le niveau de l'eau dans le réservoir reste constant pendant les 24 heures.
- I 7 L'évaporation annuelle à partir d'un bassin de 148 ha c
   superficie est de 305 cm. Calculer l'évaporation journalière moyenne.
- I 8 La pluie tombe avec une intensité moyenne de 1,02 cm/h sur un bassin de 243 ha pendant 3 jours. Calculer:
- a) Le taux moyen des precipitations en m3/s,
- b) Le volume d'eau précipitée pendant les 3 jours
- c) La hauteur d'eau précipitée
- I 9 0,34 m3/s d'eau sont ajoutés dans un réservoir de forme parallèlépipédique de 455 ha de surface. Combien de temps faudrait-il pour faire monter le niveau de l'eau dans le réservoir de 0,3 m.
- I 10 Le taux d'évaporation à partir de la surface d'un réservoir de 1480 ha est de 1243 m3/j. Calculer la variation du niveau de l'eau dans le réservoir en mètres pendant une année de 365 jours, si le débit entrant est de 0,7 m3/s. A-t-il augmenté ou diminué?
- annuels en eau de sa famille de 5 personnes en aménageant une surface pour recueillir les eaux de pluie et un bassin de stockage. Les besoins en eau sont les suivants : 100 litres par jour et par personne et 500 litres par semaine pour laver la voiture et arroser les plantes. Sachant que la pluie moyenne annuelle dans cette région est de 1000 mm par an et que les pertes constituent 40 %, trouver la grandeur de la surface réceptrice et le volume du bassin de stockage. Il y a 365 jours et 52 semaines dans une année.
- I 12. La ville de Marsat Ben M'hidi compte 15 000 habitants. La seule ressource en eau disponible est l'oued Kiss qui marque la frontière avec le Maroc. Les eaux de cet oued doivent être partagées en parts égales entre l'Algérie et le Maroc.

Sachant que:

- le bassin versant de l'oued Kiss est de 400 km²,
- la pluie moyenne annuelle est de 350 mm.

- le coefficient de ruissellement Cr est égal à 10%, (Cr = volume précipité volume ruisselé
- le barrage ne peut retenir que 50% de l'apport moyen annuel
- il vous est demandé: la dotation en eau potable est de 150 litres par jour et par habitant ;
- Est ce que les ressources en eau du barrage seraient suffisantes pour alimenter la ville de Marsat Ben M'hidi?

# ÉNONCÉS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 2

Meskhoutine sur l'oued Bou Hamdane, wilaya de Guelma, sont: II. 1 - Les caractéristiques du bassin versant du barrage de Hammam

 $= 1054 \text{ km}^2,$ 295 m, périmètre = 142 km,

1282 m

surface

1.- déterminer le coefficient de compacité kc, (réponse: 1,22)

km, l = 21, 16 km)2.- déterminer les dimensions du rectangle équivalent, (rep.: L = 49,85

L'étude hypsométrique menée en planimétrant les surfaces des classes

1000 m - 800 m 1282 m -1000 m 800 m - 600 m CLASSES 459,65 S (km²) 448,69 49,20 400 m -295 m 600 m - 400 m CLASSES S (km²) 72,62

d'altitudes a donné les resultats suivants:

3. - tracer la courbe hypsométrique,

4. - a calculer l'altitude moyenne H<sub>moy</sub> du bassin,

(rep.: $H_{moy} = \frac{\sum S_i \cdot H_i}{c} = 786,05 m$ ).

4.- b trouver l'altitude moyenne à partir de la courbe hypsométrique,

5.- déterminer l'indice de pente global  $I_g$ , (rep. :  $I_g = 10,43 \text{ m} / \text{km}$ )

6.- calculer la densité de drainage Dd sachant que:

 $N_4 = 7$ ,  $N_3 = 73$  et  $l_4 = 142$  km,  $l_3 = 334$  km

torrentialité Ct. 7.- calculer la densité des thalwegs élémentaires F1 et le coefficient de

ordonnées et les ordres en abscisses pour trouver les autres nombres et longueurs.) (Aide: porter sur du papier semi-log les nombres et les longueurs en

# ÉNONCÉS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 3

III-1 Le tableau ci-dessous donne une série de 60 pluies annuelles (mm) recueillies au C.F.P.A. de Médéa:

1931	1930	1929	1928	1927	1926	1925	1924	1923	1922	An
582	511	499	550	579	472	658	537	411	626	Pluie
1941	1940	1939	1938	1937	1936	1935	1934	1933	1932	An
473	455	496	701	648	661	737	576	443	161	Pluie
1951	1950	1949	1948	1947	1946	1945	1944	1943	1942	An
488	650	522	707	722	274	371	562	388	358	Pluie
1969	1960	1959	1958	1957	1956	1955	1954	1953	1952	An
916	575	519	310	559	507	509	350	386	510	Pluie
1979	8661	1977	1976	1975	1974	1973	1972	1971	1970	An
682	416	448	583	547	606	680	321	545	404	Pluie
1989	8861	1987	1986	1985	1984	1983	1982	1981	1980	An
823	553	350	. 835	380	238	475	440	414	159	Pluie

a) déterminer la moyenne arithmétique  $\overline{P}_a$ , la moyenne géométrique  $\overline{P}_g$ , et la moyenne harmonique  $\overline{P}_h$  sachant que:

$$\overline{P}_a = (\Sigma Pi)/N; \overline{P}_g = (\Pi Pi)^{1/N} \text{ et } \overline{P}_h = N/(\Sigma 1/Pi); \text{ vérifier } \overline{P}_h < \overline{P}_g < \overline{P}_a$$

- b) Construire l'histogramme et la courbe des fréquences cumulées en prenant un intervalle de classe égal à 100 mm
- c) calculer la médiane M grâce à :
- 1) la formule  $M = L1 + ((N/2 \Sigma f1)/ \text{ finédiane}) \times c$ ; où:
- L1 = limite inférieure de la classe médiane;
- N = nombre de données,

 $\Sigma f1 = \text{somme des fréquences de toutes les classes inférieures}$  à la classe médiane,

fmédiane = fréquence de la classe médiane,

- c = grandeur des intervalles,
- 2) l'interpolation,
- 3) l'utilisation de l'histogramme,
- 4) et l'utilisation de la courbe des fréquences cumulées.

On donne:  $\Sigma Pi = 30 858 \text{ mm}$ ;  $\Sigma \ln Pi = 371,49$ ;  $\Sigma 1/Pi = 0,131$ .

# ÉNONCÉS DES EXERCICES DU CHAPITRE Nº 4

IV - 1 Soit l'échantillon de pluies annuelles suivant:

	SER	SERIE DE PLUIES ANNUELLES AU BARRAGE	PLUIE	SAN	NUELL	ES AU	BAKK	1	DU CHICIB
An	Pluie	An	Pluie	An	Pluie	An	Pluie	An	Pluie
1022	607	1932	169	1942	326	1952	502	1970	368
1000		1000	120	10/12	767	1053	431	1971	584
1923	407	1933	439	1943	46/	1955	451	17/1	400
1924	567	1934	615	1944	527	1954	382	1972	343
1025	645	1935	723	1945	419	1955	454	1973	696
9661	480	1936	691	1946	350	1956	561	1974	602
1007	727	1037	089	1947	657	1957	546	1975	529
1741	00	. 70						100	1/2
1928	542	1938	703	1948	650	1958	374	1976	062
1929	485	1939	521	1949	505	1959	523	1977	475
1930	531	1940	527	1950	649	1960	559	1978	439
1931	598	1941	458	1951	512	1969	837	1979	622

a- déterminer les caractéristiques empiriques de l'échantillon moyenne, écart type et coefficient de variation.

b- construire l'histogramme et la courbe des fréquences cumulées.

c- ajuster une loi normale à l'échantillon.

IV - 2 Grâce à l'utilisation de la table des aires limitées par la courbe normale centrée réduite, trouver les surfaces suivantes:

- a) surface entre z = 0 et z = 1,2;
- b) surface entre z = -0.68 et z = 0;
- c) surface entre z = -0, 46 et z = 2;
- d) surface entre z = 0.81 et z = 1.94;
- e) surface à gauche de z = -0,66;
- f) surface à droite de z = -1,28;
- g) surface à droite de z=2,05 et à gauche de z=-1,44

IV - 3 Grâce à l'utilisation de la table de Gauss

- a) la surface comprise entre 0 et z est égale à 0, 3770
- b) la surface à gauche de z est égale à 0,8621
- c) la surface comprise entre 1,5 et z est égale à 0,0217

représenté par la fonction suivante: IV - 4 On suppose qu'un phénomène aléatoire est

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3+2x}{18} & \text{pour } 2 \langle x \rangle / 4 \\ 0 & \text{ailleurs} \end{cases}$$

Prouvez que f(x) est une fonction de densité de probabilité

IV -5 En utilisant la table de Gauss, déterminer

z = 1,87; z = -2,35 et z = -0,5. a - la surface comprise entre z = -1,20 et z = 2,40; z = 1,23 et

= 0,56; la surface à droite de z = 1,45; la surface à gauche de z = - 2,52 et correspondant à  $0.80 \le z \le 1.53$ . droite de z = 1,83; la surface correspondant à z > = 2,16; la surface b - la surface à gauche de z = -1,78; la surface à gauche de z

c - Trouver z tel que:

- la surface à droite de z soit égale à 0,2266;

- la surface à gauche de z soit égale à 0,0314;

- la surface entre 1,15 et z soit égale à 0,0730;

- la surface entre -z et z soit égale à 0,9000

a- tracer la droite de Henry; IV - 6 En utilisant l'échantillon de l'exercice IV -1 ci-dessus:

signification de  $\alpha = 0,10$ échantillon en utilisant le test du Khi - Deux pour un niveau de b- Vérifier l'adéquation de l'ajustement de la loi normale à cet

l'oued Boudouaou sont: IV - 7 Les enregistrements des débits de pointes annuels de

Débits (m3/s) 45,3 1962 27,5 1963 16,9 41,1 1964 | 1965 | 1966 31,2 19,9 1967 | 1968 22,7 50 1969 35,4

déterminer: En supposant que ces débits s'ajustent à une loi normale,

a - la probabilité de Non-Dépassement d'un débit de 42,5

c - la crue de période de retour égale à 20 ans. b - La période de retour d'un débit de 42,5 m3/s;

> annuelles sont respectivement 1 200 et 156 mm. IV - 8 La moyenne et l'écart-type d'une série de pluies

500, 450, 750 et 1200 mm. a) déterminer les variables réduites des pluies suivantes: 1

0,08; -0,63;b) déterminer les pluies dont les variables réduites sont: - 3; - 0,89; - 1,5; - 2,7; - 3,05; 0; 0,08; 0,63; 0,89; 1,5; 2,7;

normalement avec une moyenne de 680 mm et un écart type de 30 mm. IV - 9 Une série de 60 pluies annuelles est distribuée

740 mm? a) Quelle est la probabilité des pluies supérieures ou égales à

650 mm? b) Quelle est la probabilité des pluies inférieures ou égales à

650 mm? c) Quelle est la probabilité des pluies comprises entre 740 et

de signification de  $\alpha = 0,10$  à l'aide du test de Kolmogorov-Smirnov. dessus, tester l'adéquation d'une loi normale à cet échantillon au niveau IV - 10 En utilisant l'échantillon de l'exercice IV -1 ci-

dessus: IV - 11 En utilisant l'échantillon de l'exercice IV -1 ci-

la moyenne et de l'écart-type. a) Calculer les Intervalles de Confiance (IC) à 75 et 95 % de

décennale, cinquantennale et centennale b) Calculer les IC à 60, 80, et 95% des pluies biennale,

des IC à 60, 80 et 95 pour-cent. droite de Henry et la courbe expérimentale) tracer les courbes enveloppes c) En utilisant les résultats de l'exercice IV-1 (notamment la

# ENONCES DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 5

pluviométrique sont les suivantes: V-1. Les pluies maximales annuelles mesurées à une station

On donne  $\Sigma P_i^2 = 3170037$  et  $\Sigma P_i = 5195$ 

En utilisant la loi de Gumbel, déterminer:

- a) La probabilité au non-dépassement d'une pluie de 500 mm,
- b) la période de retour dune pluie de 700 mm,
- c) la pluie de période de retour égale à 20 ans

V-2 En utilisant l'échantillon de pluies annuelles ci-dessous:

	SER	IE DE	SERIE DE PLUIES ANNUELLES AU BARRAGE	SANN	MELL	ES AU	BARE	AGE .	.DU GHRIB	IRIB	
An	Pluie	An	Pluie	An	Pluie	An	Pluie	An	Pluie	An	Pluie
1922	607	1932	169	1942	326	1952	502	1970	368	1980	241
1923	407	1933	439	1943	467	1953	431	1971	584	1881	436
1924	567	1934	615	1944	527	1954	382	1972	343	1982	449
1925	645	1935	723	1945	419	1955	454	1973	696	1983	470
1926	480	1936	691	1946	350	1956	561	1974	602	1984	277
1927	634	1937	680	1947	657	1957	546	1975	529	1985	349
1928	542	1938	703	1948	650	1958	374	1976	662	1986	625
1929	485	1939	521	1949	505	1959	523	1977	475	1987	418
1930	531	1940	527	1950	649	1960	559	1978	439	1988	572
1931	598	1941	458	1951	512	1969	837	1979	622	1989	865

- voulez) que pour l'exercice IV-6-b, vérifiez, grâce au test du Khi Deux, l'adéquation d'une loi log - normale au même degré de signification. a) ajuster une loi log - normale à cet échantillon.
  b) En utilisant les mêmes intervalles (ou d'autres si vous le
- la pluie décennale. c) Calculez les IC à 80 % de la moyenne, de l'écart-type et de
- l'exercice V-2 ci-dessus: V-3 En utilisant l'échantillon de pluies annuelles de
- a) ajuster une loi Gumbel à cet échantillon

- l'adéquation, d'une loi Gumbel au même degré de signification. voulez) que pour l'exercice V-2, vérifiez, grâce au test du Khi - Deux, b) En utilisant les mêmes intervalles (ou d'autres si vous le
- avec ceux des exercices V-2 et V-3. Conclure. c) Comparer les résultats des test du χ² des exercices IV-6
- Conclure. les résultats avec ceux de l'exercice IV-11 question b et V-2-c. d) Calculez les IC à 80 % de la pluie décennale et comparez

# ÉNONCÉS DES EXERCICES DU CHAPITRE Nº 6

VI - 1 Les précipitations mesurées pendant 30 ans à la station X apparaissent douteuses dans la mesure où il semble que le pluvionnètre a été déplacé en raison de la construction d'un immeuble.

Le tableau ci-dessous donne les précipitations mensuelles du mois de mars à la station X et les précipitations mensuelles moyennes aux 15 stations environnantes pour le même mois.

I. Déterminer la précipitation moyenne annuelle à la station X sans ajustement,

2. même question avec ajustement

Année	PàStX P15St	P 15 St	Année	P à St X	P 15 St	Année	P à St X	P 15 St
1950	47	29	1960	58	40	1970	39	35
1951	24	21	1961	41	26	1971	25	26
1952	42	36	1962	34	24	1972	30	29
1953	27	26	1963	20	22	1973	23	28
1954	25	23	1964	26	25	1974	37	34
1955	35	30	1965	36	34	1975	34	သ
1956	29	26	1966	35	28	1976	30	35
1957	36	26	1967	28	23	1977	28	26
1958	37	26	1968	29	33	1978	27	25
1959	35	28	1969	32	33	1979	34	35

VI-2 Soit les totaux annuels pluviométriques de la station de Tissemsilt:

		358.3	78/79	507.1 38/39 509.6 53/54 395.4 78/79 358.3	53/54	509.6	38/39	507.1	27/28
321.8	86/87		77/78	487.1	51/52	391.3 36/37 321.5 51/52 487.1	36/37	391.3	26/27
397.4	85/86	75/76 357.7 85/86	75/76	458.5	50/51	372.6	34/35	341.8 34/35 372.6 50/51 458.5	-
291	83/84	371.7	73/74	49/50 453.4 73/74 371.7 83/84	49/50	639.8	304.2 33/34 639.8	304.2	-
182	82/83	285.1	60/61	48/49 494.6 60/61 285.1 82/83	48/49		32/33 355.6	422.9	20/21
450	81/82	59/60 442.6 81/82	59/60	624	47/48	-	315.2 31/32 382	315.2	19/20
294	80/81	355	58/59	462.3 29/30 487.3 46/47 370.4 58/59 355	46/47	487.3	29/30	462.3	18/19
500.3	79/80	_	54/55	362	39/40	607.8	28/29	1917/18 332.4 28/29 607.8 39/40	1917/18
P (mm	Année	P (mm)	Année	P (mm)	Année	P (mm)	Année	P (mm) Année P (mm) Année P (mm) Année P (mm) Année P (mm)	Année

En utilisant les tests de Wilcoxon et de Mann-Whitney, déterminer si cette série pluviométrique est homogène à un degré de

d'études (PFE) de M. Zoubir Chala promotion 92/93 IGC - USTHB).

VI-3 L'objectif est d'étendre la série Y 1946-1965 à l'aide de la série X qui s'étend de 1891 à 1965.

Les deux séries de précipitations annuelles (X et Y) relevées à deux postes pluviométriques semblent, après examen, suivre des lois normales et être liées linéairement.

On vous demande de :

a. calculer les moyennes et les variances des échantillons X et Y, le coefficient de corrélation  $r_{xy}$  et l'équation de régression de Y en X,

b. tracer la droite de régression et de placer sur le graphe les points observés à titre de vérification.

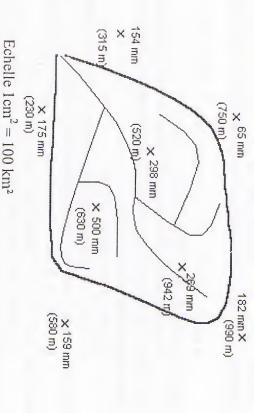
c. estimer les nouvelles valeurs étendues de la moyenne Y et de la variance  $\sigma_y$  de la série Y à l'aide de la série X.

On donne  $X_n = 667 \text{ mm et }_n \sigma_x^2 = 18 \ 451$ 

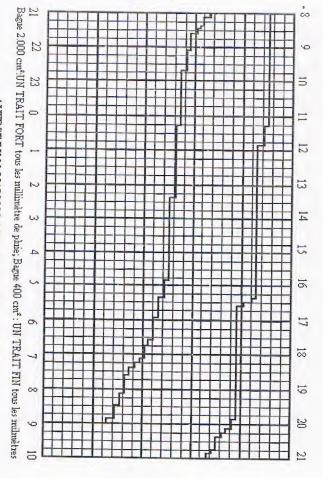
=	-		-		
1950	1949	1948	1947	1946	Amée
732	459	522	540	511	×
1169	639	737	793	810	K
1955	1954	1953	1952	1951	Ance
677	702	393	820	841	×
1140	1044	522	1248	1002	Y
1960	1959	1958	1957	1956	Aurce
800	549	858	540	657	×
1059	948	1288	776	886	Ч
1965	1964	1963	1962	1961	Amie
817	548	659	568	625	×
1499	762	1059	970	872	×

VI-4 Huit pluviomètres sont répartis sur et autour du bassin versant ci-dessous. A côté de chaque pluviomètre sont indiqués la hauteur de pluie annuelle en mm et son altitude en m. l'altitude moyenne est égale à 620 m. Calculer la précipitation moyenne annuelle sur le bassin versant en utilisant :

- a.- la moyenne arithmétique,
- b.- la méthode de Thiessen,
- c.- la méthode des isohyètes.
- d.- la méthode synthétique.
- e la méthodes des deux axes



d'Erraguène (wilaya de Jijel). VI-5 1 Soit le pluviogramme observé le 11 mai 1990 à la station



AVERSEDU 11 MAI 1990 A LA STATION D'ERRAGUENE

min dans le dépouillement du pluviogramme et une bague = 400 cm².) précipitations cumulées H = f(t). (Prendre un intervalle de temps de 30 -Tracer le hyétogramme correspondant et la courbe des

> i = f(t) est de la forme i = 0b - Si l'expression analytique de la courbe de l'intensité maximale  $(t+1)^n$ , de trouver l'exposant climatique n et

l'intensité maximale I.

l'exemple  $\Delta t = 30 \text{ min}$ **c** - Retrouver la lame d'eau précipitée  $H_T = \int_0^{22} i dt$ . Prendre dans

hauteurs maximales de pluie pour différentes durées: VI-6 Le tableau suivant donne par ordre chronologique les

	_	_	_	_	_	_			- 4		= :	
	1 1	0,8/	14,23	1,83	0,/	1,1	0,04	0 0 4	0,00	111111	- 10	-
		11,/		11,49			0,10	10,3/	10,77	0.73	0.0	2
		14,31	32,2	11,94	12,13	10,13	17,36	17.55	11,45	nim	. 60	0
		12	13,1	16	18,85		15,55	34,21	1/,05	m.	120	4
		7,33	9,1	7	7,07	7		1	1		. 15	1
		10	8,5	11,67	16,26	10,23	9,7	8,9	10,27	min	30	2
		13,75	12,67	12	11,74	12,03	12,9	18,3	13,06	min	60	U.
		13,35	16,04	17,92	12,2	13	14,82	16,63	19	m.	120	4
	6.88	6,9	0,7	7,7	8,9	8,6	7,5	7,5	8,1	min	15	_
	9.75	10,6	11,77	10,4	8,8	10,87	12,38	9,34	10,63	min	30	2
	15.1	12,04	11,3	12,25	10,63	11,3	10,94	11,09	11,92	min	60	C)
0000	13.93	15,7	13,05	13	16,09	12,74	13,51	17,33	12,3	m.	120	4

bien aux données. de retour de 2, 25 et 50 ans. On suppose que la loi de Gumbel s'ajuste Fréquences (IDF), pour les durées de 15, 30, 60 et 120 min et les période On demande de tracer les courbes Intensités-Durées-

# ENGINCES DES EXEKCICES DU CHAPITKE N°/

VII - 1. Dans une région dont la latitude est 48° 42', les moyennes des températures t(°C), des durées d'insolation h(heures/mois), et des hauteurs de pluies mensuelles P(mm) sur une longue période sont les suivantes:

+	5	Р	Z
0,9	48	67	J
1,9	70	55	H
5,8	149	41	Z
9,3	180	49	Α
13,1	218	54	Z
16,4	212	77	J
18,2	234	60	J
17,8	212	67	Α
15	169	65	S
9,9	123	55	0
5,4	53	61	Z
1,9	35	61	D

L'humidité relative est toujours supérieure à 50 %.

A l'aide de la formule de Turc, calculer l'évapotranspiration réelle annuelle.

VII-2. Compléter les deux mois manquants des estimations de l'Etp de Turc suivantes:

Etp	Z
(J)	_
ŧ	F
33	X
61	Α
90	
103	J
109	J
-	A
67	S
35	0
14	Z
5	D

Les autres données sont identiques à celles du précédent exercice.

VII-3. En utilisant la formule de Thornthwaite, déterminer l'Etp pour la même région sachant que:

-	
~	Z
0,73	٦
0,78	'n
1,02	X
1,15	Α
1,32	Z
1,33	_
1,33	J
1,24	Α
1,05	S
0,91	0
0,75	Z
0,70	D

K = coefficient d'ajustement mensuel.

VII-4. Le débit annuel à l'exutoire d'un bassin versant est de 79,5 m³/s, le traitement de la carte des isohyètes donne:

67	404	658	1575	1067	710	482	280	S (km²)	
1321	1270	1219	1168	1118	1067	1016	965	(mm)	
1270-	1219-	1168-	-8111	1067-	1016-	965-	914-	Isohyète	

a: la lame d'eau précipitée Lp;

b: la lame d'eau ruisselée L<sub>r</sub>;

c: le coefficient de ruissellement C = Lp /Lr;

d: la hauteur d'eau évaporée E<sub>v</sub>.

VII-5. Calculer l'évaporation journalière à partir d'un bac de classe A si les quantités d'eau suivantes sont ajoutées pour remettre le niveau de l'eau à sa position initiale dans le bac:

10	2,8	0,7	5,5	2,9	au ajoutée (mm)
0,1	0	1,2	6,5	0	Pluie (mm)
5	4	ς.	2	_	our

Le coefficient du bac est égal à 0,7.

Quelle est l'évaporation en m<sup>3</sup> au niveau d'un barrage voisin pendant la période de ces 5 jours, sachant que la surface moyenne du plan d'eau est de 5 200ha?

# ÉNONCÉS DES EXERCICES DU CHAPITRE Nº 8

précipitations, de l'infiltration et des accumulations dans les dépressions: Le tableau ci dessous présente les données des

Acc. Dépr	If (cm / h)	Ip (cm / h)	Heure
0	0,6	-	-
0	0,4	1,3	2
0,5	0,35	4,5	ψ
0	0,3	2,1	4
0	0,25	1,1	5
0	0,2	0,3	6
0	0,2	0,1	7
0	0,2	0,1	8
0	0,2	0,1	9
0	0,2	1 0,1	10
0	0,2	0,2	=
0	0,2	0,1	12

s'écouler sur la surface)? Quelle est la précipitation nette ( c'est à dire celle qui va

total infiltré au dessus de la ligne  $f_c$ .  $f = f_c + (f_0 - f_c)e^{-kt}$ , k est égal à  $(f_0 - f_c)$  divisé par le volume VIII-2. Montrer que dans l'équation de Horton:

0,5 cm / h après 10 heures; 30 cm d'eau se sont infiltrés pendant cette cm / h, celle-ci décroît exponentiellement vers une valeur stable égale à Au début de l'averse, la vitesse d'infiltration est égale à 4,5

Déterminer la valeur de k dans l'équation de Horton

tombée sur un bassin versant de 200 ha de superficie: VIII-3. Le tableau ci-dessous indique la précipitation qui est

12,5	15	5	10	I (cm/h)
90 - 120	60 - 90	30 - 60	0 - 30	T (minutes)

- a) déterminer la pluie totale qui est tombée sur le bassin,
- contribué au ruissellement) est égale à 7,5 cm. b) déterminer l'indice Φ si la pluie efficace (celle qui a

# ÉNONCES DES EXERCICES DU CHAPITRE Nº 9

donné les résultats survants: Aich, sur l'oued Soummam, le 5 octobre 1970, entre 13h 40 et 14h 20, a IX. 1 - Le jaugeage au moulinet effectué à la station de Sidi

																				_	_
14h20	-	-			-8		-	-				-				101		910	-	13h40	Heure
			S5				S4				S3				S2				SI	SO	Si
12,5			12,0				10,0				7,00				4,00				1,00	0,00	Xi
	0,155	0,075	0,03	0,26	0,18	0,10	0,03	0,43	0,35	0,20	0,03	0,46	0,38	0,20	0,03	0,36	0,28	0,10	0,03		P (m)
	0	28	37	0	109	129	139	0	153	207	219	0	100	160	200	0	125	164	168		Z
		25,0	25,0		25,0	25,0	25,0		25,0	25,0	25,0		25,0	25,0	25,0		25,0	25,0	25,9		t(sec)
					_				_												B
																					V (m/s)
14h20   12,5																					qi (m2/s)
RG	Fond			Fond				Fond				Fond				Fond				RD	Obs

 $S_i = section i$ ;  $x_1 = abscisse de la section <math>S_i$ ; P = profondeur de la sectionseconde; V = vitesse de l'eau; qi = débit spécifique; RD = rive droite; RG Si; N = nombre de tours du moulinet; <math>n = N/t = nombre de tours parrive gauche et sachant que la formule d'étalonnage du moulinet est :

et V = 0,1360 n + 0,020pour  $n \le 2,93$ pour n > 2,93

V = 0,1319 n + 0,032

1. calculer le débit de l'écoulement mesuré par ce jaugeage (Aide: les étapes de calcul sont les suivantes:

a. on calcule les vitesses grâce à l'une des formules ci-dessus,

relatif à la section considérée surface sous la courbe obtenues est égale au débit spécifique (en m²/s) ordonnées les profondeurs et en abscisses les vitesses respectives. La b. on porte sur du papier millimétré, pour chaque section, en

c. on porte sur une seconde feuille de papier millimétré en abscisses, les distances à la rive droite de chaque section et, en ordonnées, les débits spécifiques trouvés en b. La surface sous la courbe est égale au débit Q de l'oued pendant le jaugeage).

- 2. déterminer la section mouillée.
- 3. calculer la vitesse moyenne de l'écoulement.
- 1X 2. Une averse tombe sur un bassin versant. Le hyétogramme de cette averse est le suivant :

t(h)         0-1         1-2         2-3         3-4         4-5         5-6           I (mm/h)         1         2         4         5         3         1,5
1-2 2-3 3-4 4-5 5-6 2 4 5 3 1,5
2-3 3-4 4-5 5-6 4 5 3 1,5
3-4 4-5 5-6 5 3 1,5
4-5 5-6 3 1,5
5 - 6 1,5

Le taux de recharge  $\phi$  a été estimé lors de précédents événements pluvieux ; on avait trouvé  $\phi=2,4$  mm/h.

L'hydrogramme de crue résultant de cette averse est le suivant :

	1	1	_
Q(m <sup>3</sup> /s)	(h)	Q(m <sup>3</sup> /s)	t(h)
410	10	100	0
320	=	100	,
260	12	100	2
220	13	230	ယ
190	14	460	4
150	15	650	5
130	16	740	6
110	17	720	7
100	18	620	8
100	19	510	9

Le débit de base est donné constant et égal à 100m<sup>3</sup>/s. Déterminer :

- i- la pluie efficace, sa durée, l'heure de son début et celle de sa fin.
- ii- le temps de base tb et le temps de concentration tc;
- c- la surface du bassin versant.
- 1X.3 Sur un bassin versant de 1500 km², une averse de 4 heures génère les débits suivants:

	7 37	45,7	70,6	105	150	176	220	225	165	75	37,5	Q (m³:s)
5 6 9 12 15 18 21 24 27 3	30	27	24	21	8	J	7.1	9	0	U	C	(11)

- a- En déduire l'hydrogramme unitaire de 4 heures de durée (HU(4h)) en supposant que le débit de base est constant et égal à 37,5 m<sup>3</sup>/s
- b- En utilisant l'HU(4h) trouvé, déduire l'hydrogramme généré par une averse similaire de 4 heures de durée et dont la pluie efficace est de 16,6 mm sur le même bassin versant.

1X - 4 L'hydrogramme ci-dessous résulte d'une pluie de 4,7 cm en 2 heures.

Ç		17	41	82	123	96	25	5	5	$O(m^3/s)$
000	48	42	36	30	24	18	12	6	0	<b>(</b> h)

Les pertes dûes aux caux stockées dans les dépressions, l'infiltration et à l'évaporation sont de 3,2 cm. Déterminer l'HU(2h).

IX - 5 L'hydrogramme ci-dessous résulte d'une pluie de 6 heures sur un bassin versant de 4500 km².

III (0000000000000000000000000000000000	(S/cm) (O	l'(jours)	Q (m <sup>3</sup> /s)	(jours)
	3 280	8	2 340	1
	2 760	9	34 300	2
-	2 390	10	25 000	w
	2 060	11	14 000	4
	1 770	12	8 960	5
	1 520	13	5 740	6
	1 320	14	4 300	7

- L'équation du débit de base est :  $Q_b = 127,1 t + 2212,9$
- \* déterminer l'HU(6h)
- b- déterminer l'hydrogramme généré par une averse de 6 heures dont le ruissellement direct est de 186 cm.

IX - 6 Le tableau ci-dessous donne les précipitations P (mm), les débits totaux Qt (m3 / s) et le temps de leur occurrence. Le débit de base est constant et égal à 8 m³/s. Déterminer l'hydrogramme du ruissellement direct, l'indice Ф (taux de recharge) et le hyétogramme de la pluie efficace, la surface du bassin versant étant égale à 18,2 km².

T	20h 30	21h 00	21h 30	22h 00	22h 30	23h 00	23h 30	24h 00	00h 30
70	0	ن &,د	6,6	33,8	55,9	52,8	5,1	2,3	0
01	5,8	7,0	8,0	23,5	65,8	161,3	270	312,2	233,2
-	00 HIO	01h 30	02h 00	02h 30   03h 00	03h 00	03h30	04h00	04h 30	
P	0	0	0	0	0	0	0	0	
Õ	122,4	63,6	51,0	34,8	20,2	11,2	10,1	8,6	

IX-7 Au cours d'une crue, on a mesuré les débits suivants:

06/07	06/07	05/07	05/07	04/07	04/07	03/07	03/07	Dates
12	0	12	0	12	0	12	0	Heures
9,7	15	45,5	55,5	13,5	6,5	3,9	2,5	Débits
10/07	10/07	09 / 07	09 / 07	08 / 07	08/07	07 / 07	07 / 07	Dates
12	0	12	0	12	0	12	0	Heures
2,95	3,2	3,5	4,05	4,4	5	5,65	7	Débits
16/07	15/07	14 /07	13 /07	12 / 07	12 / 07	11/07	11/07	Dates
0	0	0	0	12	0	12	0	Heures
2,35	2,40	2,50	2,60	2,62	2,65	2,70	2,80	Débits

Le maximum de la crue s'est produit le 05 / 07 à 2h 25mn.

a- tracer sur du papier semi-log cet hydrogramme, hypodermique et écoulement de base. graphiquement les 3 types d'écoulement: écoulement direct, écoulement et séparer

déterminer l'hydrogramme unitaire. b- sachant que la superficie du bassin versant est de 1500 km²,

de 7,2 mm. c- déterminer la crue générée sur ce bassin versant par une pluie efficace

à l'infiltration et à l'évaporation sont de 10,2 mm. Déterminer l'HU(2h). mm en 2 heures. Les pertes dues aux eaux stockées dans les dépressions, IX - 8 L'hydrogramme ci-dessous résulte d'une pluie de 48,3

	3,82	5,10	7,08	10,62	12,76	16,99	$Q(m^3/s)$
	72	66	60	54	48	42	T(h)
41,06	82,19	123,18	96,28	25,49	2,12	2,07	Q(m <sup>3</sup> /s)
36	30	24	18	12	6	0	T(h)

versant de 1958 km² IX - 9 Le tableau ci-dessous représente l'HU (2h) d'un bassin

Q (m3/s)   270   220   180   140   110   80	t (heures) 11 12 13 14 15 16	Q (m3/s) 0 40 250 440 600 700	t (heures) 0 1 2 3 4 5
0 60	5 17	0 610	6
40	18	520	7
20	19	450	∞
10	20	380	9
0	21	320	10

Déterminer l'HU(4h):

a) par la méthode de superposition,b) par la méthode de la courbe en S (ou hydrogramme en S)

hydrogramme survant: IX.10 Une pluie efficace de 1,4 cm pendant 1,5 h génère

		-	-		
Qb (m3/s)	Qt(m3/s)	t (heures)	Qb (m3/s)	Qt (m3/s)	t (heures)
113	293	7	110	110	_
112	202	8	122	122	2
110	160	9	120	230	ယ
105	117	10	118	578	4
105	105	10,5	116	666	4,5
90	90	=	115	645	5
80	80	12	114	434	6

buivant: Calculer le débit de pointe résultant de l'événement pluvieux

0.7 1.7
1 - 2

# SECONDE PARTIE:

EXERCICES

SOLUTIONS DES

# SOLUTIONS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 1

#### Solution de l'exercice I - 1

- a) On considère que la barrage est vide au départ Le volume entrant en 1 jour est :
- $1,25 \times 60 \times 60 \times 24 = 108\,000 \, m^3$

harrage est: 225 000 000 ÷ 108 000 = 2083,3 jours ou 5,70 années Le nombre de jours nécessaires pour le remplissage du

- La différence entre les hauteurs de précipitation et
- d'evaporation est : 720 235 = 485 mm

Le volume annuel entrant dans le barrage est :

 $560 \text{ ha} \times 100000 \text{ m2/ha} \times 485 \text{mm} \times 0,001 \text{m/mm} = 27160000 \text{ m}$ 

Le nombre d'années pour remplir le barrage est donc :

 $\frac{225\ 000\ 000}{27\ 160\ 000} = 8,28$ années

#### Solution de l'exercice I - 2

a) L'équation du bilan s'écrit:  $Ve - Vs = \Delta V$ 

 $Ve = volume entrant; Vs = volume sortant; \Delta V = changement$ 

Ve = Vprécipité Vs = Virrigation + Vévaporé

 $V_{irrigation} = 5000 \text{ ha x } 0,6 \text{ l/s x } 3 600 \text{ s/h x } 24 \text{ h/j x } 365 \text{ j / nn} = 94,6 \text{ Mm}3$ 

 $V_{\text{\'e}vapor\'e} = 3 \text{ km}^2 \text{ x } 10^6 \text{ m}^2/\text{km}^2 \text{ x } 1000 \text{ mm x } 10^{-3} \text{ m/mm x}$ 

12 = 36 Mm

 $V_S = V_{irrigation} + V_{evapore} = 94,6 + 36 = 130,6 Mm3$ 

1 mois = 180 Mm $Ve = 1500 \text{ km}^2 \text{ x } 106 \text{ m}^2/\text{km}^2 \text{ x } 40 \text{ mm/mois x } 10^{-3} \text{ m/mm x}$ 

 $\Delta V = Ve - Vs = 180 - 130,6 = 49,4 \text{ Mm}3.$ 

Il y a donc un excédant de 49,4 Mm3

grande que l'apport annuel. b) La capacité du barrage est suffisante puisqu'elle est plus

chaque mois et trouver les mois pendant lesquels le barrage déverse. Dans ce problème on vous demande d'établir le bilan pour

exemple On procède comme suit pour le mois de septembre par

L'équation du bilan peut s'écrire :

$$V_e - V_S = \Delta V$$

$$V_f = V_i + \Delta V = V_e - V_S \text{ où}$$
:

 $V_e$  = volume entrant;  $V_s$  = volume sortant;  $V_i$  = volume initial;

 $V_f$ = volume final;  $\Delta V$  = changement de volume.

$$V_c = V_p + V_r \text{ où}$$
:

 $V_p$  = volume des précipitations et  $V_r$  = volume ruisselé

 $V_r = Q \times t = 0.2 \text{ m}^3/\text{s} \times 30 \text{ j} \times 24 \text{ h/j} \times 3600 \text{s/h} = 0.52 \text{ Mm}^3$  $V_p = P \text{ (mm)} \times S \text{ (m}^2) = 0.01 \text{ m} \times 10 \times 10^6 \text{ m}^2 = 100 000 \text{ m}^3 = 0.1 \text{ Mm}^3$ 

 $V_s = V_{evap} + V_{irrig} + V_{eco}$  où:

 $V_{eco}$  = volume pour les besoins écologiques. V<sub>evap</sub> = volume évaporé; V<sub>irrig</sub> = volume nécessaire à l'irrigation;

 $\times$  15 000 ha = 15,55 Mm<sup>3</sup> ( d<sub>irrig</sub>= dose d'irrigation),  $V_{eco} = L \times t = 0,4 \text{ m}^3/\text{s} \times 86 400 \text{ s/j} \times 30 \text{ j/mois} = 1,04 \text{ Mm}^3.(L = lâchés)$  $V_{irrig} = d_{irrig} \times t \times S = 0.41/s / ha \times 86400 s / j \times 30 j / mois \times 10^{-3} m^3 / 10^{-3} m^$  $V_{evap} = E_v \times S = 126 \text{ mm} \times 0.001 \text{ m/mm} \times 10 \text{ km}^2 \times 10^6 \text{ m}^2/\text{km}^2 = 1.26 \text{ Mm}^3$ 

écologiques)

$$V_c = 0.1 + 0.52 = 0.62 \text{ Mm}^3$$

$$V_s = V_p - V_r = V_{evap} + V_{irrig} + V_{eco} = 1,26 + 15,55 + 1,04 = 17,85 \text{ Mm}^3$$
  
 $\Delta V = V_e - V_S = 0,62 - 17,85 = -17,23 \text{ Mm}^3$ 

$$V_f = V_i + \Delta V = 20 - 17,23 = 2,77 \text{ Mm}^3.$$

dans le barrage. Il ne déborde pas puisque sa capacité totale est de 120 Donc à la fin du mois de septembre il reste 2,77 Mm<sup>3</sup> d'eau

barrage est égale à 120 Mm<sup>3</sup>, tout volume supplémentaire est déversé. Le volume déversé Vd = Vf - 120 puisque la capacité

les calculs l'année. On dresse le tableau suivant pour faciliter la compréhension et On procède de la même manière pour les autres mois de

-								- 1					- 2	2		=
Vdev	AL.	Vi.	VV	Vs	Veco	qeco	Virr	dirrig	Veva	Ęγ	Ve	Vr	0	٧þ		Mois
0	2,77	20	-17,23 0,14 5,25 18,1	17,85	1,04	0,4	15,55	0,4	1,26	126	0,62	0,52	0,2	0,1	10	S
0	2,91	2,77	0,14	2,03	1,04 1,07 1,04	0,4	0	0	1,26 0,96 0,69	96	2,17	1,87	0,7	0,3	30	0
0	8,16	20 2,77 2,91	5,25	1,73	1,04	0,4	0	0	0,69	69	6,98	6,48	2,5	0,5	50	Z
0	26,26		18,1	17,85 2,03 1,73 1,61	1,07	0,4	0	0	0,54	54	19,71	18,21	6,8	1	100	D
0	2,77 2,91 8,16 26,26 60,06	8,16 26,26 60,06 95,55 151,5 147,2		1,68	1,07	0,4	0	0	0,61	61	0,62 2,17 6,98 19,71 35,48 37,09 57,9 29,14 9,37	0,52 1,87 6,48 18,21 33,48 34,59 54,9 26,44		2	200	J
0	95,5	60,06	33,8 35,44	1,65	0,97	0,4	0	0	0,68	68	37,09	34,59	12,5 14,3	2,5	250	Ħ
0 31,55 58,68 22,23	120	95,55		1,9	1,07	0,4	0	0	0,83	83	57,9	54,9	20,5	ယ	300	Z
58,68		151,5	27,18		1,04	0,4	0	0	0,92	92	29,14	26,44	10,2	2,7	270	Α
22,23	120	147,2	-4,97	1,96 14,34	1,07	0,4	0 12,05	0,3	1,22	122	9,37	9,37	3,5	0	0	Z
0	120 120 100,03	115	56 27,18 -4,97 -14,97 -31,81 -26,66	18,08	1,04	0,4	15,55	0,4	1,49	149	3,11	3,11	1,2	0	0	J.
0		115 100,1 68,25	-31,81	32,88	1,07	0,4	30,13	0,75	1,68	168	1,07	1,07	0,4	0	0	J
0	68,29 41,59	68,25	-26,66	26,93	1,07	0,4	24,1	0,6	1,76	176	0,27	0,27	0,1	0	0	A

D'après le tableau, on voit que le barrage déverse pendant les mois de mars, avril et mai et qu'à la fin septembre il reste 41,59 Mm<sup>3</sup> (ou agricole) suivante. dans le barrage qui pourront être utilisés pendant l'année hydrologique

#### Solution de l'exercice I - 4

a) volume d'eau précipitée pendant les 5 jours

 $V_{\text{barrage}} = 0,15 \text{ mm/h} \times 24 \text{ h/j} \times 5 \text{ j} \times 245 \text{ ha} \times 10 000 \text{ m}^2/\text{ha} \times 10 \text{ m}^2/\text{ha}$ 

 $0.001 \text{ m/mm} = 44\ 100 \text{ m}$ 

Vbv = 0,15 mm/h × 24 h/j × 5 j × 25 000 km<sup>2</sup> × 1000 000 m<sup>2</sup>/km<sup>2</sup> × 0,001 m/mm = 450 Mm<sup>3</sup>

 $m^2/ha = 0,102 \text{ m}^3/\text{s}$ b) taux moyen des précipitations en  $m^3$ /s sur le lac du barrage : 0,15 mm/h × 0,001 m/mm × 1h / 3600s × 245 ha × 10 000

ou bien : 44 100 m3 /  $(5j \times 24h/j \times 3600s/h) = 0,102 \text{ m}^3/s$ 

 $3600s \times 25\ 000\ ha \times 1000\ 000\ m^2/ha = 1041,67\ m^3/s$ et sur le bassin versant: 0,15 mm/h × 0,001 m/mm × 1h /

ou bien:  $450 \text{ Mm} 3 / (5j \times 24h/j \times 3600s/h) = 1041,67 \text{ m}^3/\text{s}$ 

barrage:  $Lp = \frac{Vp}{S_{n...}} = \frac{7710000}{245 \text{ ha} \times 10000 \text{ m}^2/\text{ha}} = 0,018 \text{ m} = 18 \text{ mm}$ 44100 m<sup>3</sup> d'eau précipitée sur e lac

du

 $450 \text{ Mm}^3 \times 1000 000 \text{ m}^3/\text{Mm}^3$  $25000 \text{ km}^2 \times 1000 000 \text{ m}^2/\text{km}^2 = 0.018 \text{ m} = 18 \text{mm}$ bassin

#### Solution de l'exercice I – 5

A l'instant initial ti, on a le débit net :

$$Q_i = 14,16 - 19,82 = -5,66 \text{ m}^3/\text{s}$$

à l'instant final, une heure plus tard on a le débit net :

$$Q_f = 19.82 - 20.96 = -1.14 \text{ m}^3/\text{s};$$

considérée, le débit moyen net est : en supposant que la variation du débit est linéaire pendant l'heure

$$\overline{Q} = \frac{(-5,66) + (-1,14)}{2} = -3,4 \text{ m}^3 / s$$

Le tronçon du cours d'eau se vide donc à un débit moyen de 3,40 m<sup>3</sup>/s. Pendant une heure le volume sorti sera égal à :

 $(-3,40 \text{ m}^3\text{/s}) \times 3600 \text{ s} = -12 240 \text{ m}^3$ 

tronçon:  $19736 - 12240 = 7496 \text{ m}^3$ Le volume a diminué et à la fin de l'heure il reste dans le

#### Solution de l'exercice I – 6

L'équation du bilan de ce réservoir est :  $V_s$  -  $V_e = \Delta V = 0$ 

 $V_s$  = volume total sortant = vol. évaporé  $(V_{ev})$  + vol. débordé  $(V_d)$ 

on a donc :  $V_s - V_e = 0 \rightarrow (V_{ev} + V_d) - V_e = 0$  $V_e$  = volume entrant sous forme de pluie

d'où  $V_d = V_e - V_{ev}$ 

en 24 heures on a donc:

 $V_e = 28.5 \, m^3 / s \times 60 \times 60 \times 24 = 2 \, 462 \, 400 \, m^3$ 

 $V_{ev} = 30,5 \text{ cm} \times 0,01 \text{ m}/\text{cm} \times 202 \text{ ha} \times 10 \text{ 000 m}^2/\text{ha} = 616 \text{ 100 m}^3$ 

 $V_d = 2\ 462\ 400 - 616\ 100 = 1\ 846\ 300\ m^3$ 

#### Solution de l'exercice I – 7

 $0.836 \text{ cm} \times 0.01 \text{ m/cm} \times 148 \text{ ha} \times 10 000 \text{ m}^2/\text{ha} = 12 372.8 \text{ m}^3$ Evaporation journalière en m<sup>3</sup>: Evaporation journalière en cm : 305 cm / 365 jours = 0,836 cm

versant:

#### Solution de l'exercice I – 8

- 1,02 cm  $\times$  0,01 m/cm  $\times$  24 h/j  $\times$  3 j  $\times$  243 ha  $\times$  10 000 m²/ha =1 784 592 m³. b) Taux moyen des précipitations en m³/s = a) Volume d'eau précipitée pendant 3 jours =
- c) Hauteur d'eau précipitée :  $H = V/S = 1784592/(243 \times 10000) = 0,734 \text{ m}$  $1784592 \text{ m}^3 / (3j \times 24\text{h/j} \times 60 \text{ min/h} \times 60 \text{ sec/min}) = 6,885 \text{ m}^3/\text{s}.$

#### Solution de l'exercice I – 9

 $T = V/Q = 1365 \text{ m}^3 / 0.34 \text{ m}^3/\text{s} = 4.014.7 \text{ sec} = 1.12 \text{ heures}$ 1 365 000 m<sup>3</sup>. Volume correspondant à  $0.3 \text{ m} = 0.3 \text{ m} \times 455 \text{ ha} \times 10 000 \text{ m}^2/\text{ha} =$ 

#### Solution de l'exercice I - 10

- a) Volume évaporé en un an : 1243  $m^3/j \times 365 j = 453 695 m^3$
- b) Abaissement du niveau dû à l'évaporation
- $H = V/S = 453 695 \text{ m}^3 / (1480 \text{ ha} \times 10 000 \text{ m}^3/\text{ha}) = 0.031 \text{ m}$
- c) Volume apporté en un an :
- $0.7 \text{m}^3/\text{s} \times 365 \text{ j/an} \times 24 \text{ h/j} \times 60 \text{ min/h} \times 60 \text{ sec/min} = 22 075 200 \text{ m}^3$
- d) augmentation de niveau dû aux apports d'eau :
- $22\ 075\ 200\ \mathrm{m}^3/\ (1480\ \mathrm{ha} \times 10\ 000\ \mathrm{m}^3/\mathrm{ha}) = 1,491\ \mathrm{m}$
- e) Le niveau de l'eau a augmenté de : 1,491 0,031 = 1,460 m

### Solution de l'exercice 2 -1

II - 1 
$$K_c = 0.28 \frac{P}{\sqrt{S}} = \frac{142}{\sqrt{1054}} = 1,225$$

II - 2  $L = \frac{K_c \sqrt{S}}{1,12} (1 + \sqrt{1 - (\frac{1,12}{K_c})^2}) = \frac{1,225\sqrt{1054}}{1,12} (1 + \sqrt{1 - (\frac{1,12}{1,225})^2}) = 49,85 \text{ km}$   $1 = \frac{K_c \sqrt{S}}{1,12} (1 - \sqrt{1 - (\frac{1,12}{K_c})^2}) = \frac{1,225\sqrt{1054}}{1,12} (1 - \sqrt{1 - (\frac{1,12}{1,225})^2}) = 21,16 \text{ km}$ 

portés dans le tableau ci-dessous. comprises entre les lignes de niveaux successives, leurs pourcentages de II - 3 Courbe hypsométrique : On calcule les surfaces partielles la surface totale ainsi que les pourcentages cumulés. Les résultats sont

	7071 - 0001	1000 1000	0001 - 000	000 1000	000 - 000	000 000	+000 - 000	100 600	004 - 667	205 400	CIASSES	Clara
Contraction of the last of the	49,20		459,65		448,69	1000	12,62	10 00	23,83	2000	Surt. particiles	2 0
American Company of the Company of t	4,67		43.61	90 '	42.67	. ,	6.89		2,26	More	% de Statale	
100	100	70,00	05 33	21,72	51 70	7910	015	1,10	226	Comming	% cumulés	

On lit sur le graphe  $H_{5\%} = 480 \text{ m}$ ,  $H_{95\%} = 1000 \text{ m}$  et H = 790 mmètres et en ordonnées, les pourcentages cumulés des surfaces Ensuite, on trace sur du papier millimétré en abscisses, les altitudes en

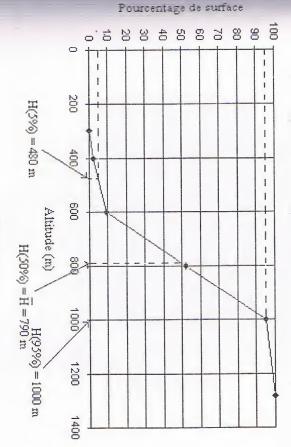


Figure 1

11-4-a La formule donne:

4-a La formule donne:  

$$\frac{1}{H} = \frac{\sum_{i=1}^{K} S_{i}H_{i}}{S} = \frac{23,83 \times 347,5 + 72,62 \times 500 + 448,69 \times 700}{1054}$$
459,65 × 900 + 49,20 × 1141

 $459,65 \times 900 + 49,20 \times 1141 = 786,05 \text{ m}$ 

II – 4 - b la courbe hypsométrique donne H= 790 m.

$$II - 5$$
.  $I_g = \frac{H_{95\%} - H_{5\%}}{L} = \frac{1000 - 480}{49,85} = 10,43 \text{ m/km}$ 

ordonnée les longueurs l3 et l4. A partir de la droite qui passe par ces du papier semi logarithmique (fig 2) en abscisse les rangs 3 et 4 et en II - 6. Densité de drainage =  $D_d = \frac{1}{S}$ . Pour trouver les  $l_i$ , on porte sur points on tire les valeurs de  $l_2 = 750$  km et  $l_1 = 1900$  km

Calcul du nombre de thalwegs d'oxire n

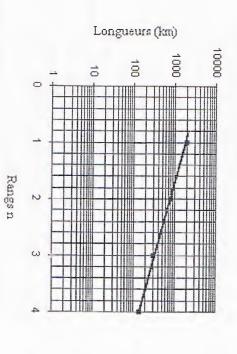


Figure 2

$$d^{2}o\hat{\mathbf{u}}: D_{d} = \frac{\sum_{i=1}^{4} I_{i}}{S} = \frac{1900 + 750 + 334 + 142}{1054} = 2,97 \text{ km/km}^{2}.$$

En procédant de la même manière pour les nombres de thalwegs on obtient:  $N_1 = 8200$  et  $N_2 = 800$  d'où  $F_1 = densité des thalwegs élémentaires =$ 

 $\frac{N_1}{S} = \frac{8200}{1054} = 7,78 \text{ thalwegs/ km}^2.$ 

Maintenant on peut calculer le coefficient de torrentialité:

$$C_t = D_d \times F_1 = 2,97 \times 7,78 = 23,11$$

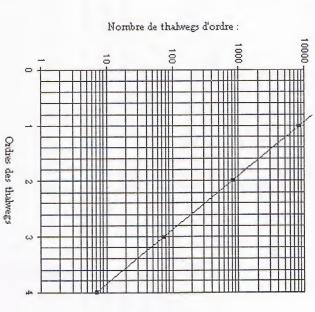


Figure 3.

# SOLUTIONS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 3

### Solution de l'exercice III - 1

a)  $\overline{P}_a = (\Sigma Pi)/N = 30.858 / 60 = 514,3 \text{ mm};$   $\overline{P}_g = (\Pi Pi)^{1/N}; \ln \overline{P}_g = \Sigma \ln Pi / N = 371,49 / 60 = 6,1915$ et  $\overline{P}_g = e^{6,1915} = 488,58 \text{ mm}$   $\overline{P}_h = N/(\Sigma 1/Pi) = 60 / 0,131 = 458,01 \text{ mm}$ on a en effet:  $\overline{P}_h = 458,01 < \overline{P}_g = 488,58 < \overline{P}_a = 514,3 \text{ mm}$ 

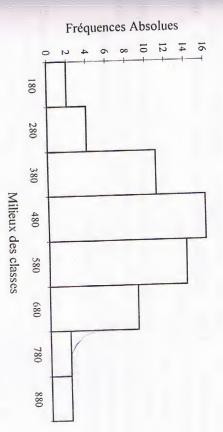
b) On commence par ordonner notre séries de pluie par ordre croissant (ou décroissant); le résultat est dans le tableau ci-dessous:

	_	-	-	1	-	_	-	_	-	
10			-	10	10	1	10	1/2	-	Kang
371	358	350	350	321	310	274	238	161	159	170
20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	Rang
448	443	440	416	414	411	404	388	386	380	Pluie
30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	Rang
510	509	507	499	496	488	475	473	472	455	Pluie
40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	Rang
562	559	553	550	547	545	537	522	519	511	Pluie
50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	Rang
658	650	648	626	606	583	582	579	576	575	Pluie
60	59	58	57	56	55	54	53	52	51	Rang
916	835	823	737	722	707	701	682	680	661	Pluie

	000	7	6	5	4	. (	2		classe	Numéro de
somme	$830 \le P < 930$	730 ≤ P < 830	630 ≤ P < 730	530 ≤ P < 630	430 ≤ P < 530	330 ≤ P < 430	230 ≤ P < 330	130 ≤ P < 230		Classes
11	880	780	680	580	480	380	280	180	Classe	Centre de
60	2	2	9	14	16	11	4	2	Absolue	Effectif ou Fréquence
1,00	0,03	0,03	0,15	0,23	0,27	0,18	0,07	0,03	Relative	Fréquence

On divise, dans le tableau ci-dessus, notre échantillon en 8 classes égales toutes à 100 mm en faisant attention à ce que les bornes des classes ne coïncident pas avec des valeurs de notre série. On calcule

nsuite pour chaque classe: son centre, sa fréquence absolue, sa tréquence relative.



#### Histogramme

L'histogramme est tracé en portant en abscisses les milieux des classes et en ordonnées soit les fréquences relatives soit les fréquences absolues. Les extrémités des bases des rectangles sont égales nux limites des classes. La figure ci-dessus donne l'histogramme.

Dans le tableau ci-dessous on a calculé les fréquences umulées jusqu'aux bornes des intervalles. La somme des fréquences de

€ 930	830	730	630	530	+ 430	330	230	130		100	Pluies
60	58	56	47	ယ္သ	17	6	2	0		cumulé	Effectif
1,00	0,97	0,93	0,78	0,55	0,28	0,10	0,03	0,00	dépassement (FND)	cumulée au non-	Fréquence
> 930	> 830	>/30	> 050	> 530	> 430	> 550	> 230	> 130			Débits
0	7	4 (	٥ -	17	245	J 4	00 00	60		cumule	Effectif
0,00	0,00	0,00	0.06	0,40	0,75	0,70	0,00	0.96	depassement (1 b)	Cullinice an	Fréquence

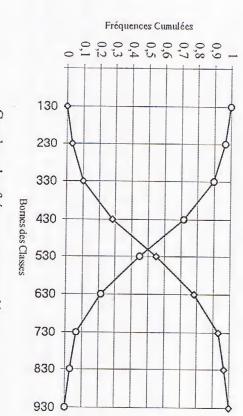
### Calcul des fréquences cumulées

uppelée Fréquence cumulée au non - dépassement (FND): ainsi 55 % des pluies annuelles considérées sont inférieures à 530 mm. En outre, la

echantillon sont supérieures à 530 mm. dépassement (FD). Ainsi, 45% des pluies annuelles de notre inférieure d'un somme des fréquences de toutes les valeurs plus grandes que la limite des pluies annuelles considérées sont inférieures à 530 mm. En outre, la intervalle est appelée fréquence cumulée au

On constate que: F.N.D. + F.D. = 55% + 45% = 100%

cumul ascendant et cumul descendant. dans le tableau ci-dessus. On obtient une courbe pour chaque cumul: les bornes des classes et en ordonnées les fréquences cumulées calculées Pour obtenir les courbes des fréquences cumulées on porte en abscisses



Courbes des fréquences cumulées

#### c) calcul de la Médiane M:

1) par la formule: 
$$M = L_1 + \frac{(N/2) - f_1}{f_{médiane}} \times c$$

Sur le graphe on lit:

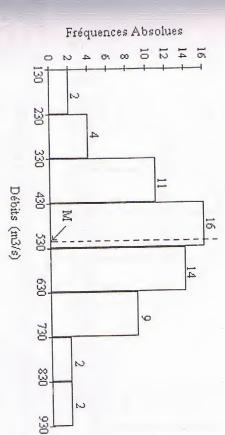
L1 = 430; 
$$\Sigma fI = 2 + 4 + 11 = 17$$
;  $f_{\text{médiane}} = 16$  et c = 100 d'où   
  $M = 430 + \left(\frac{30 - 17}{16}\right) \times 100 = 430 + \left(\frac{13}{16}\right) \times 100 = 430 + 81,25 = 511,25m^3 / s$ 

On vérifie que c'est bien la médiane c'est-à-dire:

moitié de gauche = moitié de droite  

$$2 \times 100 + 4 \times 100 + 11 \times 100 + 16 \times (511,25 - 430) =$$
  
 $16 \times (530 - 511,25) + 14 \times 100 + 9 \times 100 + 2 \times 100 + 2 \times 100$   
donc:  $200 + 400 + 1100 + 1300 = 300 + 1400 + 900 + 400$   
 $3 000 = 3 000$ 

l'égalité est vérifiée.



us ils sont égaux à 60/2=30. nombre de pluies de part et d'autre de la médiane sont égaux, dans notre effectif total en 2 parties égales, c'est-à-dire que les effectifs ou le 2 - par interpolation: la pluie médiane est la pluie qui partage

pour arriver à 30 il faut ajouter 13 des 16 pluies de la 4ième classe (430a somme des fréquences des 3 premières classes est 2 + 4 + 11 = 17, (30) donc:

$$M = 430 + \frac{13}{16}(530 - 430) = 430 + \frac{13}{16} \times 100 = 430 + 81,25 = 511,25m^3 / s$$

pales c'est-à-dire 30 abscisse du segment LM qui divise l'histogramme en deux parties 3- Utilisation de l'histogramme: La médiane M correspond à

## 9

Fréquences Absolues

O1 00

13 13

12 10

U

Débits (m3/s)

8

230

330

430

530

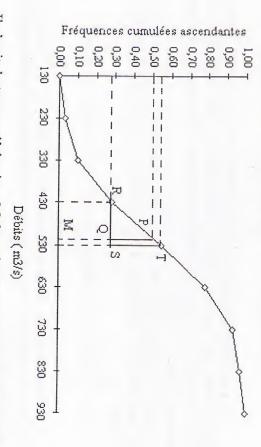
630

730

83

930

# 4 - Utilisation de la courbe des fréquences cumulées



Il s'agit de trouver l'abscisse M du point P en utilisant la similitude entre les deux triangles PRS et TRS:

RQ / RS = PQ / TS = RQ / 100  
RQ / 100 = 
$$(50 \% - 28 \%)$$
 /  $(55 \% - 28 \%)$  = 22 / 27  
d'où RQ =  $(22 / 27) \times 100 = 81,48$   
et OM =  $430 + 81,48 = 511,48 \text{ m}^3/\text{s}$ 

#### Solution de l'exercice IV-1

### a) calcul des caractéristiques empiriques de l'échantillon : On établit le tableau suivant pour faciliter les calculs :

						_		_		_
158	\$27	\$21	703	680	169	723	615	439	169	luie
209764	277729	271441	494209	462400	477481	522729	378225	192721	28561	P <sup>2</sup>
512	649	505	650	657	350	419	527	467	326	Pluie
262144	421201	255025	422500	431649	122500	175561	277729	218089	106276	p <sup>2</sup>
837	559	523	374	546	561	454	382	431	502	Pluie
700569	312481	273529	139876	298116	314721	206116	145924	185761	252004	P2
622	439	475	662	529	602	696	343	584	368	Pluie
386884	192721	225625	438244	279841	362404	484416	117649	341056	135424	p <sup>2</sup>
865	572	418	625	349	277	470	449	436	241	Pluie
748225	327184	174724	390625	121801	76729	220900	201601	190096	58081	p <sub>2</sub>

On trouve:  $\Sigma Pi = 31\ 275$  et  $\Sigma Pi^2 = 17\ 383\ 783$ 

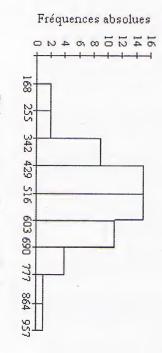
moyenne 
$$\overline{P} = \frac{\sum P_1}{N} = \frac{31275}{60} = 521,25 \text{mm}$$
;

$$\text{curt-type} = s = \sqrt{\frac{\sum (R^3) - NP^2}{N-1}} = \sqrt{\frac{17383783 - 60 \times (31275)^2}{60-1}} = 135,40 \,\text{mm} ;$$

b) construction de l'histogramme et de la courbe des (Mquences cumulées : Le tableau ci-dessous donne les classes, leurs fréquences réquences relatives, leurs effectifs cumulées ainsi que comme le classement des pluies a été effectué par ordre décroissant ous obtenons les fréquences cumulées au Non - Dépassement (FND)

1,00	60	0,02		864≤x<951
0,98	59	0,02		777≤x<864
0,97	58	0,07	4	690≤x<777
0,90	54	0,18	11	603≤x<690
0,72	43	0,25	15	516\sc<603
0,47	28	0,25	15	429≤x<516
0,22	13	0,15	9	342≤x<429
0,07	4	0,03	2	255≤x<342
0,03	. 2	0,03	2	168≤x<255
Cumulées	Cumulés	Relatives		
Fréquences	Effectifs	<ul> <li>Fréquences</li> </ul>	Effectifs	Classes

L'histogramme et la courbe des fréquences cumulées sont tracés en utilisant les données du tableau ci-dessus :



Pluies annuelles au barrage du Ghrib

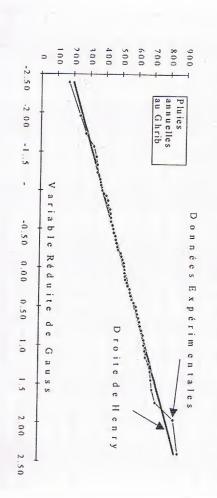
Histogramme

Courbe des fréquences cumulées

# c) ajustement d'une loi normale à notre échantillon:

\$61 542 35 (	154 531 34 (	382 529 33 (	131 527 32 (	502 527 31 0	523 30	521 29	505 512 28 0	650 505 27 (	657 502 26 0	485 25	419 480 24	527 475 23	467 470 22	326 467 21	458 458 20	527 454 19	449 18	703 439 17	680 439 16	691 436 15	14	615 419 13	439 418 12	169 407 11	598 382 10	531 374 9	485 368 8	542 350 7	634 349 6	480 343 5		567 277 3	407 241 2	607 169 1	classées	Valeurs Valeurs Ordre
0,575 0,19	0,558 0,15	0,542 0,1	0,525 0,06	0,508 0,02	0,492 -0,02	0,475 -0,06	0,458 -0,1	0,442 -0,15	0,425 -0,19	0,408 -0,23	0,392 -0,27	0,375 -0,32	0,358 -0,36	0,342 -0,41	0,325 -0,45	0,308 -0,5	0,292 -0,55	0,275 -0,6	0,258 -0,65	0,242 -0,7	0,225 -0,76	0,208 -0,81	0,192 -0,87	0,175 -0,93	0,158 -1	0,142 -1,07	0,125 -1,15	0,108 -1,24	0,092 -1,33	0,075 -1,44	0,058 -1,57	0,042 -1,73	0,025 -1,96	0,008 -2,39		Fréq.   Variables
542	5 531	529	5 527	2 527	2 523	6 521	512	5 505	9 502	3 485	7 480	2 475	6 470	1 467	5 458	5 454	5 449	5 439	5 439	7 436	6 431	1 419	7 418	3 407	382	7 374	5 368	4 350	3 349	4 343	7 326	3 277	6 241	9 169		oles Valeurs
546,8	541,1	535,4	529,7	524,1	518,4	512,8	507,1	501,4	495,7	489,9	484,1	478,2	472,2	466,1	459,9	453,5	447	440,4	433,5	426,4	419	411,3	403,2	394,7	385,7	376	365,5	353,9	341,1	326,3	308,8	286,7	255,8	197	théor.	Valeurs

865	572	418	625	349	277	470	449	436	241	622	439	475	662	529	602	696	343	584	368	837	559	523	374	346
865	837	723	703	696	691	680	662	657	650	649	645	634	625	622	615	607	602	598	584	572	567	561	559	546
60	59	58	57	56	55	54	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36
0,992	0,975	0,958	0,942	0,925	0,908	0,892	0,875	0,858	0,842	0,825	0,808	0,792	0,775	0,758	0,742	0,725	0,708	0,692	0,675	0,658	0,642	0,625	0,608	0,592
2,39	1,96	1,73	1,57	1,44	1,33	1,24	1,15	1,07	1	0,93	0,87	0,81	0,76	0,7	0,65	0,6	0,55	0,5	0,45	0,41	0,36	0,32	0,27	0,23
865	837	723	703	696	691	680	662	657	650	649	645	634	625	622	615	607	602	598	584	572	567	561	559	546
845.5	786.7	755.8	733,7	716,2	701,4	688,6	677	666,5	656,8	647,8	639,3	631,2	623,5	616,1	609	602,1	595,5	589	582,6	576,4	570,3	564,3	558,4	552,6

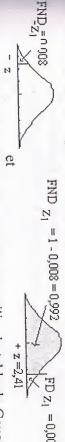


de départ, c'est-à-dire telles que l'on mesurées sur le terrain, les pluies Le tableau ci-dessus indique : les valeurs des pluie annuelles

> fréquences expérimentales au non-dépassement (FND), les variables pluies annuelles de départ et enfin les pluies théoriques. réduites correspondantes aux valeurs des pluies :  $z_i = (p_i - p_{moy}) / s$  , les unnueries classees, le municio a crare ces

la table de Gauss. Ensuite, en utilisant l'équation de Henry, on calcule la lhéorique égale à la fréquence expérimentale calculée précédemment. A partir de cette fréquence on tire la variable réduite théorique en utilisant pluie théorique. Les pluies théoriques sont les pluies qui ont une fréquences

Calculons, par exemple, la pluie théorique  $P_{t1}$ :



la figure ci-dessus, on trouve  $z_1 = -2,41$ . nous avons  $FND_1 = 0,008$ , pour trouver  $z_1$  on utilise la table de Gauss et

que l'ordinateur est plus précis). mm (la différence avec 197 mm donné dans le tableau provient du fait On sait que  $P_1 = P_{moy} + z_1 s = 521,25 - 2,41 \times 135,40 = 195$ 

Henry dans le graphique. Les pluies théoriques s'alignent sur et forment la droite de

#### Solution de l'exercice IV-2

IV - 2 a) surface comprise entre z = 0 et z = 1,2:

 $0 \le z \le 1,2$  est égale à 0,3849 ou 38,49 % En d'autres termes la probabilité d'avoir

b) surface comprise entre z = -0.68 et z = 0:

0

1,2

- 0,68 S = 0,2517

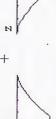
> c'est-à-dire que la probabilité d'avoir  $-0.68 \le z \le 0$  est égale à 0.2517 ou 25,17 %

c) surface comprise entre z = -0.46 et z = 2:













d'où S = 0,1772 + 0,4772 = 0,6544 . C'est-à-dire que la probabilité

d'avoir -  $0.46 \le z \le 2$  est égale à 0.6544 ou 65.44 % d) surface comprise entre z = 0.81 et z = 1.94:



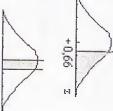




d'avoir  $0.81 \le z \le 1.94$  est égale à 0.1828 ou 18.28 % d'où S = 0,4738 - 0,291 = 0,1828. C'est-à-dire que la probabilité

e) surface située à gauche de z = -0,66:

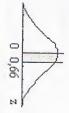




II

- 0,66

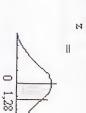


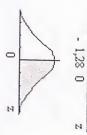


 $z \le -0,66$  est égale à 0,2546 ou 25,46 % d'où S = 0.5 - 0.2454 = 0.2546. C'est-à-dire que la probabilité d'avoir

f) surface située à droite de z = -1,28:

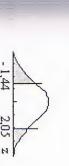


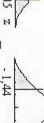


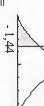


 $z \ge -1,28$  est égale à 0,8997 ou 89,97 % d'où S = 0,3997 + 0,5 = 0,8997. C'est-à-dire que la probabilité d'avoir

g) Surface à droite de z = 2,05 et à gauche de z = -1,44















II



1,44

2,05

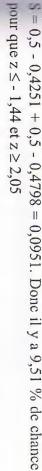
11



0 1,44



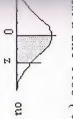




### Solution de l'exercice IV-3

est-à-dire Prob  $\{0 \le x \le z\} = 0,3770$ . on a 2 possibilités: IV - 3 a) La surface comprise entre 0 et z est égale à 0,3770

grâce à la table de Gauss on







- trouve  $z = \pm 1,16$
- Prob  $\{x \le z\} = 0.8621$ . La surface à gauche de z 11 0,8621 c'est-à-dire
- S = 0.8621) la table de Gauss de -  $\infty$  à z on lit directement z = 1,09



2) la table de Gauss de 0 à z donne aussi = 1,09

S = 0,8621 - 0,5 = 0,321

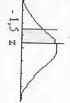


c) Surface comprise entre - 1,5 et z est égale à 0,0217. 2 cas

existent:



$$F(z) = F(1,5) + 0.0217 = 0.9332 + 0.0217 = 0.9549$$
 et  $z = -1.69$   
2)  $z > -1.5$ :



d'où 
$$F(z) = F(1,5) - 0,0217 = 0,9332 - 0,0217 = 0,9115$$
 et  $z = -1,35$ 

## SOLUTION DE L'EXERCICE IV - 4

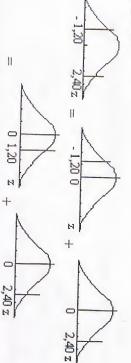
IV - 4 Pour qu'une fonction f(x) soit une fonction de densité

de probabilité (f.d.p.) il faut que l'on ait :  $\int f(x)dx = 1$  c'est à dire :

$$\int_{2}^{1} \frac{(3+2x)}{18} dx = \frac{3x+2x^{2}/2}{18} = \frac{12+32/2-6-8/2}{18} = \frac{28-10}{18} = 1$$

### Solution de l'exercice IV - 5

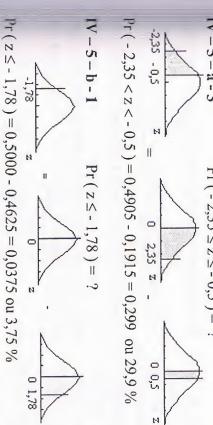
IV - 5-a-1

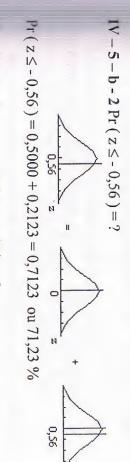


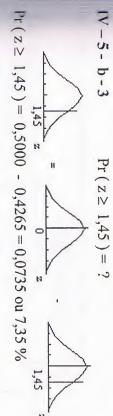
Pr (-1,20 < z < 2,40) = 0,3849 + 0,4918 = 0,8767 ou 87,67%

Pr (1,23 < z < 1,87) = 0,4693 - 0,3907 = 0,0786 ou 7,86 % IV-5-a-2 Pr(1,23 < z < 1,87) = ?



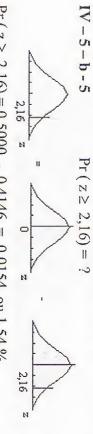




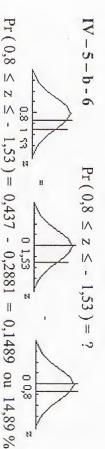


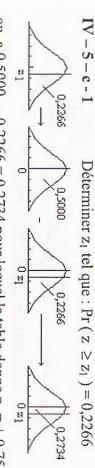
IV-5-b-4 1,83 z  $Pr(z \le -2.52 \text{ et } z \ge 1.83) = ?$ 

0,0355 ou 3,55 %  $Pr(z \le -2.52 \text{ et } z \ge 1.83) = 0.5000 - 0.4981 + 0.5000 - 0.4664 =$ 

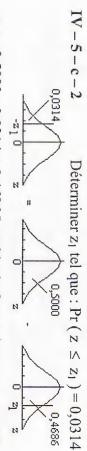


 $Pr(z \ge 2,16) = 0,5000 - 0,4146 = 0,0154 \text{ ou } 1,54 \%$ 



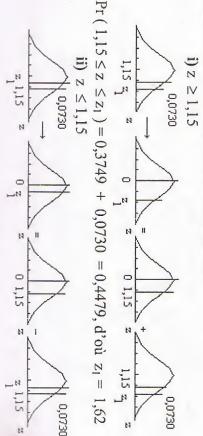


on a 0,5000 - 0,2266 = 0,2734 pour lequel la table donne  $z_1 = +0,75$ 



on a : 0,5000 - 0,0314 = 0,4686 La table de Gauss donne  $z_1 = -1,86$ 

III-5-c-3 Déterminer z tel que la surface comprise entre z et 1,15 soit égale à 0,0730. Deux cas peuvent se poser:



 $Pr(z_1 \le z \le 1,15) = 0,3749 - 0,0730 = 0,3019, d'où z_1 = 0,85$ 

$$|V - 5 - c - 4|$$
 Déterminer  $z_1$  tel que : Pr  $(-z_1 \le z \le + z_1) = 0.9$   
0.000  
0.005  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05  
0.05

La table donne, pour une probabilité de 0,45,  $z_1 = \pm 1,64$ .

#### Solution de l'exercice IV - 6

IV - 6 - a Nous savons que  $\overline{P} = 521,25$  mm et que s = 135,40mm. On peut tracer la droite de Henry soit sur du papier millimétré ou sur du papier de probabilité normale.

La droite de Henry passe par deux points dont les coordonnées sont:

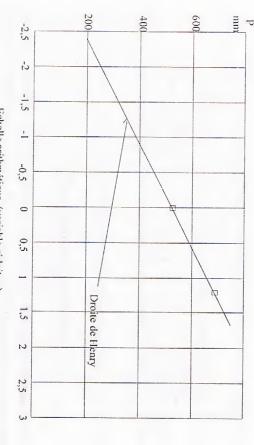
a) sur le papier millimétré : ubscisses : les variables réduites z<sub>1</sub> et z<sub>2</sub> ; ordonnées : les pluies correspondantes P<sub>1</sub> et P<sub>2</sub>.

b) sur le papier de probabilité normale : abscisses : les fréquences  $F_1$  et  $F_2$ ; ordonnées : les pluies correspondantes  $P_1$  et  $P_2$ . On prend arbitrairement  $F_1 = 0,5$  et  $F_2 = 0,9$ . On a :

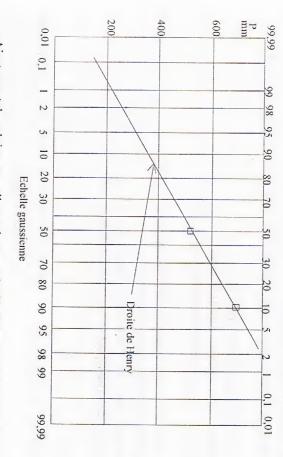
$$F_1 = 0.5$$
  $\rightarrow z_1 = 0$   $\rightarrow x_1 = \overline{x} + z_1 s = \overline{x} = 521.25 \text{ mm}$ 
 $F_2 = 0.9$   $\rightarrow z_2 = 1.28$   $\rightarrow x_2 = \overline{x} + z_2 s = \overline{x} = 521.25 + 1.28 \times 135.40$ 
 $x_2 = 694.56 \text{ mm}$ 

Les droites ci-dessus ne sont pas parallèles en raison des échelles qui sont différentes.

62



Echelle arithmétique (variable réduite z)



Ajustement des pluies annuelles au barrage du Ghrib à une loi normale

## IV - 6 - b On établit le tableau ci-dessous:

La lère colonne donne le numéro de la classe. La 2ième et la 3ième colonnes donnent les bornes inférieures et les bornes supérieures des classes. La 4ième et la 5ième colonnes donnent les variables réduites correspondantes à ces bornes. La 6ième et la 7ième colonnes donnent les probabilités au non-dépassement relatives aux bornes respectives, que l'on trouve en utilisant la table de Gauss. La 8ième colonne indique la fréquence expérimentale de chaque classe. La 9ième colonne indique la

réquence théorique de chaque classe  $f_{ii} = N(FND_i - FND_{i-1})$ . La 101eme

colonne indique la valeur du  $\chi^2_i = \frac{(t_{oi} - t_{ti})^2}{f_{ti}}$  pour chaque classe. On

trouve la somme des  $\chi^2_i = 1,329$ .

								-			_
1100000	7	6	5	4	ü	2	-			Z <sub>o</sub>	-
	648	600	545	510	450	369	8	$x_{i-1}$	Inf.	Borne	2
	+	648	600	545	510	450	369	X <sub>i</sub>	Sup.	Borne	3
	0,58		0,18	- 0,08	-0,53	-0,93	8	Z <sub>i-1</sub>	réduite	Var.	4
	+ 8	0,94	0,58	0,18	- 0,08	- 0,53	-0,93	Z;	réduite	Var.	5
	0,8264			0,4681	0,2981	0,1515	C	FND,-1	(X <sub>i-1</sub> )	Prob	6
	_	0,8264	0,7157	0,5/14	0,4681	0,2981	0,1515	FNU	(x <sub>i</sub> )	Prob	7
	=		1 -	1 0	9	0	50	Toi	Exp.	Fréq.	00
χ =	10,42	0,04	0,00	0,20	7,01	0,00	9,07	Iti	I neor.	Fréq.	2
1,329	0,032	0,020	0,010	0,0218	0,141	0,104	0,151	0 131	Deux	Kni-	10

On cherche maintenant le  $\chi^2_{v;\alpha}$  avec :

 $\alpha = 0.90$ 

et v = nombre de degrés de liberté = k - 1 - r = 4 où k = nombre de classes = 7, r = 2 = nombre de paramètres qui déterminent la loi normale.

La table du  $\chi^2$  donne  $\chi^2_{4,0,90} = 7,78$ .

Comme le  $\chi^2$  calculé est plus petit que celui donné par la table, on accepte donc l'hypothèse qu'une loi normale ayant une moyenne égale à 135,40 représente notre échantillon.

#### Solution de l'exercice IV - 7

IV - 7 On commence par calculer la moyenne et l'écart-type de notre dehantillon :

Moyenne:  $\sum Q_i = 290$ 

$$\overline{Q} = \frac{290}{9} = 32,22 \text{ m}_3/\text{s}$$

 $ext{cart-type} : s = \sqrt{\frac{\sum (Q_i - \overline{Q})_2}{N-1}} = 11,60 \text{ m}_3/\text{s}$ 

Le détail des calculs est présenté dans le tableau ci-dessous :

	_						
Q = 32,22	31,2	41,1	16,9	2/,3	45,5	45.3	2
	31,20	41,10	16,90	27,50	45,30	Q1-Q	
s = 11,60	973,44	1689,21	285,61	756,25	2052,09	$(Qi - Q)^2$	
	$\Sigma = 290$	35,4	50	22,7	19,9	Q	-
		35,40	50,00	22,70	19,90	Qi-Q	1
	$\Sigma = 10421,06$	1253,16	2500,00	515,29	396,01	$(Qi - \overline{Q})^2$	U

IV – 7 - a 
$$Q_i = 42.5 \text{ m}^3/\text{s}$$
  
d'où  $z = \frac{42.5 - 32.22}{11.60} = 0.89$ 

la table de Gauss donne pour  $z_i=0,89$  une FND = 0,8133 ou 81,33 %.

IV -7 - b La période de retour T est définie ainsi T = 1/FD et FD = 1-FND. FD = 0,1867  $\rightarrow$  T = 5,36 ans.

IV - 3 - c T = 20 ans 
$$\rightarrow$$
 FD=1/T=0,05  
FND = 1 - FD = 0,95, la table donne z<sub>0,95</sub> = 1,64  
Q<sub>0,95</sub> =  $\overline{Q}$  + z<sub>0,95</sub>s = 32,22 + 1,64 × 11,60 = 51,23 m<sup>3</sup>/s

### Solution de l'exercice IV – 8

IV – 8 – a) on sait que  $z = \frac{x - x}{s}$ , d'où les variables réduites successives sont les suivantes :

$$z_1 = \frac{1500 - 1200}{156} = 1,92;$$
  $z_2 = \frac{450 - 1200}{156} = -4,81;$   $z_3 = \frac{750 - 1200}{156} = -2,88;$   $z_4 = \frac{1200 - 1200}{156} = 0$ 

$$IV - 8 - b$$

$$\begin{split} P_i &= \overline{P} + z_i s \; ; d' \; o \dot{u} : \; P_1 = 1200 - 0,08 \times 156 = 1187,52 \; mm \\ P_2 &= 1200 - 0,63 \times 156 = 1101,72 \; mm; \quad P_3 = 1200 - 0,89 \times 156 = 1061,16 \; mm \\ P_4 &= 1200 - 1,5 \times 156 = 966 \; mm; \quad P_5 = 1200 - 2,7 \times 156 = 778,8 \; mm \\ P_6 &= 1200 - 3,05 \times 156 = 724,2 \; mm; \quad P_7 = 1200 - 0 = 1200 \; mm \\ P_8 &= 1200 + 0,08 \times 156 = 1212,48 \; mm; \quad P_9 = 1200 + 0,63 \times 156 = 1298,28 \; mm \\ P_{10} &= 1200 + 0,89 \times 156 = 1338,84 \; mm; \quad P_{11} = 1200 + 1,5 \times 156 = 1434 \; mm \\ P_{12} &= 1200 + 2,7 \times 156 = 1621,2 \; mm; \quad P_{13} = 1200 + 3,05 \times 156 = 1675,8 \; mm \end{split}$$

### Solution de l'exercice IV - 9

IV – 9 – a) On calcule la variable réduite correspondant N P = 740 mm :  $z = \frac{P_i - \overline{P}}{s} = \frac{740 - 680}{30} = 2$ . La table de Gauss donne pour z = 2 une FND = 0,9772 d'où la FD = 1- FND = 0,0228 donc Prob (P = 740 mm) = 2,28 %

IV – 9 - b) On calcule la variable réduite correspondant P = 560 mm :  $z = \frac{P_i - \overline{P}}{s} = \frac{650 - 680}{30} = -1$ . La table de Gauss donne pour z donc Prob (P = 650 mm) = 15,87 %.

IV - 9 - c) Prob (650 mm < P < 740 mm) = 1 - (0,1587 + 0,0228) = 0,8185 ou 81,85 %

### Solution de l'exercice IV - 10

La procédure est exposée dans le tableau suivant:

Les colonnes 1 et 2 indiquent respectivement le numéro d'ordre i = 1, 2, 3,....60 et les données pluviométriques triées par ordre

- Dans la colonne 3 on a calculé la fréquence au non-

dépassement expérimentale: FND = (i - 0.5) / N, (N = 60); - La colonne 4 indique la variable réduite  $z_i = (P_i - P_{moy})/s$ ,

minsi  $z_{52} = (657 - 521,25) / 135,40 = 1,00$ ;

- La colonne 5 donne la FND théorique tirée à partir de la table de Gauss pour chaque valeur de pluie;

- La colonne 6 indique la différence  $D_N = |F_N(x) - F(x)|$ .

On cherche alors dans la colonne 6 la valeur  $D_{Max}$ . On trouve ainsi  $D_{Max} = 0.03175$  correspondant à  $P_{57} = 703$  mm.

On compare ensuite  $D_{Max}$  avec l'écart critique théorique  $d_n$ . La table de Kolmogorov-Smirnov donne pour N=60 et un degré de signification  $\alpha=0,10$ , c'est-à-dire pour une  $PND=1-\alpha=0,90$ ,  $d_n=0,15511$ . Donc:

$$D_{\text{Max}} = 0.03175 < d_{\text{n}} = 0.15511$$

Comme  $D_{Max} < d_n$ , on accepte l'hypothèse qu'une loi normale ayant pour moyenne 521,25 mm et un écart type 135,40 mm peut représenter les pluies maximales à Bouira.

23	22	21	20	19	18	17	16	5	14	153	12	=	10		0		6	5	4	Ç	2	-	n	Ordre	
475	470	467	458	454	449	439	439	436	431	419	418	407	382	374	368	350	349	343	326	277	241	169	classées	Pluies	2
0,375	0,358	0,342	0,325	0,308	0,292	0,275	0,258	0,242	0,225	0,208	0,192	0,175	0,158	0,142	0,125	0,108	0,092	0,075	0,058	0,042	0,025	0,008	expér.	Fréq.	3
-0,34	-0,38	-0,40	-0,47	-0,50	-0,53	-0,61	-0,61	-0,63	-0,67	-0,76	-0,76	-0,84	-1,03	-1,09	-1,13	-1,26	-1,27	-1,32	-1,44	-1,80	-2,07	-2,60		z exp.	4
0,366	0,353	0,344	0,320	0,310	0,297	0,272	0,272	0,264	0,253	0,225	0,223	0,199	0,152	0,138	0,129	0,103	0,102	0,094	0,075	0,036	0,019	0,005	théor.	Freq	5
0,00867 .	0,00547	0.00233	0.00480	0.00171	0.00481	0.00323	0,01377	0,02247	0,02753	0,01707	0,03086	0,02439	0,00613	0,00360	0,00385	0,00502	0,00966	0,01901	0,01665	0,00638	0.00576	0,00336	abs,	Diff	6

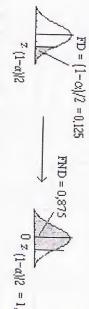
60	59	58	57	56	55	54	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	30	29	28	27	26	25	24
865	837	723	703	696	691	680	662	657	650	649	645	634	625	622	615	607	602	598	584	572	567	561	559	546	542	531	529	527	527	523	521	512	505	502	485	480
0,992	0,975	0,958	0,942	0,925	0,908	0,892	0,875	0,858	0,842	0,825	0,808	0,792	0,775	0,758	0,742	0,725	0,708	0,692	0,675	0,658	0,642	0,625	0,608	0,592	0,575	0,558	0,542	0,525	0,508	0,492	0,475	0,458	0,442	0,425	0,408	0,392
2,54	2,33	1,49	1,34	1,29	1,25	1,17	1,04	1,00	0,95	0,94	0,91	0,83	0,77	0,74	0,69	0,63	0,60	0,57	0,46	0,37	0,34	0,29	0,28	0,18	0,15	0,07	0,06	0,04	0,04	0,01	0,00	-0,07	-0,12	-0,14	-0,27	-0,30
0,994	0,990	0,932	0,910	0,902	0,895	0,8/9	0,851	0,842	0,829	0,827	0,820	0,797	0,778	0,772	0,756	0,737	0,725	0,715	0,678	0,646	0,632	0,615	0,610	0,5/3	0,561	0,529	0,523	0,517	0,517	0,505	0,499	0,473	0,452	0,443	0,394	0,380
0,00244	0,01515	0,02611	0,031/5	0,02342	0,01298	0,01201	0,02420	0,01603	0,01283	0,00229	0,01103	0,0050	0,00524	0,01339	0,01363	0,011/3	0,01054	0,02239	0,00360	0,00248	0,00972	0,00072	0,00100	0,001940	0,01410	0,02930	0,01918	0,0000	0,00894	0,01510	0,02420	0,02427	0,01024	0,01024	0,01334	0,01168

IV - 11 - a) Intervalles de confiance (IC) à 75 et 95 % de la moyenne et

a-1 : IC à 75% de la moyenne:

$$\overline{P} = 521,25 \text{ mm}$$
 et  $s = 135,40 \text{ mm}$  et  $\overline{P} - z_{1-\alpha} \frac{s}{\sqrt{N}} \langle \overline{P} \rangle \langle \overline{P} + z_{1-\alpha} \frac{s}{\sqrt{N}} \rangle$ 

$$\alpha = 75\% \to 1 - \alpha = 0.25 \to \frac{1 - \alpha}{2} = 0.125$$



FND = 0.875 d°où z = 1,15 et

$$521,25 - 1,15 \times \frac{135,40}{\sqrt{60}} \langle \overline{P} \langle 521,25 + 1,15 \times \frac{135,40}{\sqrt{60}} \rangle$$
  
 $501,14 \ mm \langle \overline{P} \langle 541,35 \ mm$ 

a-2 : IC à 75% de l'écart-type :

$$S - z_{1-\alpha} \frac{s}{\sqrt{2N}} \langle \hat{s} \langle s + z_{1-\alpha} \frac{s}{\sqrt{2N}} \rangle$$

$$135,40 - 1,15 \times \frac{135,40}{\sqrt{2 \times 60}} \langle \hat{s} \langle 135,40 + 1,15 \times \frac{135,40}{\sqrt{2 \times 60}} \rangle$$

$$121,19 \ mm \langle \hat{s} \langle 149,61 \ mm \rangle$$

a - 3 : IC à 95 % de la moyenne :

$$\alpha = 95\% \to 1 - \alpha = 0.05 \to \frac{1 - \alpha}{2} = 0.025$$
FD =  $(1 - \alpha)/2 = 0.025$ 
FND =  $0.975$ 

$$0 \times (1 - \alpha)/2 = 1.9$$

$$(1-\alpha)/2 = 0.025$$
FND = 0.975
 $0 = 0.026$ 
 $0 = 0.026$ 
 $0 = 0.026$ 
 $0 = 0.026$ 
 $0 = 0.026$ 
 $0 = 0.026$ 

 $521,25 - 1,96 \times \frac{135,40}{\sqrt{60}} \ \langle \ \overline{P} \ \langle \ 521,25 + 1,96 \times \frac{135,40}{\sqrt{60}}$ FND = 0.975 d où z = 1.96486,99 mm 〈 P 〈 563,26 mm

a - 4 : IC à 95 % de l'écart-type :

$$135,40 - 1,96 \times \frac{135,40}{\sqrt{2 \times 60}} \langle \hat{s} \langle 135,40 + 1,96 \times \frac{135,40}{\sqrt{2 \times 60}} \rangle$$

$$111,17 \ mm \langle \hat{s} \langle 159,63 \ mm$$

IV-11-b-1: IC à 60, 80 et 95 % de P2ans:  $T = 2ans \rightarrow FD = \frac{1}{2} = 0, 5 = FND \rightarrow z_2 = 0$ 

 $P_2 = P + z_{10} \times s = 521,25 + 0 \times 135,40 = 521,25 \text{ mm} = \overline{P}$ 

 $\alpha = 0.6 \to 1 - \alpha = 0.4 \to \frac{1 - \alpha}{2} = 0.2 = \text{FD} \to \text{FND} = 0.8 \to z = 0.84$ 

FD = 
$$(1-\alpha)/2 = 0.2$$
  
FND = 0.8  
0  $\pi (1-\alpha)/2 = 0.84$ 

 $521,25 - 0,84 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2+0} \ \langle \ \hat{P}_2 \ \langle \ 521,25 + 0,84 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2+0} \ \rangle$  $\overline{P} - z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s}{\sqrt{N}} \times \sqrt{2 + z_p} \langle \hat{P}_2 \langle \overline{P} + z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s}{\sqrt{N}} \times \sqrt{2 + z_p} \rangle$ 

506,57 mm  $\langle \hat{P}_2 \rangle \langle$  535,93 mm

$$-IC \ \hat{\mathbf{a}} \ 80 \% :$$

$$\alpha = 0.8 \to 1 - \alpha = 0.2 \to \frac{1 - \alpha}{2} = 0.1 = FD \to FND = 0.9 \to z = 1.28$$

$$521.25 - 1.28 \times \frac{135.4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 0} \left\langle \hat{P}_{2} \right\rangle \left\langle 521.25 + 1.28 \times \frac{135.4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 0} \right\rangle$$

IC à 95 % : déjà calculé au a-3

498,88 mm  $\langle \hat{P}_2 \rangle \langle 543,62 \text{ mm}$ 

 $P_{10} = P + z_{10} \times s = 521,25 + 1,28 \times 135,40 = 694,52 \text{ mm}$ b-2 IC à 60, 80 et 95 % de P10:  $T = 10 \rightarrow FD = 1/10 = 0, 1 \rightarrow FND = 0, 9 \rightarrow z_{10} = 1,28$ 

- IC à 60 %: 
$$z_{1-\alpha} = 0,84$$
 déjà trouvé 
$$694,52 - 0.84 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1,28^2} \langle \hat{P}_{10} \langle 694,52 + 0,84 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1,28^2} \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1,28^2} \times \sqrt{2 + 1,28^2}$$
- IC à 80 %:  $z_{1-\alpha} = 1,28$ ;

$$694,52 - 1,28 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1,28^{2}} \left\langle \hat{P}_{10} \left\langle 694,52 + 1,28 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1,28^{2}} \right\rangle \right\rangle$$

- IC à 95 %: 
$$z_{1-\alpha} = 1,96$$
;

$$694.52 - 1.96 \times \frac{135.4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1.28^{2}} \langle \hat{P}_{10} | \langle 694.52 + 1.96 \times \frac{135.4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1.28^{2}} \rangle$$

 $648,25 \, mm \, \langle \, \, \hat{P}_{10} \, \, \langle \, 740,79 \, mm \, \, \rangle$ 

b-3 IC à 60, 80 et 95 % de P<sub>50</sub>:

$$T = 50 \rightarrow FD = 1/50 = 0.02 \rightarrow FND = 0.98 \rightarrow z_{50} = 2.05$$
  
 $P_{50} = \overline{P} + z_{50} \times s = 521.25 + 2.05 \times 135.40 = 798.82 \text{ mm}$ 

- IC à 60 %: 
$$z_{1-\alpha} = 0,84$$
 déjà trouvé

$$798.82 - 0.84 \times \frac{135.4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 2.05^{2}} \left\langle \hat{P}_{50} \left\langle 798.82 + 0.84 \times \frac{135.4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 2.05^{2}} \right\rangle \right\rangle$$

772,96 mm  $\langle \hat{P}_{50} \rangle \langle 824,68 mm \rangle$ 

- IC à 80 %: 
$$z_{1-\alpha} = 1,28$$
;  
 $798,82 - 1,28 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 2,05^2} \langle P_{50} \langle 798,82 + 1,28 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 2,05^2} \rangle$ 
 $759,42 \text{ mm } \langle P_{50} \langle 838,21 \text{ mm}$ 

- IC à 95 %: 
$$z_{1-\alpha} = 1,96$$
;  
 $\frac{135,4}{\sqrt{2\times60}} \times \sqrt{2+2,05^2} \langle \hat{P}_{50} \langle 798,82+1,96 \times \frac{135,4}{\sqrt{2\times60}} \times \sqrt{2+2,05^2} \rangle \langle \hat{P}_{50} \langle 859,14 \text{ mm}} \rangle$ 

b-4 IC à 60, 80 et 95 % de P100:

T = 100 
$$\rightarrow$$
 FD = 1/100 = 0,001  $\rightarrow$  FND = 0,99  $\rightarrow$  z<sub>100</sub> = 2,32  
P<sub>100</sub> =  $\overline{P}$  + z<sub>100</sub> × s = 521,25 + 2,32 × 135,40 = 835,38 mm

- IC à 60 % : 
$$z_{1-\alpha} = 0,84$$
 déjà trouvé

$$835,38 - 0,84 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 2,32^{2}} \langle \hat{P}_{100} \langle 835,38 + 0,84 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 2,32^{2}} \rangle$$

$$807,17 \ mm \ \langle \ \hat{P}_{100} \ \langle 863,59 \ mm \ \rangle$$

- IC à 80 %: 
$$z_{1-\alpha} = 1,28$$
;  
 $z_{1-\alpha} = 1,28$ ;  
 $z_{1-\alpha} = 1,28$ ;  
 $z_{135,4} = \sqrt{2+2,32^2} \langle \hat{P}_{100} \langle 835,38+1,28 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2+2,32^2}$   
 $z_{135,4} = \sqrt{2+2,32^2} \langle \hat{P}_{100} \langle 878,41 \text{ mm} \rangle \langle \hat{P}_{100} \langle 878,41 \text{ mm} \rangle$ 

- IC à 95 %: 
$$z_{1-\alpha} = 1,96$$
;  

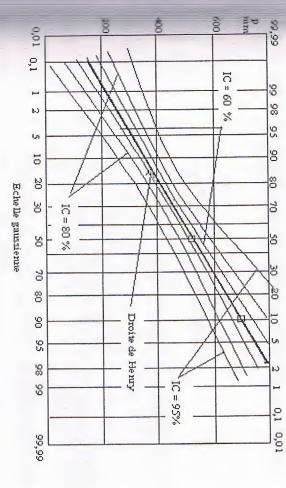
$$z_{1-\alpha} = 1,96$$
;  

$$x_{135,4} = \sqrt{2 + 2,32^{2}} \langle \hat{P}_{100} \rangle \langle 835,38 + 1,96 \times \frac{135,4}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 2,32^{2}} \rangle \langle \hat{P}_{100} \rangle \langle 901,27 \text{ mm}$$

différents intervalles de confiance que l'on joint entre eux pour obtenir los différentes courbes enveloppes praphique les points expérimentaux, la droite théorique et les points des inveloppes on établit le tableau suivant. Ensuite on porte sur le papier IV - 11 - c - Courbes enveloppes: Pour tracer les courbes

723	615	139	169	308	3	185	1 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	634	480	645	167	107	1.07	obs.	Val.
431	419	418	407	382	374	368	350	349	343	326	277	241	169	-	Val.
14	13	12	=	0	9	∞	7	6	S	4	Ç	2	-	n	
123 431 14 0,2250 -0,755 419,0 401,6 435,2 391,8 443,3 375,5 455,7	419 13 0,2083	0,1917	0,1750	10 0,1583	9 0,1417	0,1250 -1,150 365,5 345,5 383,6 334,0 392,6 314,7 406,0	7 0,1083	349 6 0,0917 -1,331 341,1 319,7 360,3 307,4 369,8 286,5 383,7	0,0750 -1,440	4 0,0583	277 3 0,0417	0,0250	0,0083	expér.	FND
-0,755	-0,812	-0,872	-0,935	-1,001 385,7 366,7 403,0 356,0 411,6 337,8 424,6	-1,073	-1,150	-1,236 353,9 333,3 372,6 321,5 381,8 301,4 395,4	-1,331	-1,440	-1,569	-1,732	-1,960	-2,394	rédui	Var.
419,0	411,3	403,2	394,7	385,7	376,0	365,5	353,9	341,1	326,3	308,8	286,7	255,8	197,0	théor	Val.
401,6	393,6	385,1	394,7 376,2	366,7	356,5	345,5	333,3	319,7	304,0	285,4	261,9	228,9	166,0	BI	IC = 60%
435,2	427,7	419,9	411,7	403,0	393,7	383,6	372,6	360,3	346,3	329,6	308,7	279,5	224,2	BS	60%
391,8	411,3 393,6 427,7 383,6 436,0	385,1 419,9 374,9 428,3	365,7	356,0	345,4	334,0	321,5	307,4	291,2	271,9	247,6	213,3	147,9	BI	IC = 80%
443,3	436,0	428,3	411,7 365,7 420,2 348,1	411,6	402,5	392,6	381,8	369,8	356,0	339,8	319,4	291,0	237,2	BS	80%
375,5	366,8			337,8	376,0 356,5 393,7 345,4 402,5 326,7 415,6	314,7	301,4	286,5	304,0 346,3 291,2 356,0 269,3 370,4	308,8 285,4 329,6 271,9 339,8 248,9 354,6	286,7 261,9 308,7 247,6 319,4 223,0 334,9	279,5 213,3 291,0 186,5 307,5	197,0 166,0 224,2 147,9 237,2 116,7 255,9	BI	IC = 95%
455,7	448,5	440,9	433,0	424,6	415,6	406,0	395,4	385,/	3/0,4	354,6	334,9	307,5	255,9	BS	95%

598	572	418	625	349	277	470	449	436	241	622	439	475	662	529	6	69	ń	5%	C)	00	S	S	رب	N	5	4	w	4	S	Ui	0	UI	6	6	. در	4	5.	4	. در	2 0	nlu	, 7		1
-	-	-		-	+		-	_	-	+-	+	-	+-	-	602	696	343	584	368	837	559	523	374	546	195	454	-	-	-	512	649	505	650	657	350	419	527	467	305	458	170	703	080	100
-	837	723	703	696	691	680	662	657	650	649	645	634	625	622	615	607	602	598	584	572	567	561	559	546	542	531	529	527	527	523	521	512	505	502	485	480	475	470	467	404	449	439	439	20
+	-	58	57	56	55	54	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	ري 	30	29	28	27	26	25	24	23 1	3 !	2 2	_	-	-	-	-+
	0.9750	0,9583	0,9417	0,9250	0,9083	0,8917	0,8750	0,8583	0,8417	0,8250	0,8083	0,7917	0,7750	0,7583	0,7417	0,7250	0,7083	0,6917	0,6750	0,6583	0,6417	0,6250	0,6083	0,5917	0,5750	0,5583	0,5417	0,5250	0,5083	0,4917	0,4750	0,4583	0.4417	0.4250	0.4083	0 3917	0.3750	0,0417	0,3417	0,3060	0,291/	0,2750	0,2585	20202
1	-		1,569	1,440	1,331	1,236	1,150	1,073	1,001	0,935	0,872	0,812	0,755	0,701	0,648	0,597	0,548	0,500	0,453	0,407	0,362	0,318	0,275	0,231	0,189	0,146	0,104	0,063	0.021	-0,021	-0.063	-0.104	-0.146	-0.189	1500-	-0.775	-0.318	0360	0,407	0,000	-0,548	-0,597	-0,648	
+	7867	755,8	733,7	716,2	701,4	688,6	677,0	666,5	656,8	647,8	639,3	631,2	623,5	616,1	609,0	602,1	595,5	589,0	582,6	576,4	570,3	564,3	558,4	552,6	546,8	541,1	535,4	529.7	524.1	518.4	512.8	507.1	5014	4957	4800	484 1	4787	1,00,1	4661	450.0	447,0	440,4	433,5	
100,0	763.0	733.8	712,9	696,2	682,2	669,9	658,9	648,8	639,5	630,8	622,6	614,8	607,3	600,2	593,3	586,6	580,0	573,7	567,5	561,4	555,3	549,4	543,6	537,8	532,0	526,3	520,6	515.0	509.3	503.6	497.9	492.2	4864	480 6	1777	468 8	4637	4,0C+	144,0	43/,4	430,7	423,8	416,7	
+	-	780.6	757,1	738,5	722,8	709,2	697,0	686,0	675,8	666,3	657,4	648,9	640,9	633,2	625,8	618,7	611,8	605,1	598,5	592,1	585,9	579,8	573,7	567,8	561,9	556,1	550.3	544.6	538.9	533.2	527.5	521.9	7177	5105	5047	408 0	407,2	401,1	4/2,0	408,8	462,5	455,9	449,2	
H	-	723.1	702,7	686,5	672,7	660,7	649,9	640,0	630,9	622,3	614,2	606,5	599,2	592,1	585,2	578,6	572,1	565,8	559,6	553,5	547.6	541,6	535,8	530,0	524,2	518,5	512.8	507.1	5014	14957	489.9	484	4783	4777	400,4	460 4	140,0	441,/	4,00,2	428,5	421,6	414,6	407,3	
-	-	-	-	751.3	735,1	721.0	708,5	697.1	686,5	676,8	667,6	658,9	650,7	642,8	635,2	627,9	620,9	614,0	607,3	8,000	594.5	588,2	582,1	576,0	570.1	564.2	558.4	222 6	5468	541 1	5354	5297	0.010	2183	5100,7	5067	\$000	489,0	482,9	4/6,7	470,4	463,9	457,3	
+	-	707.6	687,9	672,1	658,8	647.1	636,5	626,9	617,9	609,5	601,6	594,0	586,8	579.8	573,0	566,4	560.0	553.7	547,5	541.4	535.4	529,5	523.6	517.8	511.9	506.1	500.4	494 6	488 8	487 0	477 1	4711	1,66.7	450,0	0,044	0 777	434,0	+-	-	+	+	-	391,6	+
0,000	027.0	2195	793.6	773.2	756,0	741.1	727.8	715.8	704,7	694,4	684,8	675,7	667,0	658.8	650,9	643.2	635.9	628.8	621.8	615.1	608.5	602.0	595.7	589.5	583.4	577.3	571.4	5654	2507	5527	5470	540 1	536,0	5206	210,9	710,0	5130	507,1	495,0	488,8	482,5	476,1	469,5	+-



Les courbes enveloppes ci-dessus ont été tracées approximativement.

# SOLUTIONS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 5

#### Solution de l'exercice V - 1

On commence par calculer la moyenne et l'écart-type :

$$\overline{P} = \sum_{N} R = 583, \text{lmm s} = \sqrt{\frac{\sum (R - \overline{P})_2}{N - 1}} = 155,3 \text{mm},$$

ensuite, on calcule les coefficients d'ajustement de la loi de Gumbel :

$$1/\alpha = 0.780 \times s = 121,1$$
  $x_0 = x - 0.577/\alpha = 513,2 \text{ mm}$ 

$$V - 1 - a$$
) on calcule y correspondant à  $P = 500 \text{ mm}$ :

$$y=\alpha(x-x_0)=\frac{500-513.2}{121,1}=-0,11$$

on sait que  $FND(x) = e^{-x \cdot y} = 32,78\%$ 

V-I-b) on calcule y correspondent à P=700 mm:  $y=\alpha(x-x_0)$ 

$$y = \alpha(x - x_0) = \frac{700 - 513,2}{121,1} = 1,54 \text{ et } FND(x) = e^{-e^{-y}} = 80,72 \%$$

$$FD = 1 - FND = 19,27\%$$
 on 0,1927 et  $T = \frac{1}{FD} = \frac{1}{0,1927} = 5,19$  ans

V-1-c) calcul de la pluie vingtennale :

$$T = 20 \text{ ans} \rightarrow FD = \frac{1}{20} = 0.05 \rightarrow FND = 0.95$$

$$y = -(\ln(-\ln FND)) = -(\ln(-\ln(0.95))) = 2.97$$

$$P_{20} = (1/\alpha)y + x_{0=} = 121,1\times2,97 + 513,2 = 872,9 \text{ mm}$$

#### Solution de l'exercice V-2

népériens correspondants. valeurs des pluies par ordre décroissant, ensuite on calcule leur fréquence expérimentale (FND = (i - 0.5)/N), ainsi que les logarithmes V-2-a-1 - Dans le tableau ci - dessus, on classe les

logarithmes népériens sont: V-2-a-2 - Les caractéristiques de l'échantillon des

Moyenne = 
$$\overline{\ln P} = \sum_{i}^{N} \ln P_{i} = 6,22$$
  
 $S_{\ln P} = \sqrt{\frac{\sum_{i} (\ln P_{i})^{2} - N \overline{\ln P}^{2}}{N-1}} = 0,29$ 

calisé sur du papier de probabilité logarithmique. V-2-a-3 - Le report des points expérimentaux est

V-2-a-4 - On trace la droite de Henry:

 $\ln P_i = \ln P + z_i \cdot s_{\ln P}$  en reportant 2 points:

ND = 0,10, z = -1,28, 
$$\ln P_{0,1} = 6,22 - 1,28 \cdot 0,29 = 5,85$$
 d'où  $\ln_{1,1} = e^{5,85} = 346,82$  mm

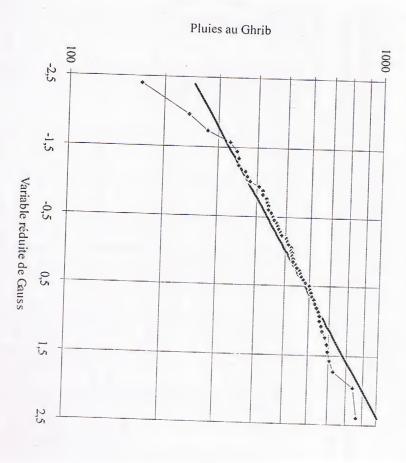
ND = 0,98, z = 2,05, 
$$\ln P_{0,02} = 6,22 + 2,05$$
. 0,29 = 6,81 d'où  $n_{0,02} = e^{6,81} = 910,96$  mm

our les extrêmes, c'est à dire les points de petites et grandes fréquences. héorique de Henry s'adapte assez bien aux points expérimentaux, sauf Par examen visuel de la figure, on constate que la droite

458	\$27	20	70	680	69	23	91	139	169	865	53.1	185	\$42	634	480	645	\$67	107	607	Pi brut	_
20	7		w	0		<u>س</u>	5			0.		0.	()			0.	7	_			
458	454	449	439	439	436	431	419	418	407	382	374	368	350	349	343	326	277	241	169	Pi clas,	2
20	19	8	17	16	15	14	13	12	11	10	9	00	7	6	5	4	w	2	1	n	رى
0,3250	0,3083	0,2917	0,2750	0,2583	0,2417	0,2250	0,2083	0,1917	0,1750	0,1583	0,1417	0,1250	0,1083	0,0917	0,0750	0,0583	0,0417	0,0250	0,0083	FND exp.	4
6,13	6,12	6,11	6,08	6,08	6,08	6,07	6,04	6,04	6,01	5,95	5,92	5,91	5,86	5,86	5,84	5,79	5,62	5,48	5,13	Ln Pi	S
622	439	475	662	529	602	696	343	584	368	837	559	523	374	546	561	454	382	431	502	Pi brut.	_
649	645	634	625	622	615	607	602	598	584	572	567	561	559	546	542	531	529	527	527	Pi clas,	2
50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	n	υ
0,8250	0,8083	0,7917	0,7750	0,7583	0,7417	0,7250	0,7083	0,6917	0,6750	0,6583	0,6417	0,6250	0,6083	0,5917	0,5750	0,5583	0,5417	0,5250	0,5083	FND exp.	4
6,48	6,47	6,45	6,44	6,43	6,42	6,41	6,40	6,39	6,37	6,35	6,34	6,33	6,33	6,30	6,30	6,27	6,27	6,27	6,27	Ln Pi	5

			710	\$10	649	202	202	000	650	057		350		419	140	777	40/	177	326
			323	130	105	710	212	202		502		485	700	180	4/3	25.7	4/0	100	467
			30	20	30	22	20	27		20	10	20	111	2	23	3	22	11	<u>ر</u>
			0,4917	0,4/30	07750	0,4583	1	0.4417	0,1400	0.4250	0,700	0 4083	0,391/	0 2017	0,3/50	00000	0.3583	0,341/	02/17
			6,26	0,20		6,24	0,00	んつつ	77,0	700	0,10	610	6,1/		6.16	CTTO	ヘーハ	0,10	717
		000	865	572		418	020	202	349	340	117	111	470		449	OC+	126	241	
		000	278	837	0.41	773	703	202	090	100	691		680	100	くから	00/	237	650	
e-type Lnp =	moy	00	60	59	20	50	0/	57	56		Si	1	54	00	2.3	22		<u></u>	
Lnp =	LnP =	0,991/	00017	0,9750	0,7000	00500	0,9417		0.9250	0,7000	2806.0	/TCO*O	0 8017	0.0/00	0250	0,8583		0.8417	
0,2889	6,2183	6,76	127	6.73	0,5%		6,56	0,00	ヘムハー	40,0	727	0,02	627	0,50		6,49	0,70	648	
						8													

Ajustement d'une loi Log-normale aux pluies annuelles au barrage du Ghrib



V-2-b- On va vérifier cela par le test du Khi - Deux:

Les calculs sont portés dans le tableau ci-dessous.

Les colonnes 1 à 5 donnent respectivement le numéro de la classe i, la borne inférieure, la borne supérieure, le logarithme népérieure

de la borne inférieure et de la borne supérieure.

Les colonnes 6 et 7 donnent respectivement les variables

Les colonnes 6 et / donnent respectivement les vanicoses duites correspondant à lnx<sub>i-1</sub> et lnx<sub>i</sub>.

Les colonnes 8 et 9 donnent les FND correspondant à z<sub>i-1</sub> et

La colonne 10 donne la fréquence expérimentale de chaque intervalle qui est égale au nombre de valeurs dans chaque intervalle.

La colonne 10 donne la fréquence théorique  $f_{ii} = N(p_i - p_{i-1})$  et

In colonne 12 indique le  $\chi^2$  partiel =  $(f_{oi} - f_{ti})^2/f_{ti}$ . La somme des  $\chi^2 = 2,9576$ 

	7	6	S	4	w	1	١	-		-	
	648	600	545	510	450	207	260	8	X1-1	2	
	+ 8	648	600	545	510	004	150	369	X.	(J)	
	6,47			6,23	6,11	1,00	701	0,00 5,91	lnx <sub>i-1</sub>	4	
	+ 8	6,47	6,40	6,30	6,23	3.1.	7	5,91	lnx;	5	
	0,88	0,62	0,29	0,06	-0,58	2,00	-1 06	8	Z <sub>i-1</sub>	6	
	+ 8	0,88	0,62	0,29	0,00	000	-0.38	- ∞   -1,06	Zį	7	
	$6,47 + \infty = 0.88 + \infty = 0.8118$	6,40 6,47 0,62 0,88 0,7318 0,8118	6,30 6,40 0,29 0,62 0,6123 0,7318	6,23 6,30 0,06 0,29 0,5222 0,6123	6,23 -0,38 0,06 0,3329 0,3222	0 7500	0.1436	0	pi-1	8	
		0,8118	0,7318	0,6123	0,0222	2 222	0,3529	0,1436	p1	9	-
	=	_	-	1 0	9	0	10	×	101	10	
S	11 11,295 0,0070	4,801/	1,1009	3,4070	5 4070	10 158 0132	450 5 01 6 11 -1 06 -0.38   0.1436   0.3529   10   12,558   0,5212	8,6152 0,0439	0 10		
2,95/6	0,00/0	4,801/ 1,0004	1,1639 0,0036	7,4070 1,2420	10/06	0137	0,5212	0,0439	222	12	

On cherche sur la table du  $\chi^2$  le  $\chi^2_{\nu,\alpha}$  théorique où:

v = nombre de degrés de liberté = k - 1 - r

k = nombre de classes = 7

r = nombre de paramètres qui définissent exactement la loi néorique (loi normale dans notre cas) = 2

d'où v = 7 - 1 - 2 = 4

 $\alpha$  = niveau de signification ou degré de risque c'est à dire la probabilité que le  $\chi^2$  dépasse une valeur donnée, ce qui équivaut à la surface sous la courbe qui se trouve à droite de la valeur du  $\chi^2$ . Notez

que la table du  $\chi^2$  donne la F.N.D. = 1 -  $\alpha$  = 0,95. Pour  $\nu$  = 5 et 1 -  $\alpha$  = 0,90, la table donne  $\chi^2_{5; 0,90}$  = 7,78

Comme le  $\chi^2$  calculé est plus petit que celui donné par la tuble, on conclut que le  $\chi^2$  calculé est situé dans la zone favorable et qu'il

y a 90% de chance que la loi log-normale choisie s'ajuste à notre échantillon.

$$V-2-c$$
 - Intervalle de confiance à 80 % de $\overline{P}$ , s et  $P_{10}$ .:  $P_{moy} = 521,25 \text{ mm}$ ,  $s = 135,40 \text{ mm}$ ,  $lnP = 6,22$ ,  $s_{lnP} = 0,29$   $ln \overline{P} - ln \overline{P}$  6,26-6,22  $ln \overline{P} = 0,14$   $ln \overline{P} = 0,29$   $ln \overline{P} - ln \overline{P}$  6,26-6,22  $ln \overline{P} = 0,14$   $ln \overline{P} = 0,29$   $ln \overline{P} = 0,29$   $ln \overline{P} = 0,29$ 

## IC à 80 % de l'écart-type :

$$s_{\ln \overline{p}} - z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s_{\ln p}}{\sqrt{2N}} \left\langle \hat{s}_{\ln p} \left\langle s_{\ln \overline{p}} + z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s_{\ln p}}{\sqrt{2N}} \right\rangle \right.$$

$$0,29 - 1,29 \times \frac{0,29}{\sqrt{2 \times 60}} \left\langle \hat{s}_{\ln p} \left\langle 0,29 + 1,29 \times \frac{0,29}{\sqrt{2 \times 60}} \right\rangle \right.$$

$$0,256 \left\langle \hat{s}_{\ln p} \left\langle 0,324 \right\rangle \right.$$

#### IC à 80 % de la moyenne:

$$\begin{split} & \ln \overline{P} - z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s_{\ln P}}{\sqrt{2N}} \times \sqrt{2 + z_{\ln P}^2} \, \langle \, \ln \overline{P} \, \langle \, \ln \overline{P} + z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s_{\ln P}}{\sqrt{2N}} \times \sqrt{2 + z_{\ln P}^2} \\ & 6,26 - 1,28 \times \frac{0,29}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 0,14^2} \, \langle \, \ln \overline{P} \, \langle \, 6,26 - 1,28 \times \frac{0,29}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 0,14^2} \\ & 6,21 \, \langle \, \ln \overline{P} \, \langle \, 6,31 \, \rangle \\ & e^{6,21} \, \langle \, \overline{P} \, \langle \, e^{6,31} \, \rangle \to \quad 497,70 \; mm \; \langle \, \overline{P} \, \langle \, 550,06 \; mm \end{split}$$

 $T = 10 \rightarrow FD = 0, 1 \rightarrow FND = 0, 9 \rightarrow z_{0,9} = 1,28$  $\ln P_{10} = \ln P + z_{0,9} \times s_{\ln P} = 6,22 + 1,28 \times 0,29 = 6,59$ 

IC à 80 % de P<sub>10</sub>:

 $\ln P_{10} - z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s_{\ln P}}{\sqrt{2N}} \times \sqrt{2 + z_{\ln P_{10}}^2} \, \left\langle \, \ln P_{10} \, \left\langle \, \ln P_{10} + z_{\frac{1-\alpha}{2}} \times \frac{s_{\ln P}}{\sqrt{2N}} \times \sqrt{2 + z_{\ln P_{10}}^2} \right\rangle \right\rangle$  $0.59 - 1.28 \times \frac{0.29}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1.28^2} \left\langle \ln P_{10} \left\langle 6.59 - 1.28 \times \frac{0.29}{\sqrt{2 \times 60}} \times \sqrt{2 + 1.28^2} \right\rangle \right\rangle$  $6,53 \langle l\hat{n} \overline{P} \langle 6,65 \rangle$ 

 $e^{6,53}$   $\langle \hat{P}_{10} \rangle \langle e^{6,65} \rightarrow 685,39 \text{ mm } \langle \hat{P}_{10} \rangle \langle 772,78 \text{ mm}$ 

#### Solution de l'exercice V - 3

																		-			-								
505	650	657	350	419	527	467	326	458	527	521	703	680	691	723	615	439	169	598	531	485	542	634	480	645	567	407	607	P mesurées	1
512	505	502	485	480	475	470	467	458	454	449	439	439	436	431	419	418	407	382	374	368	350	349	343	326	277	241	169	P classées	2
28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	υ <sub>3</sub>	2		Ordre n	ယ
0,458	0,442	0,425	0,408	0,392	0,375	0,358	0,342	0,325	0,308	0,292	0,275	0,258	0,242	0,225	0,208	0,192	0,175	0,158	0,142	0,125	0,108	0,092	0,075	0,058	0,042	0,025	0,008	FND exp.	4
0,248	0,202	0,156	0,11	0,065	0,019	-0,026	-0,071	-0,117	-0,163	-0,209	-0,255	-0,303	-0,351	-0,4	-0,45	-0,502	-0,556	-0,611	-0,6/	-0,732	-0,799	-0,871	-0,952	-1,044	-1,156	-1,303	-1,500	y theorique	5
460,2	481,0	4/0,0	4/1,9	467,1	462,4	457,0	452,8	448	445,1	458,5	433,3	428,5	423,3	418,1	412,8	407,3	401,0	393,7	305.7	300 5	3/6	368,3	339,0	3500	250	3203	277.5	P uteorique	6

865	572	418	625	349	277	470	449	436	241	622	439	475	662	529	602	696	343	584	368	837	559	523	374	546	561	454	382	431	502	512	649
865	837	723	703	696	691	680	662	657	650	649	645	634	625	622	615	607	602	598	584	572	567	561	559	546	542	531	529	527	527	523	521
60	59	58	57	56	55	54	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	30	29
0.992	0,975	0,958	0,942	0;925	0,908	0,892	0,875	0,858	0,842	0,825	0,808	0,792	0,775	0,758	0,742	0,725	0,708	0,692	0,675	0,658	0,642	0,625	0,608	0,592	0,575	0,558	0,542	0,525	0,508	0,492	0,475
4 783	3,676	3,157	2,812	2,552	2,342	2,166	2,013	1,879	1,758	1,648	1,547	1,454	1,367	1,285	1,208	1,134	1,065	0,998	0,934	0,872	0,813	0,755	0.699	0,645	0.592	0.54	0,489	0,44	0,391	0,343	0,295
0,5,5	848 6	793 7	757.3	729.8	707.6	689	673	658.7	646	634,4	623.7	613.9	604.7	596	587,9	580.1	572.8	565.7	558.9	552.4	546.1	540.1	534 1	528.4	\$ 577.8	517.3	512	506.7	501.6	496.5	491,5

P = 521,25mm et que s = 135,40 mm d'où :  $1/\alpha = 0.78s = 105.61$ On commence par calculer  $1/\alpha$  et  $x_0$ . On sait que

ct 
$$x_0 = x - 0.577 / \alpha = 521.25 - 0.577 \times 105.61 = 460.31 \, mm$$

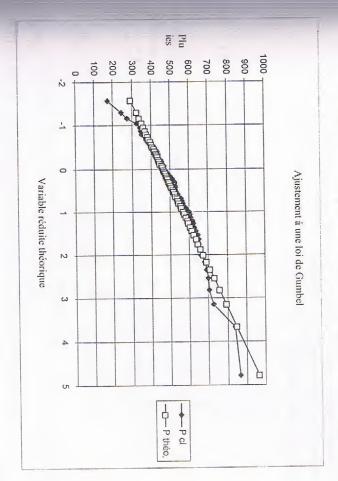
classées et les rangs n. 3ième colonnes donnent respectivement les pluies mesurées, les pluies Ensuite on établit la tableau ci-dessus: les 1ère, 2ième et

> $\frac{n-0.5}{N}$ ; ainsi :  $FND_4 = \frac{4-0.5}{60} = 0.0583$ , La colonne 4 indique les fréquences expérimentales

$$VD = \frac{n - 0.5}{N}$$
; ainsi :  $FND_4 = \frac{4 - 0.5}{60} = 0.0583$ ,

héoriques :  $y_4 = -[\ln(-\ln(F_4(x)))] = -[\ln(-\ln(0.0583))] = -1.044$  $P_1 = (1/\alpha)y_4 + x_0 = 105,61 \times (-1,044) + 460,31 = 350,05 \text{ mm}$ La colonne 5 donne les variables réduites de La 6ième colonne donne les pluies théoriques: Gumbel

- en abscisses les variables réduites théoriques. - en ordonnées les pluies mesurées et les pluies théoriques.



V - 3 - b On va vérifier l'ajustement de la loi de Gumbel aux

luies journalières maximales à Bouira grâce au test du  $\chi^2$ . Pour trouver FND(xi) on procède comme suit :

$$(1/\alpha) y_i + x_0 \rightarrow y_i = (x_i - x_0) \alpha \text{ et } F(x_i) = e^{-e^{-y}}$$

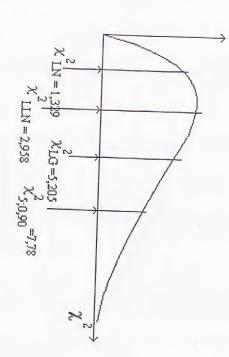
$$\text{pour } x_3 = 510 \rightarrow y_3 = (510 - 460,31) \times (1/105,61) = 0,471 \rightarrow F(x_3) = p3 = 0,535;$$

$$\text{II.} \quad N(P_3 - P_2) = 60(0,535 - 0,332) = 12,2$$

$$\text{II.} \quad (9 - 12,2)^2/12,2 = 0,841.$$

	Г	_	Г	_	I	_	_	_	T		_		-		_	_	_
	-	7	1	2	L	N	-	4	1	w	1	1	1	-	1	-	
		648	000	000	040	545	010	510	.00	450		369		8		×1-1	1
		+	040	648	000	600	040	272	010	510	100	450	200	969		×.	U
	*,'''	1 777	1,323	1 700	0,802	0000	0,4/1	2	1,0-	0	-0,00	700	8	3	1-17	71-1	4
	1 8		1,777		1,323		0.802		0,4/1	2	-0,1		-0,00	200	17		y.
	0,844	0044	0.766	1	0.639	0,000	0 カンカー		0.332		0,093		0		DI-1		6
	-	2,011	0 844	0,700	0 766	0,000	0520	0,000	255 0		0.332		0.093		D.		7
	=	-	7	,	7	0	0	7	0	1	10	0	×	101	<u>f</u>	-	×
Σ =	9,335		4 600		- 1		- 1		- 1		- 1				f.	,	0
5,205	0,297	1,128	1 100	0,000		0,529		0,841		1,511	1 3 1 1	1,040	1045	×	2	0.1	10
	-	100								-			1				

pour la loi de Gumbel :  $\chi^2 = 5,205$ . pour la loi log-normale: $\chi^2 = 2,958$ la loi normale  $\chi^2 = 1,329$ V - 3 - c Nous avions trouvé pour



Le meilleur ajustement est celui pour lequel le  $\chi^2$  est le plus

petit.

Dans notre cas, c'est celui de la loi normale.

$$V-3-d P_{10}=?$$
:

T = 10 
$$\rightarrow$$
 FD = 1/10 = 0,1  $\rightarrow$  FND = 0,9  $\rightarrow$  y = -ln(-ln(FND)) = 2,25  
P<sub>10</sub> = (1/ $\alpha$ )y + x<sub>0</sub> = 105,61 x 2,25 + 460,31 = 697,93 mm

fonction de l'écart-type sx par : L'intervalle de confiance à α % d'un quantile x<sub>F</sub> s'exprime en

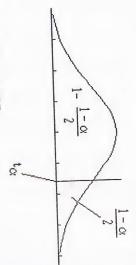
$$x_F - h_1 s_x < x_F < x_F + h_2 s_x$$

où h<sub>1</sub> et h<sub>2</sub> sont des paramètres dépendant de la taille n de l'échantillon, formule suivante avec le signe + pour h2 et le signe - pour h1: de la fréquence F et de la valeur de oc. h1 et h2 sont évalués par la

mule suivante avec le signe + pour h2 et le signe - pour h1.  

$$h_1, h_2 = \frac{(t_\alpha/N^{0.5})(1+1,13t_F+1,1t^2_F)^{0.5} \pm t^2_\alpha/N(1,1t_F+0.57)}{1-1,1t^2_\alpha/N}$$

dépassement 1 -  $(1-\alpha)/2$ L = variable réduite de Gauss correspondant à la fréquence au non-



$$t_F = \frac{-\ln(-\ln(F)) - 0,577}{1.28}$$

Calcul de l' I.C. à 80% de la pluie décennale:

Fréquence au Non-Dépassement  $1-(1-\alpha)/2 = 1-(1-0,8)/2 = 1-0,1 = 0,9$ ;

$$I_{F} = \frac{-\ln(-\ln(F)) - 0,577}{1,28} = \frac{-\ln(-\ln(0,9)) - 0,577}{1,28} = \frac{2,25 - 0,577}{1,28} = 1,31$$

$$I_{F} = \frac{(I_{\alpha} / N^{0,5})(1 + 1,13I_{F} + 1,1I_{\alpha}^{2} / N^{0,5} \pm I_{\alpha}^{2} / N(1,1I_{F} + 0,57)}{1 - 1,1I_{\alpha}^{2} / N} = \frac{(1,28/60^{0,5})(1 + 1,13 \times 1,31 + 1,1 \times (1,31)^{2})^{0.5} \pm ((1,28)^{2}/60)(1,1 \times 1,31 + 0,57)}{1 - 1,1 \times 1,28^{2}/60}$$

$$h_1, h_2 = \frac{0,345 \pm 0,054}{0,97}$$
 et  $h_1 = 0,3$  et  $h_2 = 0,41$ 

d'où l'intervalle de confiance:

$$697,93 \text{ mm} - 0,3 \times 135,4 < P_{0,9} < 697,93 \text{ mm} - 0,41 \times 135,4$$
  
 $657,31 \text{ mm} < \hat{P}_{10} < 753,62 \text{ mm}$ 

Pour la loi normale nous avions trouvé: l'écart entre les deux bornes de l'IC est égal à  $\Delta = 96,61 \text{ mm}$ 

8

 $664,30 \; mm \; < \; \hat{P}_{10} \; < \; 724,74 \; mm$  avec  $\Delta = 60,44 \; mm$ 

Pour la loi log-normale:

$$685,30 \text{ mm} < \hat{P}_{10} < 772,78 \text{ mm}$$

avec  $\Delta = 87,48$  mm.

Le plus petit intervalle est celui de la loi normale, c'est donc cette loi qui donne les meilleures prévisions.

# SOLUTIONS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 6

#### Solution de l'exercice VI-1

																												-			
1979	1978	1977	1976	1975	1974	1973	1972	1971	1970	1969	1968	1967	1966	1965	1964	1963	1962	1961	1960	1959	1958	1957	1956	1955	1954	1953	1952	1951	1950	Année	_
34	27	28	30	34	37	23	30	25	39	32	29	28	35	36	26	20	34	41	58	35	37	36	29	35	25	27	42	24	47	P à St X	2
35	25	26	35	33	34	28	29	26	35	33	33	23	28	34	25	22	24	26	40	28	26	26	26	30	23	26	36	21	29	P 15 St	ω
983	949	922	894	864	830	793	770	740	715	676	644	615	587	552	516	490	470	436	395	337	302	265	229	200	165	140	113	71	47	cumul X	4
865	830	805	779	744	711	677	649	620	594	559	526	493	470	442	408	383	361	337	311	271	243	217	191	165	135	112	86	50	29	Cum15st	5
34	27	28	30	34	37	23	30	25	39	32	29	28	35	36	18,9	14,6	24,8	29,8	42,2	25,5	26,9	26,2	21,1	25,5	18,2	19,7	30,6	17,5	34,2	X corrigé	6
842,6	808,6	781,6	753,6	723,6	689,6	652,6	629,6	599,6	574,6	535,6	503,6	474,6	446,6	411,6	375,6	356,7	342,2	317,4	287,6	245,3	219,9	192,9	166,7	145,6	120,1	101,9	82,3	51,7	34,2	cum x cor,	7

Le tableau ci-dessus indique les détails des calculs. Les colonnes 1, 2 et 3 reprennent les données de l'énoncé. Les colonnes 4 et 5 indiquent respectivement les pluies cumulées à la station X et aux 15 stations.

Une fois les cumuls calculés on les porte sur du papier millimétré avec en abscisses les cumuls des 15 stations et en ordonnées ceux de la station X.

On voit sur le graphique que les points s'alignent sur 2 droites différentes  $D_1$  et  $D_2$  dont les pentes sont  $m_1$  et  $m_2$ . La cassure correspond à l'année 1964. Ceci implique qu'un « accident » est arrivé cette année : changement de site ou changement de l'environnement du pluviomètre. Pour corriger cette anomalie on procède comme suit :

1- on calcule les pentes m<sub>1</sub> et m<sub>2</sub>:

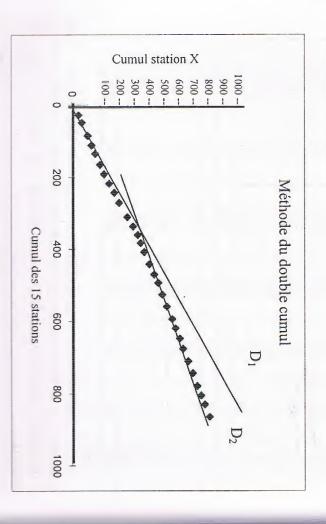
 $m_1 = (470 - 165) / (361 - 135) = 1,35$ . Les valeurs sont celles des années 1954 et 1962 car la droite  $D_1$  passe exactement par ces points.

 $m_2 = (983 - 864) / (865 - 744) = 0,983$ . Les valeurs sont celles des années 1975 et 1979 car la droite  $D_2$  passe exactement par ces points.

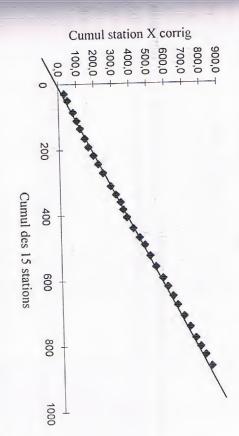
2- on corrige les données : comme le changement a eu lieu en 1964, cela veut dire que les données d'avant 1964 doivent être corrigées en les multipliant par un facteur égal à  $m_2 / m_1 = 0,983 / 1,35 = 0,728$ .

La colonne 6 indique les pluies à la station X corrigées, la colonne 7 donne leurs cumuls.

3- on refait le graphique avec les pluies corrigées et l'on voit que les points s'alignent sur une droite, ce qui veut dire les données ont été rendues homogènes.



#### Méthode du double cumul



#### Solution de l'exercice VI-2

#### Test de Wilcoson:

Nous établissons le tableau suivant pour faciliter les calculs. On commence par diviser notre série pluviométrique en deux échantillons de longueurs respectives  $N_1 = 15$  valeurs et  $N_2 = 24$  valeurs  $(N = N_1 + N_2 = 15 + 24 = 39)$ . Dans la première colonne on porte les données brutes, dans la seconde colonne on porte le premier échantillon X, dans la troisième colonne on porte le deuxième échantillon Y, dans la quatrième et la cinquième colonnes on porte respectivement les rangs et les valeurs classées de la série originale, dans la sixième colonne on note l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'échantillon Y et dans la septième colonne on l'échantillon X ou de l'é

. On calcule ensuite les valeurs de

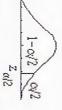
$$W_x = \Sigma \text{ Rang } x$$

- et des deux bornes W<sub>max</sub> et W<sub>min</sub>, données par les formules

suivantes:

$$W_{\min} = \frac{(N_1 + N_2 + 1)N_1 - 1}{2} - z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{N_1 N_2 (N_1 + N_2 + 1)}{12}}$$

et 
$$W_{\text{max}} = (N_1 + N_2 + 1)N_1 - W_{\text{min}}$$



 $z_{1-\alpha/2}$  représente la valeur de la variable centrée réduite de la loi normale correspondant à 1-  $\alpha$  / 2 (au seuil de signification de 5 %, nous avons  $z_{1-\alpha/2}$ =1,96).

 $\Sigma$ Rang x = 306,

$$W_{\min} = \frac{(15+24+1)15-1}{2} - 1,96\sqrt{\frac{15\times24(15+24+1)}{12}}$$

$$d^{\circ}o\dot{u}$$
 W<sub>min</sub> = 299,5 - 1,96 x34,63 = 231,60

et 
$$W_{\text{max}} = (15 + 24 + 1) \times 15 - 231,60 = 368,40$$

On vérifie l'inégalité:  $W_{\rm min}$  ( $\Sigma$  Rang x ( $W_{\rm max}$  c'est à dire : 231,60 < 306 < 368,40 ; on conclue que notre série est homogène.

	~	371,7	18	500,3		370,4
	Υ	370,4	17	358,3		362
	Υ	364,8	16	364,8		509,6
	Υ	362	15	357,7	321,5	321,5
	Υ	358,3	14	371,7	372,6	372,6
	Υ	357,7	13	285,1	639,8	639,8
12	×	355,6	12	442,6	355,6	355,6
	Υ	355	11	355	382	382
10	×	341,8	10	436,9	487,3	487,3
9	×	332,4	9	395,4	607,8	607,8
	Y	321,8	8	487,1	507,1	507,1
7	X	321,5	7	458,5	391,3	391,3
6	×	315,2	6	453,4	341,8	341,8
5	×	304,2	5	494,6	304,2	304,2
	Υ	294	4	624	422,9	422,9
	Y	291	3	370,4	315,2	315,2
	Υ	285,1	2	362	462,3	462,3
	Υ	182	1	509,6	332,4	332,4
Rang X	Origine	XUY	Rangs	Υ	×	Données
7	6	5	4	C)	2	_

	321,8	397,4	291	182	450	294	500,3	358,3	364.8	357,7	371,7	285,1	442,6	355	436,9	395,4	487,1	458,5	453,4	494,6	624
																321,8	397,4	291	182	450	294
	39	38	37	36	35	34	33	32	31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	61
	639,8	624	607,8	509,6	507,1	500,3	494,6	487,3	487,1	462,3	458,5	453,4	450	442,6	436,9	422,9	397,4	395,4	391,3	382	3/2,0
Somme =	×	Y	×	×	×	~	~	×	~	×	~	\ \ \	Y	Y			× ×	<u> </u>	×	×	
306	1 39		3/	2	35			32		30						24	2		17	20	30

#### Test de Mann-Whitney

On divise notre échantillon en deux sous-ensembles de tailles  $N_1$  et  $N_2$  avec:  $N_2 > N_1$ .

X1, X2, ......Xi.....XN1

Y1, Y2, ......Xi.....XN2

Y1, Y2, .....XN2

La taille de l'échantillon original est  $N = N_1 + N_2$ . On classe ensuite nos valeurs par ordre croissant de 1 à N et l'on note les rangs  $R(x_i)$  des éléments du premier sous-ensemble et ceux  $R(y_i)$  des éléments du second sous-ensemble dans l'échantillon original. On définit K et S comme suit:

somme des rangs des éléments de l'échantillon 1 dans l'échantillon original. K est la somme des nombres de dépassements de chaque élément du second échantillon par ceux du premier échantillon. S est la somme des nombres des éléments du premier sous ensemble (ou échantillon) par ceux du second. On montre que lorsque N = 20,  $N_1 > 3$  et  $N_2 > 3$ ; K et S sont distribués selon une loi normale

ayant: une moyenne égale à  $\overline{K} = \overline{S} = \frac{N_1 N_2}{2}$  et un écart-type égal à

laquelle les deux sous-ensembles proviennent de la même population, au  $s_k = s_s = \frac{N_1 N_2}{12} (N_1 + N_2 + 1)$ . On peut alors tester l'hypothèse H<sub>0</sub> selon

 $\alpha/2$ . Si T <  $z_{\alpha/2}$  on accepte H<sub>0</sub>. variable normale centrée réduite ayant une probabilité de dépassement niveau de signification  $\alpha$ , en comparant la grandeur:  $T = \left| \frac{K - K}{x} \right|$  avec la



pluviométriques de la station de Tissemsilt. Nous allons appliquer le test de Mann-Whitney aux données

des valeurs de cette colonne est égale à K = 186. ensemble 2 est dépassé par les éléments du sous-ensemble 1, la somme colonne 11, enfin donne le nombre de fois où chaque élément du sous-S = 174. La colonne 10 donne les valeurs triées du sous-ensemble 2. La du sous-ensemble 2, la somme des éléments de cette colonne est égale à fois où chaque élément du sous ensemble 1 est dépassé par les éléments valeurs du sous-ensemble 1 triées. La colonne 9 indique le nombre de colonne 6 indique les 24 valeurs de l'échantillon 2 (ou sous-ensemble 2). sous-ensemble 1 dans l'échantillon original de 39 valeurs classées. La c'est à dire classées. Les colonnes 2 et 3 indiquent respectivement les l'échantillon original de 39 valeurs classées. La colonne 8 montre les La colonne 7 donne le rang de chaque valeur du sous-ensemble 2 dans (ou sous-ensemble 1). La colonne 5 donne le rang de chaque valeur du par ordre croissant. La colonne 4 liste les 15 valeurs de l'échantillon 1 pluies dans l'ordre où elles ont été relevées et les pluies triées ou classées 39 correspondent aussi aux rangs des données lorsque celles-ci sont triées compréhension: La colonne 1 donne les années; les chiffres 1, 2, 3, .... On forme le tableau ci-dessus pour faciliter la

$$L = \sum_{i=1}^{N_1} R(x_i) = 306; K = L - \frac{N_1(N_1 + 1)}{2} = 306 - \frac{15 \times 16}{2} = 186;$$

$$S=N_{1}N_{2}-K=15\times24-186=174; \overline{K}=\overline{S}=\frac{N_{1}N_{2}}{2}=\frac{15\times24}{2}=180$$

$$S_{K}=S_{S}=\frac{N_{1}N_{2}}{12}(N_{1}+N_{2}+1)=\frac{15\times24}{12}(15+24+1)=1200$$

$$T=\left|\frac{K-\overline{K}}{S_{k}}\right|=0,005$$

pluviométrique de Tissemsilt est homogène. deux sous-ensembles proviennent de la même population et que la série Ce qui veut dire qu'on peut accepter l'hypothèse Ho que les

pour  $\alpha = 5 \%$  on a  $z_{1-\alpha/2} = 1,96 > T = 0,005$ 

27	26	25	24	23	22	21	20	19	-8	17	16	15	14	13	12	=	10	9	00	7.	6	5	4	ယ	2	-		Λn	-
442.6	355	436.9	395.4	487.1	458.5	453.4	494.6	624	370.4	362	509.6	321.5	372.6	639.8	355.6	382	487.3	607.8	507.1	391.3	341.8	304.2	422.9	315.2	462.3	332.4	mesurées	Pluies	2
450	442.6	436.9	422.9	397.4	395.4	391.3	382	372.6	371.7	370.4	364.8	362	358.3	357.7	355.6	355	341.8	332.4	321.8	321.5	315.2	304.2	294	291	285.1	182	triées	Pluies	ယ
												321.5	372.6	639.8	355.6	382	487.3	607.8	507.1	391.3	341.8	304.2	422.9	315.2	462.3	332.4	#1-X	Ech	4
												7	19	39	12	20	32	37	35	21	10	5	24	6	30	9		Rangs	5
			321.8	397.4	291	182	450	294	500.3	358.3	364.8	357.7	371.7	285.1	442.6	355	436.9	395.4	487.1	458.5	453.4	494.6	624	370.4	362	509.6	#2-Y	Ech	6
			~	23	w	_	27	4	34	14	16	13	18	2	26	=	25	22	31	29	28	33	38	17	15	36		Rangs	7
												639.8	607.8	507.1	487.3	462.3	422.9	391.3	382	372.6	355.6	341.8	332.4	321.5	315.2	304.2	trié		00
												0	1	2	4	5	10		12		18		19	20		20	Dépass.	~	9
			624	509.6	500.3	494.6	487.1	458.5	453.4	450	442.6	436.9	397.4	395.4	371.7	370.4	364.8	362	358.3	357.7	355	321.8	294	291	285.1	182	trié	~	10
			_			ω	4	5		5						9					10	12	15	15	15	15	Dépass.	Nbre	=

	38 3		36					31 3			
	97.4	291	182	450	294	00.3	58.3	364.8	57.7	71.7	85.1
	624	607.8	509.6	507.1	500.3	494.6	487.3	487.1	462.3	458.5	435.4
		-									
											-
2	-										
										-	
100											

321.8

639.8

L=306

Nous allons appliquer la méthode de la régression linéaire aux séries pluviométriques des stations X et Y.

La série X est longue de 75 ans, celle de Y de 20 ans.

Nous allons calculer le coefficient de corrélation r, les coefficients de la droite de régression b<sub>0</sub> et b<sub>1</sub>, nous allons aussi calculer les paramètres de la série X étendue, l'efficacité de l'extension et le nombre d'années efficaces.

Les données et calculs sont présentés dans le tableau suivant. La première colonne donne l'ordre dans lequel l'observation a eu lieu, par exemple il est tombé 459 et 639 mm respectivement à X et Y en 1949, c'est à dire pendant la 4ième année d'observation commune. La 2ième et la 3ième colonnes donnent les pluies triées (X et Y) à BBN et SEH, le tri des données n'est pas obligatoire. Les 4ième et 5ième colonnes donnent les carrés des pluies, la 6ième colonne donne leurs produits. La 7<sup>ième</sup> colonne donne les valeurs de Y les plus probables calculées grâce à la droite de régression.

Somme	13	6	7	20	15	5	9	10	18	=	16	17	14
12818	858	841	820	817	800	732	702	677	659	657	625	568	549
19223	1288	1002	1248	1499	1059	1169	1044	1140	1059	886	872	970	948
8573110	736164	707281	672400	667489	640000	535824	492804	458329	434281	431649	390625	322624	301401
19543239		1004004	1557504	2247001	1121481	1366561	1089936	1299600	1121481	784996	760384	940900	401060
12861/07	1105104	842682	1025560	1224683	847200	855708	732888	//1/80	69/881	201789	545000	550960	705070
	1289.0	1200.9	1252.1	1227.6	1201.8	1099.0	1055.6	8.0101	0.586	985.5	937.1	830.9	1.500

Pour étendre la série pluviométrique de la station Y on calcule  $x_k$ ,  $y_k$ ,  $k^s$ ,  $k^s$ ,  $k^s$ ,  $k^s$ ,  $y_n$ ,  $k^s$ ,

$$\frac{1}{x_{k}} = \frac{\sum x_{i}}{k} = 640,90 \text{mm}; \overline{y}_{k} = \frac{\sum y_{i}}{k} = 961,20 \text{ mm}$$

$$k s_{x} = \sqrt{\frac{\sum (x_{i} - \overline{x})}{k - 1}} = 137,30 \text{mm}; k s_{y} = \sqrt{\frac{\sum (y_{i} - \overline{y})}{k - 1}} = 237,0 \text{ mm}$$

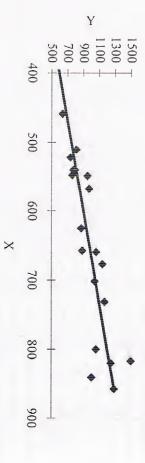
$$r_{xy} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \overline{x})(y_{i} - \overline{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \overline{x})^{2}} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \overline{y})^{2}}} = 0,876$$

$$b_{1} = \frac{\sum (x_{i} - \overline{x})(y_{i} - \overline{y})}{\sum (x_{i} - \overline{x})^{2}} = 1,513$$

L'équation de la droite de régression est donc : Y = 1,513 X - 8,444

 $b_0 = \overline{y} - b_1 \overline{x} = -8,444$ 

#### Regression liréaire simple



 $X_n = 667 \text{ mm et } n\sigma_x^2 = 18 \text{ 451 sont données}$ 

$$y_{n} = \frac{k_{Gy}}{k_{Gx}} (x_{n} - x_{k}) + y_{k} = 1000,6 \text{ mm}$$

$$n_{Gy}^{2} = k_{Gy}^{2} + \frac{2k_{Gy}^{2}}{k_{Gx}^{2}} (n_{Gx}^{2} - k_{Gx}^{2}) = 55259,76$$

L'efficacité E de la corrélation est donc :

$$E = 1 + \left(1 - \frac{k}{n}\right) \frac{1 - (k - 2)r^2}{k - 3} = 0,447$$

n' est donnée égal à : Le nombre d'années "efficaces" ou "fictives" d'observations

$$n' = k / E = 44, 74 \approx 45 \text{ ans}$$

n' = 44,74	= 0,447	Efficacité E
	= 55259,76	var Yn estimée
ec-type Xn = 135,8	= 1000,6	moy Yn estimée
var Xn = 18451	= 56160,66	var Yk
moy Xn = 667	= 18844,94	var Xk
ec-type Yk = 237,0	= 961,2	moyYk
ec-type Xk = 137,3	= 640,9	moyXk
	= 0,876	coef corr

que nous pourrions allonger notre série de 25 autres années en utilisant La nouvelle série étendue sera longue de 45 ans c'est à dire

> l'équation suivante, si nous disposions des valeurs correspondantes de la  $k \langle j \leq n$

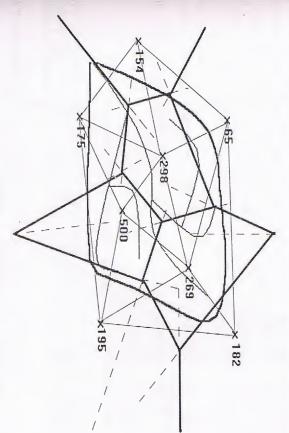
série 
$$X : \hat{y}_j = r_k \frac{k^{\sigma_y}}{k^{\sigma_x}} (x_j - \bar{x}_k) + \bar{y}_k$$
 avec  $k \le 1$ 

#### Solution de l'exercice VI-4

#### Pluie moyenne:

a - moyenne arithmétique = (65+154+175+298+500+269+195+182)/8=229,63 mm

b - méthode de Thiessen : on trace les zones délimitées par les média-

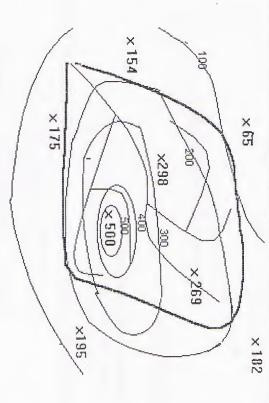


mesure à l'aide du planimètre les surfaces de ces zones (on peut utiliser trices des triangles formés par les différents pluviographes et l'on du papier millimétré superposé à la figure pour mesurer les surfaces si l'on ne dispose pas de planimètre; le résultat sera moins précis). La

pluviométrie moyenne est donnée par :  $\overline{P} = \sum_{i=1}^{n} \frac{S_i P_i}{S} = (175 \times 235 + 153)$ x 130 + 298 x 620 +65 x 150 + 269 x 645 + 182 x 53 +195 x 80 + 500 x

$$\times$$
 130 + 298  $\times$  620 +65  $\times$  150 + 269  $\times$  645 + 182  $\times$  53 +195  $\times$  80 + 430) / 2340 = 286,02 mm

c- méthode des isohyètes: après avoir tracé les isohyètes on mesure de la même manière les surfaces comprises entre 2 isohyètes. On trouve:



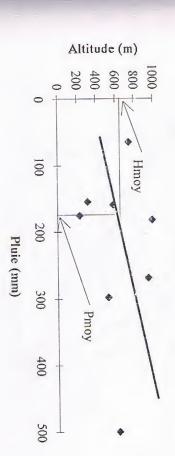
$$\overline{P} = \sum_{i=1}^{n} \frac{S_i P_i}{S} = (150 \times 320 + 250 \times 1030 + 350 \times 540 + 450 \times 320 + 500 \times 130) / 2340 = 300,64 \text{ mm}.$$

iv- méthode synthétique : Les couples (P,H) sont :

23	580	630	315	520	942	750	990	H(m)
	159	500	154	298	269	65	182	P(mm)

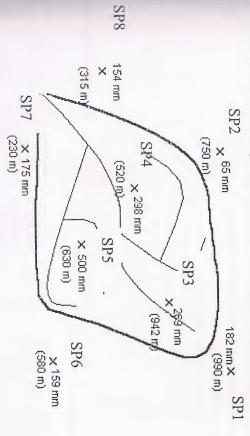
On porte sur un graphe P en abscisse et H en ordonnée et l'on ajuste visuellement une droite aux points du graphe.

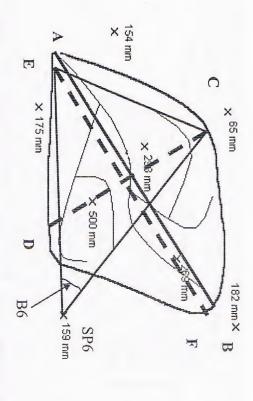
Ensuite on trace l'horizontale qui passe par l'altitude moyenne 620 m; au point de son intersection avec la droite on trace la verticale. L'intersection de cette dernière avec l'axe des pluie représente la pluie moyenne recherchée = 175 mm



e - la méthode des deux axes: On commence par identifier les différentes stations pluviométriques: SP1, SP2, ...SP8. Ensuite on trace le segment de droite AB qui va de l'exutoire au point le plus éloigné suivant le cours d'eau principal et situé sur la limite du bassin versant. Le 1<sup>er</sup> axe est formé par la médiatrice CD du segment AB. CD est appelé l'axe mineur.

Le second axe ou axe majeur est la médiatrice EF de l'axe mineur CD.





Le coefficient de pondération de chaque station est égal à Yi=Bi/\(\sum\_{Bi}\) où

dans cet exercice) et  $B_i = \cos^{-1}\left(\frac{L_{i1}^2 + L_{i2}^2 - L_{i3}^2}{2 \times L_{i1} \times L_{i2}}\right)$ , où  $B_i$  est l'angle formé par k est égal au nombre de stations SP; qui sont numérotées de 1 à k (1 à 8

Les différentes distances sont mesurées et nous obtenons : la station Spi et chacune des extrêmes la plus éloignée des deux axes

L11 = SP1E = 5.4 km, L12 = SP1D = 5.8 km et L13 = ED = 4.9 km

L21 = SP2E = 8.9 km, L22 = SP2D = 5.7 km, L23 = ED = 4.7 km;

L31 = SP3E = 6,5 km, L32 = SP3C = SP3D = 3,5 km, L33 = CE = CD = 4,8 km

L41 = SP4 F = 4.8 km, L42 = SP4D = 3.4 km, L43 = DF = 4.8 km;

L51 = SP5F = SP5E = 4,3 km, L52 = SP5C = 3,7 km, L53 = CE = CF = 4,8 km;

L71 = SP7F = 7.2 km, L72 = SP7C = 4.7 km, L73 = CF = 4.8 km; L61 = SP6E = 7,1 km, L62 = SP6C = 6,3 km, L63 = CE = 4,8 km;

L81 = SP8F = 8 km, L82 = SP8D = 5,6 km, L83 = DF = 4,7 km.

mesurées sur la carte. Les calculs sont présentés dans le tableau ci-dessous, les distances son

	∞	7	6	S	4	w	2	-	Z
	SP8	SP7	SP6	SP5	SP4	SP3	SP2	SPI	Station
	8	7.2	7.1	4.3	4.8	6.5	8.9	5.4	Lil (km)
	5.6	4.7	6.3	3.7	3.4	3.5	5.7	5.8	Li2 (km)
Somme =	4.7	4.8	4.8	4.8	4.8	4.8	4.7	4.9	Li3 (km)
386.35	35.14	41.24	41.44	73.31	69.26	46.26	27.97	51.74	Bi (°)
	0.09095	0.10675	0.10727	0.18974	0.17926	0.11973	0.07239	0.13391	Yi
Somme =	154	175	159	500	298	269	182	65	Pi (mm)
252.12	14.01	18.68	17.06	94.87	53.42	32.21	13.18	8.70	PiYi (mm)

égale à:  $P = \sum Y_i R = 252,12 \text{ mm}$ . Noter que l'on tracé uniquement l'angle B6 sur la figure ci-dessus pour ne pas l'encombrer. La pluie moyenne calculée par la méthode des deux axes est trouvée

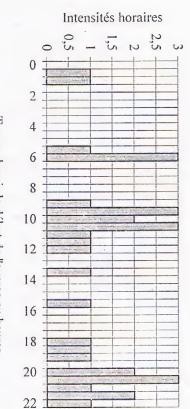
#### Solution de l'exercice VI-5

VI-5-1Le pluviogramme est dépouillé de la manière suivante

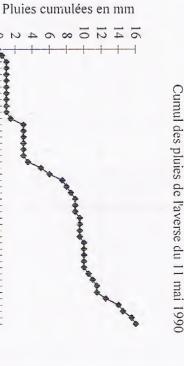
																		_	_			-	_
2130	2100	2030	2000	1930	1900	1830	1800	1730	1700	1630	1600	1530	1500	1430	1400	1330	1300	1230	1200	1130	1100	1030	_
2200	2130	2100	2030	2000	1930	1900	1830	1800	1730	1700	1630	1600	1530	1500	1430	1400	1330	1300	1230	1200	1130	1100	2
_	ري	2	ယ	1	0	0	0	0	0	w	_	0	0	0	0	0	0	0	0	1	-	0	W
0,5	1,5	_	1,5	0,5	0	0	0	0	0	1,5	0,5	0	0	0	0	0	0	0	0	0,5	0,5	0	4
_	ري	2	ω	-	0	0	0	0	0	رى	_	0	0	0	0	0	0	0	0	-	-	0	S
8	7,5	6	5	3,5	دی	دی	υs	ιω	υ	w	1,5	-	_		-	-	_	1	_	-	0,5	0	6
0830	0800	0730	0700	0630	0600	0530	0500	0430	0400	0330	0300	0230	0200	0130	0100	0030	2400	2330	2300	2230	2200	2130	_
0900	0830	0800	0730	0700	0630	0600	0530	0500	0430	0400	0330	0300	0230	0200	0130	0100	0030	2400	2330	2300	2230	2200	2
	2	-	ω	12	0	-	-	-	0	0	0	0	_	0	0	0	-	0	0	-		-	CO
0,5	_	0,5	1,5	-	0	0,5	0,5	0,5	0	0	0	0	0,5	0	0	0	0,5	0	0	0,5	0,5	0,5	4
_	2	-	U	2	0	_	-	-	0	0	0	0	-	0	0	0	-	0	0	-	-	-	S
16	15,5	14,5	14	12,5	11,5	11,5	=	10,5	10	10	10	10	10	9,5	9,5	9,5	9,5	9	9	9	8,5	8	6

colonne donne le nombre de basculements, la 4ième la hauteur de pluie, respectivement le temps initial et le temps final de l'intervalle, la 3ième portés le hyétogramme et la courbe des pluies cumulées. a 5ième l'intensité horaire et la 6ième la pluie cumulée. Ci-dessous sont Dans le tableau ci-dessus les colonnes 1 et 2 donnent

3,5 ω



Temps depuis le début de l'averse en heures



Temps depuis le début de l'averse en heures

2

4

6

8

10

12 14

16

18

20

22

240 et 300min) en décalant chaque fois de 15 min et l'on prend la valeur maximale trouvée pour chaque intervalle. On obtient : totaux pour les intervalles de temps  $\Delta t$  successifs ( $\Delta t = 30, 60, 120, 180$ -2 - Courbes  $\tilde{i}=f(t)$ : Pour trouver les Imax, on calcule les

I max	Pmax	Δt	remps	Towns
4 mm/h	2 mm	30 min	1645	1615-
3 mm/h	3 mm	60 min	2100	2000-
2.5 mm/h	5 mm	2 h	2145	1945-
2 mm/h	6 mm	3 h	2245	1945-
1,5 mm/h	6 mm	4 h	2345	1945-
1,3 mm/h	6,5 mm	5 h	0045	1945-
1,08mm/h	6,5 mm	6 h	0145	1945-

Imax (mm/h) 2,5 1,5 0,5 60 120 Durées (min) 240 300

360

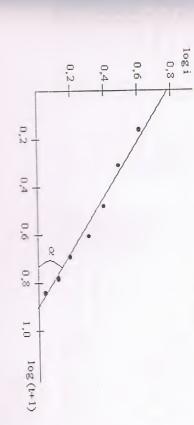
données du tableau ci-dessus nous permettent d'établir ce qui suit: VI - 5 - 3 - Calcul de l'intensité maximale I et de l'exposant n : les

On porte sur un	6	5	4	دي	2		0,5	t (heures)
un graphe log(t+1) en abscisses et logi en ordonnées	7	6	5	4	Ç	2	1,5	t+1 (heures)
1) en abscisses	1,08	1,3	1,5	2	2,5	(J.)	4	i (mm/h)
s et logi en o	0,845	0,778	0,698	0,602	0,4//	0,301	0,176	log (t+1)
ordonnées.	0,033	0,114	0,176	0,301	0,398	0,4//	0,002	log i

D'après le graphe, on a :  

$$B = 0.79 = log I d'où I = 6.16 mm/h;$$

et n = tang 
$$\alpha = 0.79/0.89 = 0.89$$
 d'où :  $\bar{i} = \frac{0.10}{(t+1)^{0.89}}$ 



L'intégrale est de la forme 
$$\int (a+bx)^n dx = \frac{(a+bx)^{n+1}}{b(n+1)}$$

où 
$$a = b = 1$$
 et  $n = -0.89$ 

$$H_T = 6,16 \int_{0}^{22} (t+1)^{-0,89} dt = 6,16 \frac{(t+1)^{0,11}}{0,11} \Big|_{0}^{22} = 6,16 \left[ \frac{(22+1)^{0,11}}{0,11} - \frac{(1)^{0,11}}{0,11} \right]$$
$$= 6,16 \left[ \frac{1,41}{0,11} - \frac{1}{0,11} \right] = 6,16 \cdot \frac{0,41}{0,11} \therefore H_T = 22,96 \text{ mm} \approx 23 \text{ mm}$$

cela on calcule les paramètres  $1/\alpha$  et  $x_0$  pour chaque série. VI - 6 On commence par ajuster une loi de Gumbel à chaque série. Pour

Imax50ans (mm/h)	Pinax50ans (mm)	у	T	FI	T = 50  ans	Imax 25ans (mm/h)	Pmax 25ans (mm)	У	T	FI	T = 25 ans	Imax 2ans (mm/h)	Pmax 2ans (mm)	У	Ħ	Ŧ	T=2 ans	xo (mm)	1/α	Durée de l'averse(min)
52,91	13,23	3,902	0,98	0,02	50	48,27	12,07	3,199	0,96	0,04	25	29,58	7,395	0,367	0,5	0,5	2	6,79	1,65	15
40,59	20,3	3,902	0,98	0,02	50	36,68	18,34	3,199	0,96	0,04	25	20,94	10,47	0,367	0,5	0,5	2	9,45	2,78	30
24,35	24,35	3,902	0,98	0,02	50	22,03	22,03	3,199	0,96	0,04	25	12,72	12,72	0,367	0,5	0,5	2	11,51	3,29	60
13,53	27,07	3,902	0,98	0,02	50	12,31	24,63	3,199	0,96	0,04	25	7,401	14,8	0,367	0,5	0,5	2	13,53	3,47	120

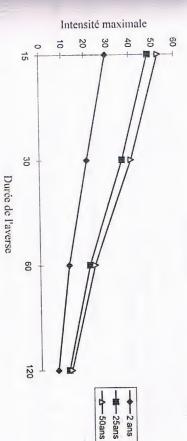
 $1/\alpha = 0.78 \text{ s}$ ;  $x_0 = \bar{x} - 0.577/\alpha$ ;

$$T = pé riode de retour ; F_1 = 1 / T ; F = 1 - F_1 ;$$

T = periode de retour; 
$$r_1 = 1/1$$
,  $r_2 = 1/1$ ,  $r_3 = 1/1$ ,  $r_4 = 1/1$ ,  $r_5 = 1/1$ ,  $r_6 = 1/1$ ,  $r_7 =$ 

Δt

Courbes Intensités-Durées-Fréquences (IDF)



où:

# SOLUTIONS DES EXERCICES DU CHAPITRE N°7

### Solution de l'exercice VII - 1

VII - 1 La formule de Turc pour l'évaporation réelle (en mm) est :

$$Etr = P / \sqrt{0.9 + P^2/L^2}$$

où  $L = 300 + 25t + 0.05t^3 = 585.4 \text{ mm},$ 

P = hauteur annuelle des pluies en mm =  $\Sigma$  P<sub>i</sub> = 712 mm;

on trouve Etr = 461,6 mm/an température moyenne annuelle en °C =  $\Sigma$  t<sub>i</sub> /12 = 9,63 °C

### Solution de l'exercice VII-2

l'évapotranspiration potentielle mensuelle en mm: Turc a aussi développé une formule pour calculer

$$Eip = 0.4 \frac{\iota}{t + 15} (I_g + 50) K$$

où t = température mensuelle de l'air en °C

calories/cm<sup>-</sup>/jour. = radiation globale moyenne mensuelle reçue au sol en

 $K = coefficient égal à 1 si l'humidité relative <math>h_r$  est supérieure à 50%

sinon 
$$K = 1 + \frac{50 - h_r}{70}$$

$$I_g = I_g A(0,18+0,62\frac{h}{H})$$

où  $I_gA = radiation$  globale théorique en cal / cm<sup>2</sup> / jour,

H = durée théorique du jour du mois en heures

h = durée d'insolation en heures / mois.

 $I_gA = 1035 - 9,076 \text{ Lat} + (7,050 \text{ Lat} + 49,90) \cos(29,9 \text{ i} - 182,5)$ 

 $H = 362,7 + 0,2101 \text{ Lat} + (4,085 \text{ Lat} - 80,99) \cos (30,01 \text{ i} - 188,9)$ 

où i = le numéro du mois (1 pour janvier et 12 pour décembre)

la quantité entre parenthèse après le cosinus est exprimée en degrés

Dans notre cas :  $h_r$  >50%

Pour février on a :

 $H = 362,7 + 0,2101 \times 48,7 + (4,085 \times 48,7 - 80,99) \cos (30,01 \times 2 = 20,000)$ 

188,9 = 299,55 heures,

 $I_gA = 1035 - 9,076 \times 48,7 + (7,050 \times 48,7 + 49,90) \cos(29,92 \times 2 - 182,5)$ 381 cal / cm<sup>2</sup> / jour.

$$I_{K} = IgA(0.18 + 0.62 \frac{h}{H}) = 38I(0.18 + 0.62 \frac{70}{299.55}) = 123.8cal / cm^{2} / j$$

$$E_{ID} = 0.4 \frac{t}{1.9} (Ig + 50) \times K = 0.4 \frac{1.9}{1.9} (123.8 + 50) \times 1 = 7.82mm$$

$$Etp = 0.4 \frac{t}{t+15} (Ig+50) \times K = 0.4 \frac{1.9}{1.9+15} (123.8+50) \times 1 = 7.82mm$$

Pour le mois d'avril on a:  $H=362,7+0,2101 \times 48,7 + (4,085 \times 48,7 - 80,99) \cos (30,01 \times 8 - 188,9)$ 

= 446,9 heures

 $1gA=1035-9,076 \times 48,7 + (7,050 \times 48,7 + 49,90)\cos(29,92 \times 8 - 182,5)=808 \text{ cal/cm}^2\text{/j}$ 

 $Ig = IgA(0,18+0,62\frac{h}{H}) = 808(0,18+0,62\frac{212}{446}) = 383,6 \ cal \ / \ cm^2 \ / \ jour$ 

$$Etp = 0, 4\frac{t}{t+15}(Jg+50) \times K = 0, 4\frac{17,8}{17,8+15}(383,6+50) \times 1 = 94,12mm$$

#### Solution de l'exercice VII-3

l'évapotranspiration mensuelle (Etp): Thornthwaite a développé la formule suivante pour calculer

$$Etp = 16 \left( 10 \frac{t}{I} \right) K$$

où : I = indice thermique annuel =  $\sum i$ ,

$$i = indice thermique mensuel = \left(\frac{t}{5}\right)^{1.5}$$
,  
 $t = température movenne mensuelle.$ 

K = coefficient d'ajustement mensuel t = température moyenne mensuelle,

$$a = \frac{1.6}{100}I + 0.5.$$

Ensuite on dresse le tableau suivant pour les calculs :

I (m(mm)	-	×	1(°C)	mois	STREET, STREET
2.46	0,076	0,73	0,9		
5.96	0,23	0,78	1.9	T	
26.5	1,25	1,02	5.8	Z	
50,13	2,54	1,15	9,3	>	
83,75	4.24	1,32	13,1	Z	
_	1	1.33			
	1	1,33			
110,1	6,71	1,24	1/,8	A	
77,3	5,20	1,05		0	
42,5	2,19	0,91	9,9		
28	1,12	0,70	4,0	Z	1
0,30	0,23	0,70	7,5		7

$$1 = \Sigma i = 37,27$$
;  $a = (1,6/100) 1 + 0,5 = 1,096$ 

Etp annuelle =  $\sum Etp$  mensuelle = 651 mm

Exemple de calcul:

pour avril on a : t = 9,3°C; K = 1,15 : 
$$i = \left(\frac{t}{5}\right)^{1.5} = \left(\frac{9,3}{5}\right)^{1.5} = 2,54$$
  
pour juillet on a : t = 18,2°C; K = 1,33 :  $i = \left(\frac{t}{5}\right)^{1.5} = \left(\frac{18,2}{5}\right)^{1.5} = 6,94$ 

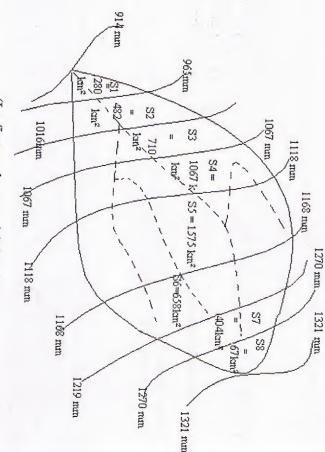
d'où I = 
$$\Sigma$$
 i = 37,27 et  $a = \frac{1,6}{100} \times 37,27 + 0,5 = 1,096$ 

$$Etp_4 = 16 \left[ 10 \frac{t}{I} \right]^a \times K = 16 \left[ 10 \frac{9,3}{37,27} \right]^{1,096} \times 1,15 = 50,13 \ mm$$

$$equation Description of the point of the properties of the pro$$

## Solution de l'exercice VII - 4

VII - 4 - a lame précipitée Lp = ?



(La figure n'est pas à l'échelle)

$$Lp = \frac{\sum_{SiPi} SiPi}{\sum_{Si}} = \frac{[(1321+1270)/2] \times 67 + [(1270+1219)/2] \times 404}{67} + \frac{404}{404}$$

$$+[(1219+1168)/2] \times 658 + [(1168+1118)/2] \times 1575}{658} + \frac{1575}{404}$$

$$+[(1118+1067)/2] \times 1067 + [(1067+1016)/2] \times 710}{1067} + \frac{1016}{482} + \frac$$

 $= 11110 \ mm$ 

Lame ruisselée = Lr = V/S = 0,478 m ou 478 mm VII – 4 – b débit =  $Q = 79.5 \text{ m}^3/\text{s}$ ; t = 1 an = 31 536 000 secondes; Volume =  $V = Qt = 79.5 \times 31536000 = 2507,112 \times 10^6 \text{ m}^3$ 

d'où  $E_V = L_P - L_r = 1110 - 478 = 632 \text{ mm}$ VII -4 - d Lp = Lr + Ev + Infiltration; Infiltration = 0; VII -4 - c Coefficient de ruissellement = C = Lr/Lp = 478 / 1110 = 0,43

## Solution de l'exercice N° VII - 5

		- 1		
Evap (mm)	Eau ajoutée	P (mm)	Jours	
2,9	2,9	0		
12,0	5,5	6,5	2	
1,9	0,7	1,2	ယ	
2,8	2,8	0	4	
1,1	1,0	0,1	5	

 $E = Eb \times C = 20,7 \times 0,7 = 14,49 \text{ mm}$ Evaporation totale = 2,9 + 12,0 + 1,9 + 2,8 + 1,1 = 20,7 = Eb

# SOLUTIONS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 8

#### Solution de l'exercice VIII-1

VIII - 1.on porte les données sur du papier graphique tel que montré dans la figure ci-dessous.

L'équation du bilan donne :

 $0,35+0,3+0,25+0,2+0,2+0,2+0,2+0,2+0,2+0,2) \times 1h$  - [(0,5) x 1h] = 9,5 cm | Intensités

Accumulations dans les dépressions

Infiltration

Infiltration

Infiltration

Infiltration

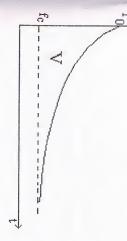
Infiltration

Infiltration

Infiltration

## Solution de l'exercice VIII - 2

VIII - 2. a L'équation de Horton est :



$$f = f_c + (f_0 - f_c)^{c-k}$$

il faut montrer que :  $k = \frac{f_0 - f_c}{V}$ 

$$F = \int_0^\infty f dt = \int_0^\infty (f_c + (f_0 - f_c) e^{-kt}) dt =$$

$$f_c t \Big|_0^\infty + \int_0^\infty (f_0 - f_c) e^{-kt} = f_0 \Delta t + (f_0 - f_c) \int_0^\infty e^{-kt} dt$$

$$= f_c \Delta t - \frac{1}{k} (f_0 - f_c) [e^{-kt}]_0^{\infty} = f_c \Delta t - \frac{1}{k} (f_0 - f_c) [0 - 1]$$

$$=-f_c\Delta t + \frac{1}{k}(f_0 - f_c)$$
; on sait que  $V = F - f_c\Delta t \ d'$  où

$$V = f_c \Delta t - f_c \Delta t + \frac{1}{k} (f_0 - f_c) :: k = \frac{f_0 - f_c}{V}$$

b - on a  $f_0 = 4.5$  cm/h;  $f_c = 0.5$  cm/h et F = 30 cm

$$V = F - f_c \Delta t = 30 - 0.5 \times 10 = 25 \text{ cm}$$
 et  $k = \frac{f_0 - f_c}{V} = \frac{4.5 - 0.5}{25} = 0.16 \ h^{-1}$ 

### Solution de l'exercice VIII - 3

VIII - 3 - Pluie totale = intensité × durée :

$$P = 10 (1/2) + 5 (1/2) + 15 (1/2) + 12,5 (1/2) = 21,25 cm$$

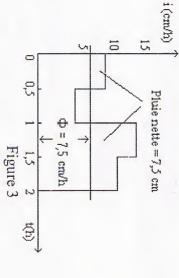
supposons  $5 < \phi < 10 \text{ cm} / \text{h}$ 

on a 
$$(10 - \phi)x 0,5 + (15 - \phi)x 0,5 + (12,5 - \phi)x 0,5 = 7,5$$
 cm d'où  $\phi = 7,5$  cm

12

Si on avait supposé  $\phi$  < 5 on aurait trouvé  $\phi$  > 5cm/h et notre hypothèse scrait fausse.

Si on avait supposé  $\phi > 10$  on aurait trouvé  $\phi < 10$ cm/h Vériffer vous-mêmes.



## SOLUTIONS DES EXERCICES DU CHAPITRE N° 9

#### Solution de l'exercice IX-1

d'étalonnage correspondante. On porte ces valeurs sur le tableau. chaque mesure en calculant d'abord le nombre de tours par seconde que fait le moulinet et ensuite la vitesse de l'eau en appliquant la formule IX - 1 - a - On commence par calculer la vitesse correspondant à

afin d'obtenir le débit spécifique de qi de chaque section Si (voir Fig. 1). et en ordonnées les débits spécifiques qi trouvés en b. abscisses les abscisses des verticales auxquelles ont été faites les mesures vitesse et en ordonnées la profondeur correspondante pour chaque section IX - 1 - c - Sur une nouvelle feuille de papier millimétré on porte en IX – 1 – b - Sur du papier millimétré on porte en abscisses les vecteurs

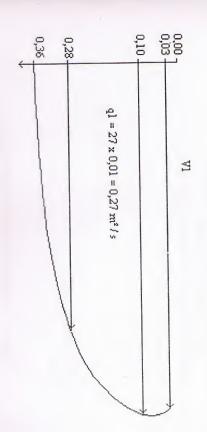
IX - 2 - La section mouillée est déterminée graphiquement (Fig. 2). On jaugeage. On trouve Q = 38,84 m3/s. La surface sous la courbe représente le débit de l'oued pendant le

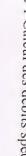
trouve  $S = 42,5 \text{ m}^2$ . IX – 3 - La vitesse moyenne de l'écoulement est:

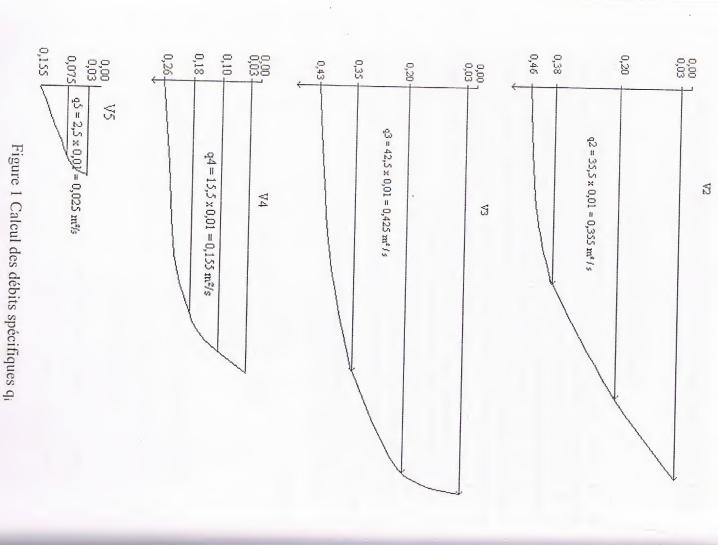
V = Q / S = 38,84 / 42,5 = 0,92 m/s.

Echelle:

0,1 m 
$$S = 0,01 \text{ m}^2/s$$







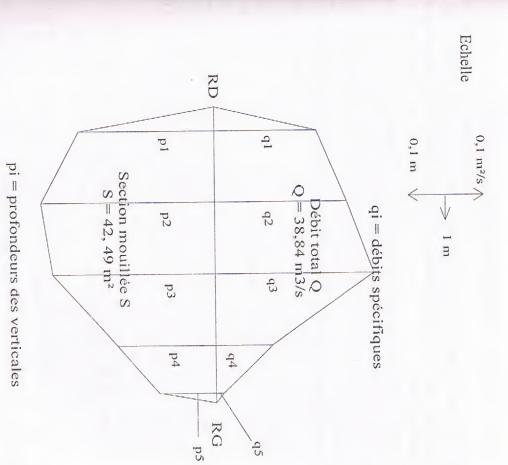


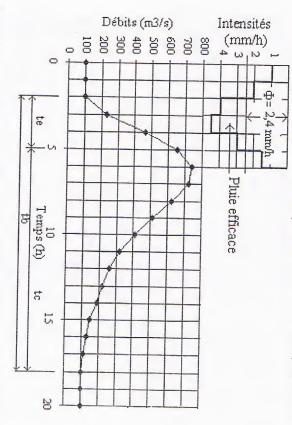
Fig 2 : Calcul du débit et de la section mouillée

IX - 2 - a - Calcul de la pluie efficace Pe: avant toute chose, il y a lieu de porter sur du papier graphique le hyétogramme et l'hydrogramme correspondant.

La pluie efficace est la pluie qui contribue à l'écoulement, c'est donc la surface de l'hyétogramme située au dessus de φ. Donc:

Pe = (4 - 2,4)mm/h x 1h + (4,5 - 2,4) mm/h x 1h + (3 - 2,4) mm/h x 1h 4,3 mm

La pluie efficace débute à 2h, finit à 5h et dure donc 3h; donc: te = 3h



IX – 2 – b – Le temps de base the est égal à la durée du ruissellement direct qu'on lit sur le graphe ou le tableau de l'hydrogramme. Le ruissellement direct commence à 2h et se termine à 18h, sa durée est donc égale à:

$$tb = 18 - 2 = 16 h$$

Comme tb = te + tc, on a donc tc = tb - te = 16 - 3 = 13h; donc une goutte de pluie met 13 h pour parcourir la distance qui sépare le point le plus éloigné du bassin versant de son exutoire.

IX – 2 – c – Dans le tableau ci-dessous nous avons calculé le ruissellement direct.

La surface du bassin versant est égale au volume du ruissellement direct divisé par la pluie efficace:

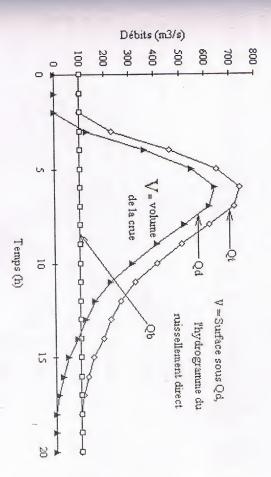
$$S = V / Pe$$

V 1 C

Le volume du ruissellement direct est égal à la surface A sous l'hydrogramme du ruissellement direct: A = V = (130 + 360 + 550 + 640 + 620 + 520 + 410 + 310 + 220 + 160 + 620 + 6

 $A = V = (130 + 360 + 550 + 640 + 620 + 520 + 410 + 310 + 220 + 120 + 90 + 50 + 30 + 10) \text{m}^3/\text{s} \times 3600 \text{s} = 15,192 \text{ Mm}^3$  $S = 15,192 \text{ Mm}^3 / 2,4 \text{ mm} = 6330 \text{ km}^2$ 

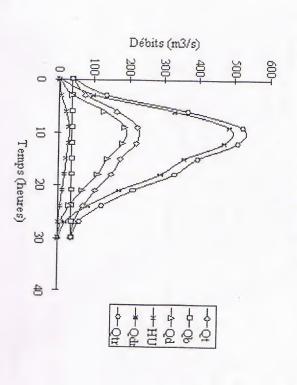
0	9	8	7	6	5	4	υ	2	-	0	( <u>f</u> )	3
410	510	620	720	740	650	460	230	100	100	100	Qt (m3/s)	(2)
100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	Qb(m3/s)	(3)
310	410	520	620	640	550	360	130	0	0	0	Qd(m3/s)	(4) = (2) - (3)
	20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	t(h)	3
	100	100	100	110	130	150	190	220	260	320	Qt (m3/s)	(2)
	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	Qb(m3/s)	(3)
	0	0	0	10	30	50	90	120	160	220	Qd(m3/s)	(4) = (2) - (3)



Les résultats sont donnés dans le tableau ci-dessous :

		1	_	_	-	-		_			_	_	_
	30		24	2 1	2 2	5 5	1 1	5 4		7 0	3		3
	37,5		/0,0 3/,3	100	100		1		325	165	3/,0	2 (2	(2)
	37,5	37,5	5/,5	5/,5	2/,3	27,0	3/,3	27,0	27,0	27,0			(3)
$\Sigma = 894,8$	0	8,2	33,1	67,5	112,5	138,5	182,5	787,5	127,5	3/,5	0	Qd	(4) = (2) - (3)
	0,0	1,3	5,1	10,5	17,5	21,5	28,3	29,1	19,8	5,8	0,0	UHU	(5) = (4) / 6,44
	0,0	21,1	85,3	174,0	290,0	357,0	470,4	483,3	328,6	96,7	0,0	Qdr	$(6) = (5) \times 16,6$
	37,5	58,6	122,8	211,5	327,5	394,5	507,9	520,8	366,1	134,2	37,5	Qtr	(7)=(6)+(3)

a - On commence par tracer sur du papier millimétré l'hydrogramme observé. Ensuite on calcule la lame ruisselée lr :



 $r = \frac{V}{S_{BV}} = \frac{\sum Q_d \times pasdetemps}{S_{BV}} = \frac{894,8m_3/s \times 3h \times 3600s}{1500 \text{km}^2 \times 106 \text{m}^2/\text{km}^2} = 6,44 \text{mm}$ 

Les ordonnées de l'HU sont obtenues en faisant le rapport entre les valeurs des débits observés pour chaque pas de temps sur la lame ruisselée. Ensuite on trace l'HU.

c- Vu que la durée de l'averse est de 4 heures, c'est-à-dire identique à celle de l'HU; pour obtenir l'hydrogramme net recherché on multiplie les ordonnées de l'HU par la lame ruisselée. L'hydrogramme recherché est obtenu en ajoutant le débit de base à l'hydrogramme net qu'on vient de trouver. Noter que dans cet exercice le débit de base est constant et la durée de l'averse égale à celle de l'HU; quand ils sont différents une autre méthode (semblable toutefois) doit être utilisée.

#### Solution de l'exercice IX – 4

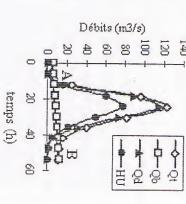
IX = 4 - a - Détermination du débit de base: on peut déterminer le débit de base: - soit graphiquement en traçant une ligne droite entre le début et la fin du ruissellement direct et en lisant les valeurs de Qb sur cette droite. - soit par l'équation de la droite AB qui est de la forme y = ax+b ou Qb = at + b. On a un système de 2 équations à 2 inconnues: 5 = 6a+b

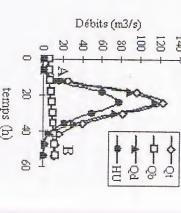
$$\begin{cases} 12 = 54a + b \end{cases}$$

ce qui donne a = 7/48 et b = 198/48 et Qb = (7/48)t + (198/48). IX -4 - b - Détermination du ruissellement direct : on retranche les débits de base du débit total (colonne 4).

IX – 4 – c – Détermination de l'HU(6ħ): on divise le ruissellement direct par la lame ruisselée (colonne 5). La lame ruisselée est égale à la précipitation totale moins les pertes: 4,7 – 3,2 = 1,5 cm. Le tableau et la figure ci-dessous illustrent ces calculs.

48	42	36	30	24	8	12	6	0	(h)	$\Xi$
13	17	41	82	123	96	25	5	Ç,	Qt	(2)
Ξ	10,3	9,4	8,5	7,6	6,8	5,9	5	5	QЬ	(3)
1,9	6,8	31,6	73,5	115,4	89,3	19,1	0	0	DQ	(4) = (2) - (3)
1.3	4,5	21,1	49,0	76,9	59.5	12,8	0	0	HU(2h)	(5) = (4) /
	11.1 1.9	17 10,3 6,8 13 11.1 1.9	41 9,4 31,6 17 10,3 6,8 13 11,1 1,9	82 8.5 73.5 41 9.4 31.6 17 10,3 6,8 13 11.1 1.9	123     7,6     115,4       82     8,5     73,5       41     9,4     31,6       17     10,3     6,8       13     11,1     1,9	96 6,8 89,3 123 7,6 115,4 82 8,5 73,5 41 9,4 31,6 17 10,3 6,8 13 11,1 1,9	25 5.9 19.1 96 6.8 89.3 123 7.6 115.4 82 8.5 73.5 41 9.4 31.6 17 10.3 6.8	5 5 0 25 5,9 19,1 96 6,8 89,3 123 7,6 115,4 82 8,5 73,5 41 9,4 31,6 17 10,3 6,8 13 11,1 1,9	5 5 0 5 5 0 25 59 19,1 96 6,8 89,3 123 7,6 115,4 82 8,5 73,5 41 9,4 31,6 17 10,3 6,8 13 11,1 1,9	Qt         Qb         Qd         I           5         5         0         I           5         5         0         I           25         5,9         19,1         I           96         6,8         89,3         II5,4           82         8,5         73,5         I           41         9,4         31,6         I           17         10,3         6,8         I           13         11,1         1,9         I





(colonne 4). IX - 5 - a - ruissellement direct = débit total (Qt) - débit de base (Qb)

IX - 5 - b - lame ruisselée =

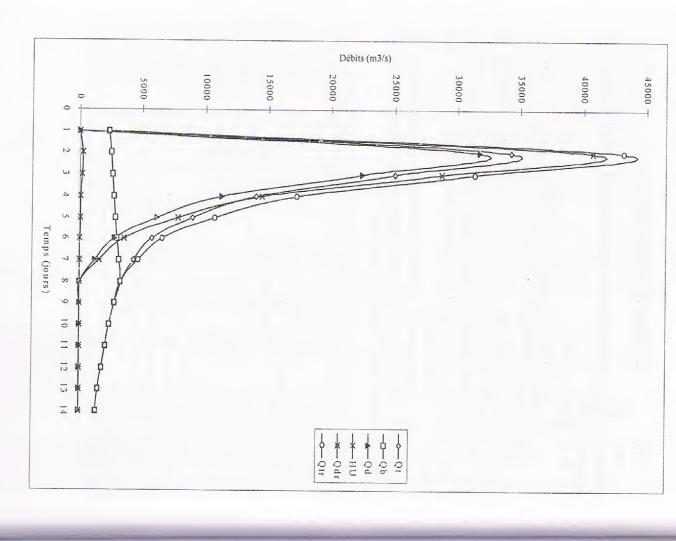
 $75491,5 \text{ m}3/\text{s} \times 1\text{j} \times 24\text{h/j} \times 3600\text{s} = 1,45 \text{cm}$  $4500 \,\mathrm{km^2} \times 10^6 \,\mathrm{m^2/km^2}$ 

l'hydrogramme du ruissellement direct par 145 cm (col.5). IX - 5 - c- l'HU(6h) est calculé en divisant les ordonnées de

6) est obtenu en multipliant les ordonnées de l'HU(6h) par la lame ruisselée (=186 cm) (col 6). IX – 5 – d - le ruissellement direct de l'hydrogramme recherché (colonne

ordonnées du débit de base (col 3) aux ordonnées du ruissellement direct IX - 5 - e- l'hydrogramme recherché est obtenu en additionnant les (col 6) .Ensuite on trace l'hydrogramme recherché.

	14	13	12	1	10	9	8	7	6	S	4	ယ	2	-	t(j)	(I)
	1320	1520	1770	2060	2390	2760	3230	4300	5740	8960	14000	25000	34200 2467,1	2340	Qt	(2)
	1320	1520	1770	2060	2390	2760	3230	3102,6	5740 2975,5	2848,4	14000 2721,3	25000 2594,2	2467,1	2340	QЬ	(3)
$\Sigma = 75491,5$	0	0	0	0	0	0	0	1197,4	2764,5	6111,6	11279	22406	31733	0	PQ	(4) = (2) - (3)
	0	0	0	0	0	0	0	8,3	19,1	42,1	77,8	154,5	218,8	0	HU	(5) = (4)/1,45
	0	0	0	0	0	0	0	1536	3546,2	7839,7	14468	28741	40706	0	Qd	$(6) = (5) \times 186$
	1320	1520	1770	2060	2390	2760	3230	4638,6	6521,7	10688	17189	31335	43173	2340	Qt	(7) = (6) + (3)



On établit le tableau suivant qui sera complété au fur et à mesure que l'on avance dans les calculs :

05:30	04:30	04:00	03:30	03:00	02:30	02:00	01:30	01:00	00:30	24:00	23:30	23:00	22:30	22:00	21:30	21:00	20:30	Temps	_
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2,3	5,1	52,8	55,9	33,8	6,6	3,8	0	P (mm)	2
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4,6	10,2	105,6	1111,8	67,6	13,2	7,6	0	I(mm/h)	ယ
7	8,6	10,1	11,2	20,2	34,8	51	63,6	122,4	233,2	312,2	270	161,3	65,8	23,5	8	7	5,8	Qt(m³/s)	4
~	∞	00	8	8	000	~	∞	000	8	8	8	8	8	00	∞	000	000	Qb	S
0	0,6	2,1	3,2	12,2	26,8	43	55,6	114,4	225,2	304,2	262	153,3	57,8	15,5	0	0	0	Qd	6
										0	0	47,025	50,125	28,025	0,825	0	0	Pe (mm)	1

Les pluies moyennes sur le bassin versant ont été obtenues à partir de deux pluviographes situés sur le basin versant et pour lesquels on a calculé la pluie moyenne par la méthode de Thiessen. Les hauteurs de pluies données sur la colonne 2 sont les pluies tombées pendant des intervalles de temps  $\Delta t = \frac{1}{2}$  heure, c'est à dire pendant chaque demi heure.

Les intensités horaires sont données dans la colonne 3.

La colonne 4 indique les débits totaux Qt.

La colonne 5 montre le débit de base Qb, qui est égal à 8 m<sup>3</sup>/s.

La colonne 6 donne le ruissellement direct Qd, qui est égal au débit total diminué du débit de base. Le ruissellement direct commence à 21h 30 min. Qt, Qb et Qd sont représentés dans la figure ci-dessous.

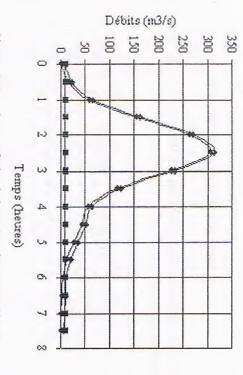


Figure IX – 6 - 1 : Calcul du ruissellement direct

On calcule ensuite le volume du ruissellement direct Vd et la lame ruisselée Lr.

$$Vd = \sum_{i}^{\infty} Qd \times \Delta t = (15,5+57,8+153,3+252+304,2+225,2+114,4+55,6+43 +26,8+12,2+3,2+2,1+0,6) \times 0,5h = 1275,9 \text{ m}^3/\text{s} \times 0,5h \times 3600 \text{ s}/\text{h} = 2,30 \text{ Mm}^3$$

 $Lr = \frac{Vd}{S_{BV}} = \frac{2.300 \text{ pounts}}{18.2 \text{ km}^2 \times 106 \text{ m}^2/\text{km}^2} = 0,126 \text{ m} = 126 \text{ mm}$ Maintenant on calcule l'indice  $\Phi$  par essais successifs :

On tente  $11,2 \text{ mm/h} < \Phi < 13,2 \text{ mm/h}$ 

 $(13.2 - \Phi) \times 0.5h + (67.6 - \Phi) \times 0.5h + (111.8 - \Phi) \times 0.5h + (105.6 - \Phi) \times 0.5h$ = 126 mm

 $\rightarrow 149,1 - 20 = 126 \rightarrow \Phi = (149,1 - 126)/2 = 11,55 \text{ mm/h}.$ 

 $\Phi$  se trouve dans l'intervalle (11,2 mm/h -13,2 mm/h) donc OK. La première tentative a été la bonne. Sinon on aurait choisi un autre intervalle pour voir si  $\Phi$  s'y trouverait.

On trace le hyétogramme de la pluie efficace : on porte la ligne horizontale  $\Phi = 11,55$  mm/h sur la figure et on calcule les différentes pluies efficaces sur le tableau colonne 7. La surface hachurée sur l'hyétogramme représente la pluie efficace.

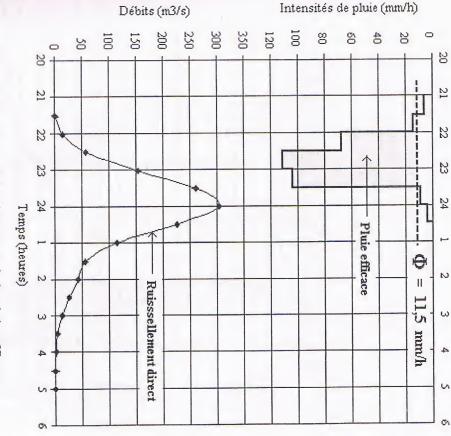


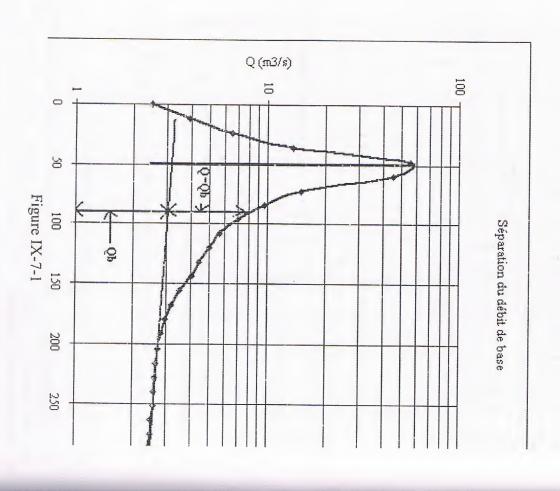
Figure IX -6-2: Calcul de  $\Phi$  et de la pluie efficace

#### Solution de l'exercice IX-7

a) 1- Le débit de base: En l'absence de pluie, le débit d'un cours d'eau provient essentiellement de la vidange des nappes. Cette vidange se fait d'une manière exponentielle et la courbe temps-débit a la forme d'une droite sur du papier semi-log. Sur la figure IX-7-1 on a tracé sur l'hydrogramme sur du papier semi-log. On voit qu'à partir de la 192ième heure (le 11/7 à 0 heure) la courbe des débits suit une droite, on prolonge cette droite vers la gauche pour obtenir les débits de base Qb jusqu'à l'intersection avec la verticale qui passe par la pointe de l'hydrogramme.

94

.



jusqu'à l'intersection avec la verticale qui passe par la pointe de l'hydrogramme.

a) 2- Le débit hypodermique: A la fin de l'averse, le ruissellement diminue et la lame d'eau qui ruisselait diminue d'épaisseur. Ce ruissellement est appelé ruissellement hypodermique Qh ou ruissellement retardé. Qh suit une courbe exponentielle décroissante qui se traduit par une droite sur du papier semi-log.

Donc pour trouver l'écoulement hypodermique, on porte (Figure IX-7-2) sur du papier semi-log la grandeur (Qt - Qb) en fonction du temps. Les (Qt - Qb) sont lus sur la figure IX-7-1, on a :

									-				
11/7	10/7	10/7	9/7	9/7	8/7	8/7	7/7	7/7	6/7	6/7	5/7	5/7	jour
0	12	0	12	0	12	0	12	0	12	0	12	2h25	heure
2,8	2,95	3,2	3,5	4,05	4,4	5	5,65	7	9,7	15	45,5	60	Qt
2,8	2,85	2,9	2,9	2,99	3,02	3,1	3,15	3,2	3,25	3,3	3,4	3,4	Qb
0	0,1	0,3	0,6	1,06	3,8	1,9	2,5	3,8	6,45	11,7	42,1	56,6	Q-Qb

Tableau IX-7-1

On voit sur la figure IX-7-2 que du 7/7 à 0 heure au 9/7 à 0 heure la courbe suit une droite qu'on prolonge à gauche jusqu'à son intersection avec la verticale qui passe par le pic.

On lit sur la figure les Qh et les QR suivants (voir tableau IX-

7-2).

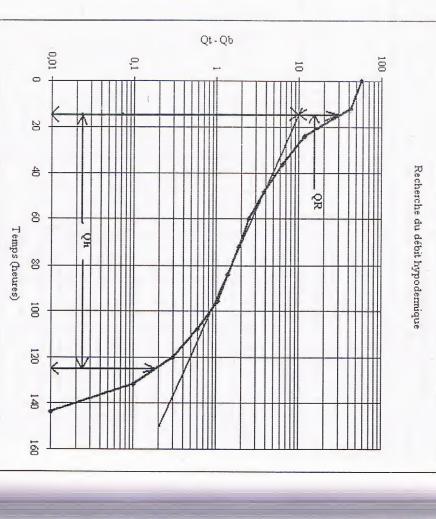


Figure IX-7-2

9/7	9/7	8/7	8/7	7/7	7/7	6/7	6/7	5/7	5/7	date
12	0	12	0	12	0	12	0	12	2h25	heure
0;6	1,06	1,38	1,9	2,5	3,8	5,2	7,2	10	12,5	Qh
0	0	0	0	0	0	1,25	4,5	32,1	44,1	. QR

Ī			
	11/7	10/7	10/7
	0	12	0
	0	0,1	0,3
	0	0	0

Tableau IX-7-2

Maintenant que nous avons déterminé les différentes composantes de l'hydrogramme total, nous établissons le tableau IX-7-3 suivant . A noter que les valeurs à gauche du débit de pointe ont été extrapolées.

		Ħ	-																									
312	300	288	276	264	252	240	228	216	204	192	180	168	156	144	132	120	108	96	84	72	60	50:25	48	36	24	12	0	Temps
2,35	2,4	2,4	2,5	2,5	2,5	2,6	2,62	2,65	2,7	2,8	2,95	3,2	3,5	4,05	4,4	5	5,65	7	9,7	15	45,5	60	55,5	13,5	6,5	3,9	2,5	Qt
2,35	2,4	2,4	2,5	2,5	2,5	2,6	2,62	2,65	2,7	2,8	2,85	2,9	2,9	2,99	3,02	3,1	3,15	3,2	3,25	3,3	3,4	3,4	3,4	ယ	2,6	2,5	2,5	Qb
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,1	0,3	0,6	1,06	1,38	1,9	2,5	3,8	5,2	7,2	10	12,5	12	7	2,7	0,5	0	Qh
2,35	2,4	2,4	2,5	2,5	2,5	2,6	2,62	2,65	2,7	2,8	2,95	3,2	3,5	4,05	4,4	Uı	5,65	7	8,45	10,5	13,4	15,9	15,4	10	5,3	w	2,5	Qb + Qh
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1,25	4,5	32,1	44,1	40,1	3,5	1,2	0,9	0	QR

336	324
2,35	2,35
2,35	2,35
0	0
2,35	2,35
0	0

Tableau IX-7-3

Ensuite nous portons les valeurs du tableau ci-dessus sur du papier millimétré (figure IX-7-3).

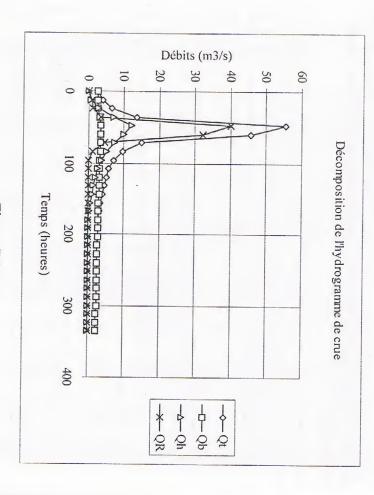


Figure IX-7-3

b) <u>Détermination de l'hydrogramme unitaire</u>: On établit le tableau IX-7-4 suivant:

	_	T		_	_		_
60	50:25	48	36	24	12	0	Temps
45,5	60	55,5	13,5	6,5	3,9	2,5	Qt
3,4	3,4	3,4	ယ	2,6	2,5	2,5	Qb
10	12,5	12	7	2,7	0,5	0	Qh
32,1	44,1	40,1	3,5	1,2	0,9	0	QR
12,84	17,64	16,04	1,4	0,48	0,36	0	HU
92,4	127	115,5	10,1	3,5	2,6	0,0	PÒ
105,8	142,9	130,9	20,1	8,8	5,6	2,5	Qtr

336	324	312	300	288	276	264	252	240	228	216	204	192	180	168	156	144	132	120	108	96	84	72
2,35	2,35	2,35	2,4	2,4	2,5	2,5	2,5	2,6	2,62	2,65	2,7	2,8	2,95	3,2	3,5	4,05	4,4	5	5,65	7	9,7	15
2,35	2,35	2,35	2,4	2,4	2,5	2,5	2,5	2,6	2,62	2,65	2,7	2,8	2,85	2,9	2,9	2,99	3,02	3,1	3,15	3,2	3,25	3,3
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,1	0,3	0,6	1,06	1,38	1,9	2,5	3,8	5,2	7,2
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1,25	4,5
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,5	1,8
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3,6	13,0
2,4	2,4	2,4	2,4	2,4	2,5	2,5	2,5	2,6	2,6	2,7	2,7	2,8	3,0	3,2	3,5	4,1	4,4	5,0	5,7	7,0	12,1	23,5

Tableau IX-7-4

On porte dans les colonnes 1, 2, 3, 4,5 et 6 les données et les résultats trouvés précédemment.

Colonne 7: les ordonnées de l'HU sont trouvées en divisant le ruissellement direct Qr par la lame ruisselée :

$$Lr = \frac{V}{S} = \frac{Q \times t}{S} = \frac{Q \cdot r \times t}{S} = \frac{Qr \times t}{S}$$

 $\frac{(0,9\times12+1,2\times12+3,5\times12+40,1\times2,42+44,1\times9,58+32,1\times12+4,5+1,25\times12)\times3600}{1500\times10^{6}}$ 

$$= \frac{1040,92 \times 3600}{1500 \times 10^6} = 0,0025 \text{ m} = 2,5 \text{ mm}$$

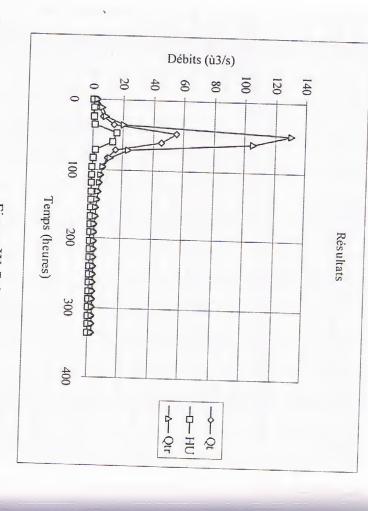


Figure IX-7-4

Colonne 8 : Le ruissellement direct recherché est obtenu en multipliant les ordonnées de l'HU par la lame ruisselée qui est 7,2 cm (donnée).

Colonne 9: Le débit total recherché est égal à la somme du ruissellement direct trouvé en colonne 7, du débit de base et du débit hypodermique. Ces deux derniers sont supposés invariants. On porte ces résultats sur la figure IX-7-4

#### Solution de l'exercice IX-8

## a - Détermination du débit de base :

- soit graphiquement, méthode imprécise.
- soit par l'équation de la droite AB qui y = ax + b ou Qb = at + b. On a un système de deux équations :

$$2,12 = 6a + b$$

$$3,82 = 72a + b$$

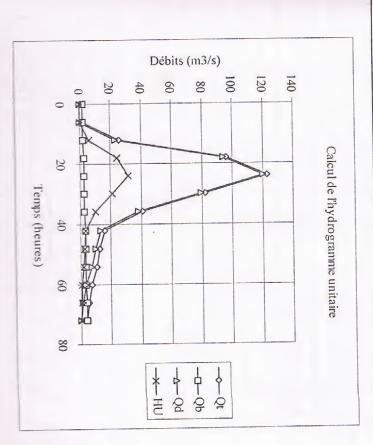
$$a = 0.026$$
,  $b = 1.97$  et  $Qb = 0.026t + 1.97$ 

b - Détermination du ruissellement direct : on retranche les débits de base des débits totaux (colonne 4)

c - Détermination de l'hydrogramme unitaire: on divise le ruissellement direct par la lame ruisselée (colonne 5). La lame ruisselée est égale à la précipitation totale moins les pertes : 4,83 cm - 1,02 cm = 3,81 cm

Le graphe de l'hydrogramme unitaire est tracé dans la figure ci-dessous.

72	66	60	54	48	42	36	30	24	18	12	6	0	Temps (h)
3,82	5,1	7,08	10,62	12,76	16,09	41,06	82,19	123,18	96,28	25,49	2,12	2,07	Qt
3,82	3,69	3,53	3,37	3,22	3,06	2,91	2,75	2,59	2,44	2,28	2,12	2,07	Qb
0,00	1,41	3,55	7,25	9,54	13,03	38,15	79,44	120,59	93,84	23,21	0,00	0,00	Qd
0,00	0,37	0,93	1,90	2,50	3,42	10,01	20,85	31,65	24,63	6,09	0,00	0,00	HU



Calcul de l'HU(4h)

a- Méthode de superposition: Si deux HU d'une durée de l'averse égale à tr(h), dont l'un d'eux est décalé de tr(h) par rapport à l'autre, sont additionnés, on obtiendrait un hydrogramme caractéristiques de deux unités de pluie efficace d'une durée de 2tr(h). Si l'on divise les ordonnées ainsi obtenues par 2 on obtiendrait un HU de 2tr(h) (voir figure ci-dessous)

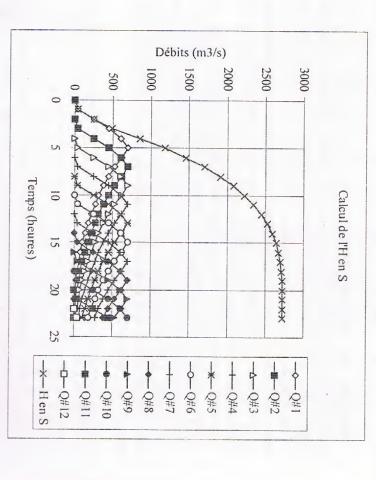
			-	Г		Γ										Ī								
23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	10	9	∞	7	6	S	4	دى	2	1	0	t(h)
		0	10	20	40	60	80	011	140	180	220	270	320	380	450	520	610	700	600	440	250	40	0	Q#1
0	10	20	40	60	80	011	140	180	220	270	320	380	450	520	610	700	600	440	250	40	0			Q#2
0	10	20	50	80	120	170	220	290	360	450	540	650	770	900	1060	1220	1210	1140	850	480	250	40	0	Q#1 + Q#2
0	5	10	25	40	60	85	011	145	180	225	270	325	385	450	530	610	605	570	425	240	125	20	0	HU(4h)

D é.. Temps(heure) → Q#1 \* HU(4h) 1 Q#1 + Q#2 Q#2

b- Méthode de l'hydrogramme en S: La courbe en S est l'hydrogramme total généré par une série de pluies continues d'intensité uniforme de l cm en t<sub>1</sub>(h) sur le bassin. Le débit à l'exutoire devient constant et égal à Qe après un temps tc (temps de concentration) quand toutes les parties du bassin contribuent à l'écoulement. La différence entre 2 courbes en S décalées l'une par rapport à l'autre dans le temps de t<sub>1</sub>(h) donne le ruissellement d'un HU de t<sub>1</sub>(h).

Si l'on veut obtenir l'HU de durée t<sub>2</sub>(h) on porte la courbe en S décalée de t<sub>2</sub>(h) le long de l'axe des temps. La différence des ordonnées des deux courbes en S donne le ruissellement d'une pluie de t<sub>2</sub>(h) à une intensité de (1/t<sub>1</sub>)cm/h. Les ordonnées de cette différence doivent être multipliées par t<sub>1</sub>/t<sub>2</sub> de telle sorte que l'intensité de pluie devienne (1/t<sub>2</sub>)cm/h qui est l'intensité de l'HU de durée t<sub>2</sub>(h).

5	4	ယ	2	1	0	t(h)
700	600	440	250	40	0	Q#1
440	250	40	0			Q#2
40	0					Q#3
						Q#4
						Q#5
						Q#6 Q#7 Q#8
						Q#7
						Q#8
						8 Q#9 0
						Q#10
						Q#10 Q#11
1180	850	480	250	40	0	Q#12 H en S



23	22	21	20	19	8	17	16	15	14	13	12	=	10	9	8	7	0
0	0	0	10	20	40	60	80	110	140	180	220	270	320	380	450	520	010
0	10	20	40	60	80	110	140	180	220	270 380	320 450	380	450	520	610	700	000
20	40	60	80	110	140	180	220	270	220 320			520	610	700	600	440	250
60	80	110	140	180	220	270	320	380	450	520	610	700	600	440	250	40	C
110	140	180	220	270	320	380	450	520	610	700	600	440	250	40	0		
180	220	270	320	380 520	450 610	520 700	610	700	600 250	440	250	40	0				
270	320	380	450	520	610	700	600	440	250	40	0						
380	450	520	610	700	600	440	250	40	0								
520	610	700	600	440	250	40	0										
700	600	440	250	40	0												
440	250	40	0							-							
40	0																
2720	2720	2720	2720	2720	2710	2700	2670	2640	2590	2530	2450	2350	2230	2080	1910	1700	1460

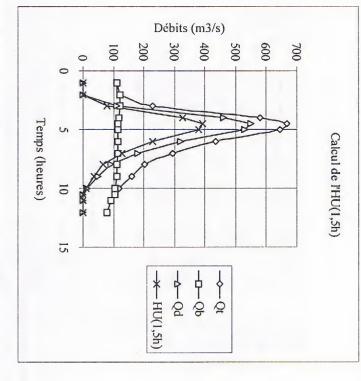
		,		oits			<u>ာ့</u> ယ	
	0	0	5		00		3000	
	5	A COL	X X X X	AAA	M			
Temps (	10	**	XXXXXX	XD_	100	1		Calcu
Temps (heures)	15	**************************************				70		Calcul de l'HU(4h)
	20	<b>分班泰安米</b>						4h)
	25	N. N.					8	
			→ HU(4h)	—△— Diff	→ HS dec	+ =		
			IU(4h)	Hi	IS dec	Hen S		

24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	10	9	8	7	6	υ <sub>ι</sub>	4	w	2	-	0	t(h)
2720	2720	2720	2720	2720	2720	2710	2700	2670	2640	2590	2530	2450	2350	2230	2080	1910	1700	1460	1180	850	480	250	40	0	H en S
2720	2720	2710	2700	2670	2640	2590	2530	2450	2350	2230	2080	1910	1700	1460	1180	850	480	250	40	0					HS dec
0	0	10	20	50	80	120	170	220	290	360	450	540	650	770	900	1060	1220	1210	1140	850	480	250	40	0	Diff
0	0	O.	01	25	40	60	85	110	145	180	225	270	325	385	450	530	610	605	570	425	240	125	20	0	HU(4h) = diff x (2h/4h)

Pour obtenir les débits générés par les pluies de 0,7 cm; 1,7cm et 1,2 cm de durée 1 heure chacune, il faut d'abord obtenir l'hydrogramme unitaire de l'heure (HU(1h)). L'HU(1h) est obtenu à partir de l'HU(1,5h) en appliquant la méthode de la courbe en S. L'HU(1,5h) est obtenu à partir des données du problème.

a- Calcul de l'HU(1,5h): Le tableau suivant indique les détails de calcul.

0	80	80	12
0	90	90	11
0	105	105	10,5
12	105	117	10
50	110	160	9
90	112	202	∞
180	113	293	7
320	114	434	6
53	115	645	5
55	116	666	4,5
460	118	578	4
110	120	230	ယ
0	122	122	2
0	110	110	_
PÒ	Qь	Qt	t(h)
4=2-3	J	7	-

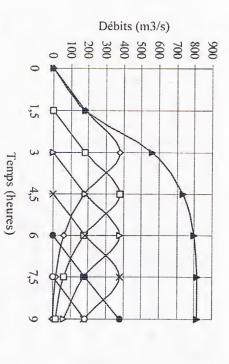


b- Courbe en S: Pour obtenir la courbe en S, il y a lieu de décaler les HU(1,5h) obtenus en a de 1,5 heures. Pour cela les valeurs manquantes sont tirées du graphique précédent. On obtient:

0	18	64,3	175	378,6	180	0	HU(1,5h)
9	7,5	6	4,5	3	1,5	0	T(h)
			H OOHEHL	Suciat.	due brece	n grapun	sour mees an grapingue precedent. On obusin.

Le tableau ci-dessous indique les calculs de l'H en S

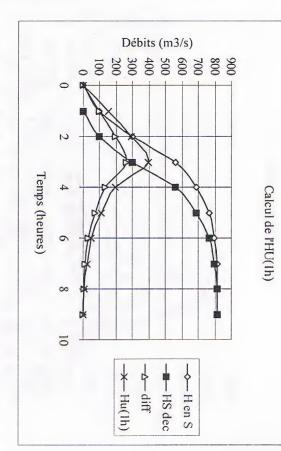
9	7,5	6	4,5	ω	1,5	0	t(h)
0	18	64,3	175	378,6	180	0	Q#1
18	64,3	175	378,6	180	0		Q#2
64,3	175	378,6	180	0			Q#3
175	378,6	180	0				Q#4
378,6	180	0					Q#5
180	0						Q#6
815,9	815,9	797,9	733,6	558,6	180	0	H en S





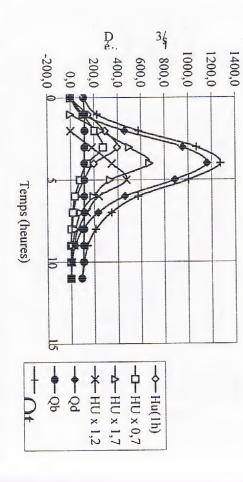
c- Calcul de l'HU(1h): Pour pouvoir tirer l'HU(1h) à partir de la courbe en S, celle-ci doit être décalée de 1 heure. Pour cela on utilise le tableau ci-dessous.

9	8	7	6	5	4	ω	2	1	0	t(h)	_
815,9	815,9	812	797,5	765	690	558,6	295	100	0	H en S	2
815,9	812	797,5	765	690	558,6	295	100	0		HS dec	w
0	3,9	14,5	32,5	75	131,4	263,6	195	100	0	diff	4=2-3
0.0	5,8	21,8	48,8	112,5	197,1	395,4	292,5	150,0	0,0	Hu(1h)	$5 = 4 \times (1,5h/1h)$



d- Calcul du débit de pointe : Ayant obtenu l'HU(1h), on multiplie ses ordonnées successivement par les pluies efficaces pour obtenir les différents hydrogrammes en faisant bien attention au temps de départ de chacun d'entre eux. L'hydrogramme résultant est égal à la somme des 3 hydrogrammes et du débit de base.

11	10	9	∞	7	6	5	4	ω	2	1	0	t(h)
0	0	0,0	5,8	21,8	48,8	112,5	197,1	395,4	292,5	150,0	0,0	HU (1h)
0,0	0,0	0,0	4,1	15,2	34,1	78,8	138,0	276,8	204,8	105,0	0,0	HU x 0,7
0	0,0	9,9	37,0	82,9	191,3	335,1	672,2	497,3	255,0	0,0		HU x 1,7
0,0	7,0	26,1	58,5	135,0	236,5	474,5	351,0	180,0	0,0			HU x 1,2
0,0	7,0	36,0	99,6	233,1	461,9	888,3	1161,2	954,0	459,8	105,0	0,0	Qd
90	105	105	110	112	113	114	115	118	120	122 ·	110	Qb
90,0	112,0	141,0	209,6	345,1	574,9	1002,3	1276,2	1072,0	579,8	227,0	110,0	Qt



## ANNEXES

142

1	
8	
ы	
0	- >
+ 8	

.46414	0.49601 0.49202 0.48803 0.48405 0.48006 0.47608 0.4721 0.46812 0.46414	0.4721 C	0.47608	0.48006	0.48405	0.48803	).49202	0.49601	0.5	0.0
.42465	0.45224 0.44828 0.44433 0.44038 0.43644 0.43251 0.42858 0.42465	).43251 c	0.43644	0.44038	0.44433	).44828	).45224		0.46017 0.4562	-0.1
.38591	0.42074   0.41683   0.41294   0.40905   0.40517   0.40129   0.39743   0.39358   0.38974   0.3859	).393580	0.39743	0.40129	0.40517	).40905	0.41294	0.41683	0.42074	-0.2
.34827	0.36693 0.36317 0.35942 0.35569 0.35197 0.3482	0.355690	0.35942	0.36317	0.36693	0.3707	).37448	8209 0.37828 0.37448	0.38209	-0.3
.31207	0.33724 0.3336 0.32997 0.32636 0.32276 0.31918 0.31561 0.31207	0.31918(	0.32276	0.32636	0.32997	0.3336	0.33724	0.3409	-0.4 0.34458	-0.4
0.2776	).28096 (	0.29116 0.28774 0.28434 0.28096	0.28774	0.29116	0.2946	0.29806	0.30854 0.30503 0.30153 0.29806 0.2946	0.30503	0.30854	-0.5
0.2451	0.27093 0.26763 0.26435 0.26109 0.25785 0.25463 0.25143 0.24825 0.2451	0.25143	0.25463	0.25785	0.26109	0.26435	0.26763	0.27093	27425	-0.60.
0.21476		-0.70.241960.238850.23576 0.2327 0.229650.226630.223630.22065 0.2177	0.22363	0.22663	0.22965	0.2327	0.23576	0.23885	0.24196	-0.7
0.18673	0.18943	0.21186 0.20897 0.20611 0.20327 0.20045 0.19766 0.19489 0.19215 0.18943	0.19489	0.19766	0.20045	0.20327	0.20611	0.20897	0.21186	-0.8
).16109	.18406 0.18141 0.17879 0.17619 0.17361 0.17106 0.16853 0.16602 0.16354 0.16109	0.16602	0.16853	0.17106	0.17361	0.17619	0.17879	0.18141	0.18406	-0.9
13786	0.15866 0.15625 0.15386 0.15151 0.14917 0.14686 0.14457 0.14231 0.14007 0.13786	0.14231	0.14457	0.14686	0.14917	0.15151	0.15386	0.15625	0.15866	1
0.11702	0.119 0	0.121	0.12302	-1.1 0.13567 0.1335 0.13136 0.12924 0.12714 0.12507 0.12302	0.12714	0.12924	0.13136	0.1335	0.13567	-1.1
).09853	0.11314 0.11123 0.10935 0.10749 0.10565 0.10383 0.10204 0.10027 0.09853	0.10204	0.10383	0.10565	0.10749	0.10935	0.11123	0.11314	0.11507	-1.2
).08226	$0.0951 \   0.09342 \   0.09176 \   0.09012 \   0.08851 \   0.08692 \   0.08534 \   0.08379 \   0.08226 \   0.08534 \   0.08379 \   0.08226 \   0.08692 \   0.08$	0.08534	0.08692	0.08851	0.09012	0.09176	0.09342	0.0951	0.0968	-1.3
).06811	0.07636 0.07493 0.07353 0.07215 0.07078 0.06944 0.06811	0.07078	0.07215	0.07353	0.07493	0.07636	0.0778	-1.4 0.08076 0.07927 0.0778	0.08076	-1.4
).05592	$0.06681 \\ 0.06552 \\ 0.06426 \\ 0.06301 \\ 0.06178 \\ 0.06057 \\ 0.05938 \\ 0.05821 \\ 0.05705 \\ 0.05592 \\ 0.05592 \\ 0.06057 \\ 0.06$	0.05821	0.05938	0.06057	0.06178	0.06301	0.06426	0.06552	0.06681	-1.5
).04551	0.0505 0.04947 0.04846 0.04746 0.04648 0.04551	0.04746	0.04846	0.04947	0.0505		0.05262 0.05155	0.0537	0.0548	-1.6
0.03673	0.03836 0.03754 0.03673	0.03836	0.0392	-1.7   0.04457   0.04363   0.04272   0.04182   0.04093   0.04006   0.0392	0.04093	0.04182	0.04272	0.04363	0.04457	-1.7
0.02938	0.03593 0.03515 0.03438 0.03362 0.03288 0.03216 0.03144 0.03074 0.03005 0.02938	0.03074	0.03144	0.03216	0.03288	0.03362	0.03438	0.03515	0.03593	-1.8
0.0233	0.02385	0.02442 0.02385	0.025	0.0268 0.02619 0.02559	0.02619	0.0268	-1.90.028720.028070.02743	0.02807	0.02872	-1.9
0.01831	0.01876	00	0.0197	0.02018	0.02068	0.02118	0.02169	0.02222	0.02275	-2
0.01426	0.01463		0.01659 0.01618 0.01578 0.01539 0.015	0.01578	0.01618	0.01659	0.017	-2.10.017860.01743 0.017	0.01786	-2.1
0.01101	0.0113 0.01101	0.0116	0.01355 0.01321 0.01287 0.01255 0.01222 0.01191 0.0116	0.01222	0.01255	0.01287	0.01321	0.01355	0.0139	-2.2
0.00842	0.01072 0.01044 0.01017 0.0099 0.00964 0.00939 0.00914 0.00889 0.00866 0.00842	0.00889	0.00914	0.00939	0.00964	0.0099	0.01017	0.01044	0.01072	-2.3
0.00639	0.00798 0.00776 0.00755 0.00734 0.00714 0.00695 0.00676 0.00657 0.00639	0.00676	0.00695	0.00714	0.00734	0.00755	0.00776	0.00798	0.0082	-2.4
0.0048	0.006210.006040.00587 0.0057 0.005540.005390.005230.005080.00494 0.0048	0.00508	0.00523	0.00539	0.00554	0.0057	0.00587	0.00604	0.00621	-2.5
0.00357	-2.6 0.00466 0.00453 0.0044 0.00427 0.00415 0.00402 0.00391 0.00379 0.00368 0.00357	0.00379	0.00391	0.00402	0.00415	0.00427	0.0044	0.00453	0.00466	-2.6
0.00264	0.00272 0.00264	0.0028	$-2.7 \\ 0.00347 \\ 0.00336 \\ 0.00326 \\ 0.00317 \\ 0.00307 \\ 0.00298 \\ 0.00289 \\ 0.00289$	0.00298	0.00307	0.00317	0.00326	0.00336	0.00347	-2.7
0.00193	0.0024 0.00233 0.00226 0.00219 0.00212 0.00205 0.00199 0.00193	0.00205	0.00212	0.00219	0.00226	0.00233	0.0024	0.002560.00248	0.00256	-2.8
0.00139	-2.9 0.00187 0.00181 0.00175 0.00169 0.00164 0.00159 0.00154 0.00149 0.00144 0.00139	0.00149	0.00154	0.00159	0.00164	0.00169	0.00175	0.00181	0.00187	-2.9
4.8E-05	7.2E-05	0.00135 0.00097 0.00069 0.00048 0.00034 0.00023 0.00016 0.00011 7.2E-05	0.00016	0.00023	0.00034	0.00048	0.00069	0.00097	0.00135	دی
9	8	7	6	5	4	w	2	_	0	Z

#### NORMALE (FND)

Cette table donne la valeur de la FND pour un  $-3.9 \le z \le +3.9$ . Les entrées en face de +3 et de -3 sont pour 3.0, 3.1, 3.2, etc., et-3.0, -3.1, -3.2, etc., respectivement.

-			2000	0000	00001		0000		0001	)
0.998	0.99856	0.99851	0.99846	0.99841	0.99819 0.99825 0.99831 0.99836 0.99841 0.99846 0.99851 0.99856 0.99861	0.99831	0.99825	0.99819	0.99813	2.9
866.0	0.99801	0.99795	0.99788	0.99781	0.997670.997740.997810.997880.997950.998010.99807	0.99767		2.80.997440.99752 0.9976	0.99744	2.8
0.997	0.99728	0.9972	0.99711	0.99702	2.7 0.99653 0.99664 0.99674 0.99683 0.99693 0.99702 0.99711  0.9972  0.99728 0.99736	0.99683	0.99674	0.99664	0.99653	2.7
0.996	0.99632	0.99621	0.99609	0.99598	2.6 0.99534 0.99547  0.9956  0.99573 0.99585 0.99598 0.99609 0.99621 0.99632 0.99643	0.99573	0.9956	0.99547	0.99534	2.6
0.995	0.99506	0.99492	0.99477	0.99461	0.99379 0.99396 0.99413  0.9943  0.99446 0.99461 0.99477 0.99492 0.99506  0.9952	0.9943	0.99413	0.99396	0.99379	2.5
0.993	0.99343	0.99324	0.99305	0.99286	0.9918   0.99202   0.99224   0.99245   0.99266   0.99286   0.99305   0.99324   0.99343   0.99361	0.99245	0.99224	0.99202	0.9918	2.4
0.991	0.99134	0.99111	0.99086	0.99061	2.3 0.98928 0.98956 0.98983  0.9901  0.99036 0.99061 0.99086 0.99111 0.99134 0.99158	0.9901	0.98983	0.98956	0.98928	2.3
0.988	0.9887 0.98899		0.98809	0.98778	2.2 0.9861 0.98645 0.98679 0.98713 0.98745 0.98778 0.98809 0.9884	0.98713	0.98679	0.98645	0.9861	2.2
0.985	0.98537 0.98574	0.985	0.98461	0.98422	0.98341 0.98382 0.98422 0.98461	0.98341	0.983	0.98257	0.98214 0.98257	2.1
0.981	0.98077 0.98124 0.98169	0.98077	0.9803	0.97982	2.0 0.97725 0.97778 0.97831 0.97882 0.97932 0.97982	0.97882	0.97831	0.97778	0.97725	2.0
0.976	0.97558 0.97615  0.9767	0.97558		0.97441	1.9 0.97128 0.97193 0.97257  0.9732  0.97381 0.97441  0.975	0.9732	0.97257	0.97193	0.97128	1.9
0.970	0.96995	0.96926	0.96856	0.96784	1.80.964070.964850.965620.966380.967120.967840.968560.969260.969950.97062	0.96638	0.96562	0.96485	0.96407	1.8
0.963	0.96164 0.96246 0.96327	0.96164	0.9608	0.95994	0.95728 0.95818 0.95907 0.95994 0.9608	0.95818	0.95728	0.95637	0.95543 0.95637	1.7
0.954	0.95352	0.95254	0.95154	0.95053	0.9463   0.94738   0.94845   0.9495   0.95053   0.95154   0.95254   0.95352   0.95449	0.94845	0.94738	0.9463	0.9452	1.6
0.944	0.94295	0.94179	0.94062	0.93943	1.50.933190.934480.935740.936990.938220.939430.940620.941790.942950.94408	0.93699	0.93574	0.93448	0.93319	1.5
0.931	0.93056	0.92922	0.92785	0.92647	1.40.91924 0.92073  0.9222  0.92364 0.92507 0.92647 0.92785 0.92922 0.93056 0.93189	0.92364	0.9222	0.92073	0.91924	1.4
0.917	0.91621	0.91466	0.91308	0.91149	0.9049 0.90658 0.90824 0.90988 0.91149 0.91308 0.91466 0.91621 0.91774	0.90824	0.90658	0.9049	0.9032	1.3
0.901	0.89973	0.89796	0.89617	0.89435	0.88493 0.88686 0.88877 0.89065 0.89251 0.89435 0.89617 0.89796 0.89973 0.90147	0.89065	0.88877	0.88686	0.88493	1.2
0.88298	0.881	0.879	0.87698	0.87493	1.1 0.86433 0.8665 0.86864 0.87076 0.87286 0.87493 0.87698	0.87076	0.86864	0.8665	0.86433	=
0.862	0.85993	0.85769	0.85543	0.85314	1.0   0.84134   0.84375   0.84614   0.84849   0.85083   0.85314   0.85543   0.85769   0.85993   0.86214   0.84849   0.84849   0.85083   0.85314   0.85543   0.85769   0.85993   0.86214   0.86614	0.84849	0.84614	0.84375	0.84134	1.0
0.838	0.83646	0.83398	0.83147	0.82894	0.9 0.81594 0.81859 0.82121 0.82381 0.82639 0.82894 0.83147 0.83398 0.83646 0.83891	0.82381	0.82121	0.81859	0.81594	0.9
0.81327	0.81057	0.80785	0.80511	0.80234	0.78814 0.79103 0.79389 0.79673 0.79955 0.80234 0.80511 0.80785 0.81057 0	0.79673	0.79389	0.79103	0.78814	0.8
0.785	0.7823	0.77935	0.77637	0.77337	0.7 0.75804 0.76115 0.76424 0.7673 0.77035 0.77337 0.77637 0.77935 0.7823 0.78524	0.7673	0.76424	0.76115	0.75804	0.7
0.75	0.75175	0.74857	0.74537	0.74215	0.6 0.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.74857 0.75175 0.7549	0.73565	0.73237	0.72907	0.72575	0.6
0.722	0.71904	0.71566	0.71226	0.70884	0.69146 0.69497 0.69847 0.70194  0.7054  0.70884 0.71226 0.71566 0.71904  0.7224	0.70194	0.69847	0.69497	0.69146	0.5
0.687	0.68439	0.68082	0.67724	0.67364	0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.68793	0.6664	0.66276	0.6591 0.66276	0.4 0.65542	0.4
0.651	0.64803	0.64431	0.64058	0.63683	0.3 0.61791 0.62172 0.62552  0.6293  0.63307 0.63683 0.64058 0.64431 0.64803 0.65173	0.6293	0.62552	0.62172	0.61791	0.3
0.614	0.61026	0.60642	0.60257	0.59871	0.2 0.57926 0.58317 0.58706 0.59095 0.59483 0.59871 0.60257 0.60642 0.61026 0.61409	0.59095	0.58706	0.58317	0.57926	0.2
0.57535	0.57142	0.56749	0.56356	0.55962	0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0	0.55172	0.54776	0.5438	0.53983	0.1
0.53586	0.531880.53		51994 0.52392 0.5279	0.51994	0.51595	0.51197	0.50798	0.503990.507980.511970.51595	0.5	0.0
,										

TABLE DE LA LOI

2   0   1   2   3   4   5   6   7   8   99					3	20	-	3			
0.99865  0.99869  0.99874  0.99878  0.99885  0.99889  0.99899  0.99813  0.99813  0.99813  0.99825  0.99831  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99831  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99836  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99728  0.99729  0.99728  0.99728  0.99729  0	7	0	-	2	w	4	5	6	7	8	9
0.99813   0.99819   0.99825   0.99826   0.99836   0.99846   0.99846   0.99846   0.99856   0.99900   0.99744   0.99752   0.99762   0.99767   0.99774   0.9978   0.99788   0.99788   0.99798   0.99788   0.99889   0.998		0.99865	0.99869	0.99874	0.99878	0.998820	.99886	).99889	0.99893	0.99896	0.999
0.99744 0.99752 0.9976 0.99774 0.99774 0.9978 0.9978 0.99795 0.99801 0.99 0.99653 0.99664 0.99674 0.99683 0.99693 0.99702 0.99711 0.9972 0.99728 0.99 0.99534 0.99547 0.9956 0.99573 0.99585 0.99588 0.99609 0.99621 0.99632 0.99 0.99534 0.99574 0.9956 0.99573 0.99585 0.99586 0.99609 0.99621 0.99632 0.99 0.99534 0.99576 0.99573 0.99585 0.99586 0.99586 0.99572 0.99526 0.99586 0.99587 0.99586 0.99587 0.99586 0.99587 0.99586 0.99587 0.99586 0.99587 0.99586 0.99587 0.99587 0.99586 0.99587	2.9	0.99813	0.99819	0.99825	0.99831	0.998360	.99841	).99846	0.99851	0.99856	0.99861
0.99653 0.99664 0.99674 0.99683 0.99693 0.99702 0.99711 0.9972 0.99728 0.99 0.99534 0.99547 0.9956 0.99573 0.99585 0.99588 0.99609 0.99621 0.99622 0.99 0.99379 0.99396 0.99413 0.9943 0.99446 0.99461 0.99477 0.99492 0.99506 0.99 0.99379 0.99396 0.99224 0.99224 0.99226 0.99286 0.99305 0.99324 0.99334 0.99 0.9861 0.98645 0.98879 0.98113 0.99475 0.99326 0.99061 0.99866 0.99111 0.99134 0.99 0.9861 0.98625 0.98879 0.9813 0.9901 0.99326 0.99061 0.99866 0.99111 0.99134 0.99 0.9861 0.98626 0.98883 0.9901 0.99326 0.99061 0.99866 0.99111 0.99134 0.99 0.9861 0.98626 0.98879 0.9813 0.99822 0.98322 0.98421 0.985 0.98537 0.98 0.97725 0.97778 0.9781 0.9782 0.97932 0.97982 0.9830 0.98077 0.98124 0.98 0.97128 0.99130 0.97257 0.9732 0.97381 0.97982 0.98656 0.96926 0.96925 0.97 0.95447 0.96485 0.96562 0.96638 0.96712 0.96784 0.96856 0.96926 0.96925 0.97 0.95447 0.96485 0.96562 0.96638 0.96712 0.95994 0.9688 0.96164 0.96246 0.96 0.95543 0.95637 0.9732 0.94845 0.95907 0.95994 0.9688 0.96164 0.96246 0.96 0.95240 0.9663 0.94738 0.94845 0.9495 0.95053 0.95154 0.95254 0.95352 0.97 0.96407 0.96485 0.96572 0.96884 0.9495 0.95053 0.95154 0.95254 0.95352 0.97 0.9543 0.9463 0.94738 0.94845 0.93699 0.93822 0.93943 0.94062 0.94179 0.94295 0.94 0.93319 0.93448 0.93574 0.93699 0.93822 0.93943 0.94062 0.94179 0.94295 0.94 0.93319 0.93448 0.93574 0.96858 0.96234 0.92507 0.92647 0.92785 0.92922 0.93056 0.93 0.84134 0.84375 0.84614 0.84849 0.85083 0.85314 0.85343 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.85543 0.8565 0.79673 0.79673 0.79935 0.78234 0.85543 0.8565 0.79935 0.7823 0.78 0.75844 0.76115 0.76424 0.7673 0.77035 0.7337 0.74215 0.74857 0.74857 0.75194 0.75 0.69146 0.69497 0.69847 0.70194 0.7054 0.70840 0.712260 0.715660 0.71904 0.75 0.69146 0.69497 0.69847 0.70194 0.7054 0.70840 0.77226 0.74857 0.74857 0.75194 0.75 0.65542 0.6591 0.66276 0.6664 0.67003 0.67368 0.64038 0.64431 0.64803 0.65 0.61791 0.62172 0.62552 0.6253 0.63997 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.5318 0.5318 0.5338 0.54378	2.8	0.99744	0.99752	0.9976	0.99767	0.99774	1.99781	0.99788	0.99795	0.99801	0.99807
0.99534 0.9954 0.9956 0.99573 0.9958 0.99598 0.99609 0.9621 0.99632 0.99 0.99379 0.99396 0.99413 0.9943 0.99446 0.99461 0.99477 0.99492 0.99566 0.99 0.9918 0.99202 0.99224 0.99224 0.99226 0.99286 0.99286 0.99305 0.99324 0.99334 0.99 0.9861 0.98645 0.98679 0.98713 0.98745 0.98378 0.98809 0.9884 0.9887 0.98 0.98214 0.98257 0.983 0.9931 0.99036 0.99061 0.99886 0.99111 0.99134 0.99 0.98218 0.99257 0.983 0.98341 0.98382 0.98422 0.98461 0.988 0.98577 0.988 0.97272 0.97378 0.97372 0.9732 0.97381 0.97982 0.98656 0.96256 0.96926 0.99926	2.7	0.99653	0.99664	0.99674	0.99683	0.99693	1.99702	0.99711	0.9972	0.99728	0.99736
0.99379 0.99396 0.99413  0.9943 0.99446 0.99461 0.99477 0.99492 0.99506 0.99 0.9918 0.99202 0.99224 0.99224 0.99266 0.99286 0.99305 0.99324 0.99325 0.99321 0.99325 0.99321 0.		0.99534	0.99547		0.99573	0.99585	1.99598	0.99609	0.99621	0.99632	0.99643
0.9918   0.99202   0.99224   0.99245   0.99266   0.99286   0.99305   0.99324   0.99343   0.99 0.98928   0.98936   0.9883   0.9901   0.99036   0.99086   0.99111   0.99134   0.99 0.9861   0.98645   0.98679   0.98713   0.98745   0.98778   0.98809   0.9884   0.9887   0.98 0.98214   0.98257   0.983   0.98341   0.98382   0.98422   0.98461   0.985   0.98337   0.98 0.97725   0.97778   0.9732   0.97832   0.97982   0.9903   0.98077   0.98124   0.98 0.99128   0.99637   0.97257   0.9732   0.9732   0.97982   0.9603   0.96056   0.96260   0.96254   0.9626   0.		0.99379	0.99396	0.99413	0.9943	0.99446	).99461	0.99477	0.99492	0.99506	0.9952
0.98928 0.9895 0.9898 0.9901 0.9903 0.9906 0.9908 0.9911 0.9913 0.99           0.9861 0.98645 0.98679 0.98713 0.98745 0.98778 0.98809 0.9884 0.9887 0.98           0.98214 0.98257 0.983 0.9834 0.9832 0.98782 0.98422 0.9846  0.985 0.98837 0.98           0.98214 0.98257 0.9732 0.97882 0.97932 0.97982 0.9803 0.98077 0.98124 0.98           0.97725 0.97778 0.9783 0.97882 0.97932 0.97982 0.9803 0.98077 0.98124 0.98           0.97725 0.97778 0.9783 0.97882 0.97932 0.97982 0.9803 0.98077 0.98124 0.98           0.97725 0.97778 0.9783 0.97882 0.97932 0.9784 0.9688 0.99676 0.96926 0.9		0.9918	0.99202	0.99224	0.99245	0.99266	).99286	0.99305	0.99324	0.99343	0.99361
0.9861         0.98645         0.98679         0.98713         0.98778         0.98809         0.9884         0.9887         0.98           0.98214         0.98277         0.983         0.98341         0.98322         0.98421         0.9825         0.98357         0.98         0.9837         0.98         0.98877         0.98257         0.98         0.98877         0.98270         0.98         0.98077         0.98124         0.98           0.97725         0.97728         0.97882         0.99322         0.98037         0.98077         0.98124         0.98           0.97725         0.97278         0.9638         0.96784         0.96856         0.96926         0.96995         0.97           0.9543         0.9463         0.94738         0.94845         0.9495         0.95053         0.95154         0.95254         0.96264         0.96         0.94179         0.94295         0.93         0.94179         0.94295         0.93         0.94179         0.94295         0.93         0.94179         0.94295         0.93         0.94062         0.94179         0.94295         0.93         0.94062         0.94179         0.94295         0.93         0.94062         0.94179         0.94295         0.93         0.94062         0.9417	w	0.98928	0.98956	0.98983	0.9901	0.990360	0.99061	0.99086	0.99111	0.99134	0.99158
0.98214         0.98277         0.983         0.98341         0.98382         0.98422         0.98461         0.985         0.98570         0.98           0.977725         0.97778         0.97831         0.97882         0.97932         0.97982         0.9803         0.98077         0.98124         0.98           0.97128         0.97138         0.9732         0.97381         0.97441         0.975         0.97558         0.97615         0.97           0.95437         0.96485         0.96638         0.96712         0.96784         0.96856         0.96926         0.96995         0.97           0.95543         0.9637         0.95728         0.95818         0.95077         0.95994         0.9608         0.96164         0.96246         0.96           0.9452         0.9463         0.94738         0.94845         0.9495         0.95053         0.95154         0.95254         0.95322         0.93           0.91924         0.92073         0.9227         0.923649         0.92364         0.9988         0.91149         0.91308         0.91466         0.91621         0.91           0.9032         0.9049         0.9658         0.98221         0.89335         0.89617         0.89796         0.89773         0.	2.2	.9861		0.98679	0.98713	0.98745	).98778	0.98809	0.9884	0.9887	0.98899
0.97725         0.97778         0.97783         0.97882         0.97932         0.97982         0.9803         0.98077         0.98124         0.98           0.97128         0.97193         0.97257         0.9732         0.97381         0.97441         0.975         0.97538         0.97615         0.97           0.96407         0.96487         0.96562         0.96638         0.96712         0.96856         0.96926         0.96995         0.97           0.95243         0.96487         0.95818         0.95907         0.95994         0.9608         0.96164         0.96246         0.96           0.9452         0.9463         0.94738         0.94845         0.9495         0.95053         0.951540         0.95224         0.9236         0.99         0.9322         0.93056         0.94         0.94629         0.94062         0.94179         0.94295         0.94           0.93319         0.93448         0.93240         0.92077         0.92647         0.92785         0.94179         0.94295         0.94           0.93219         0.92773         0.9222         0.93669         0.93822         0.93440         0.92785         0.94295         0.94         0.94295         0.94         0.94295         0.94         0.	-	0.98214	0.98257		0.98341	0.98382	).98422	0.98461		0.98537	0.98574
0.97128         0.97193         0.97257         0.9732         0.97381         0.97441         0.975         0.97558         0.97615         0.97           0.96407         0.96485         0.96562         0.96638         0.96712         0.96784         0.96856         0.96926         0.9695         0.97           0.95243         0.95637         0.95728         0.95818         0.9495         0.95033         0.95154         0.95254         0.95352         0.95           0.9452         0.9463         0.94738         0.94845         0.9495         0.95053         0.95154         0.95254         0.95352         0.94           0.931924         0.92073         0.9227         0.923640         9.92507         0.92647         0.92785         0.92922         0.93056         0.93           0.91924         0.92073         0.90658         0.90824         0.90988         0.91149         0.91308         0.91466         0.91621         0.91           0.88493         0.88686         0.88877         0.89065         0.89251         0.89435         0.8979         0.881         0.88           0.81859         0.82121         0.82381         0.82534         0.85543         0.85769         0.85993         0.86		0.97725	0.97778	0.97831	0.97882	0.97932	).97982		0.98077	0.98124	0.98169
0.964070.964850.965620.966380.967120.96784   0.96856   0.96926   0.96995   0.97 0.95543   0.95637   0.95728   0.95818   0.95907   0.95994   0.9608   0.961640.96246   0.96 0.9452   0.9463   0.94738   0.94845   0.9495   0.95053   0.95154   0.95254   0.95352   0.95 0.93319   0.93448   0.93574   0.93699   0.93822   0.93943   0.94062   0.94179   0.94295   0.94 0.91924   0.92073   0.9222   0.92364   0.92507   0.92647   0.92785   0.92922   0.93056   0.93 0.9032   0.9049   0.90658   0.90824   0.90988   0.91149   0.91308   0.91466   0.91621   0.91 0.86433   0.8665   0.86864   0.87076   0.87286   0.87493   0.87698   0.879   0.881   0.88 0.84134   0.84375   0.84614   0.84849   0.85083   0.85314   0.85543   0.85769   0.85993   0.86 0.81594   0.81859   0.82121   0.82381   0.82639   0.82894   0.83147   0.83398   0.83646   0.83 0.75804   0.76115   0.76424   0.7673   0.77035   0.77337   0.77637   0.77935   0.77823   0.75804   0.67115   0.76642   0.67003   0.67364   0.67724   0.68082   0.68439   0.65542   0.6591   0.66276   0.6664   0.67003   0.67364   0.67724   0.68082   0.68439   0.65 0.61791   0.62172   0.62552   0.6293   0.63307   0.53683   0.64058   0.64431   0.64803   0.65 0.53983   0.5438   0.54776   0.55172   0.55567   0.55662   0.56749   0.57142   0.57 0.53188   0.50399   0.50798   0.51197   0.51595   0.51994   0.52392   0.5279   0.53188   0.53	1.9	0.97128	0.97193	0.97257		0.97381	).97441	0.975	0.97558	0.97615	0.9767
0.95543 0.95637 0.95728 0.95818 0.95907 0.95994 0.9608 0.96164 0.96246 0.96 0.9452 0.9463 0.94738 0.94845 0.9495 0.95053 0.95154 0.95254 0.95352 0.95 0.93319 0.93448 0.93574 0.93699 0.93822 0.93943 0.94062 0.94179 0.94295 0.94 0.91924 0.92073 0.9222 0.92364 0.92507 0.92647 0.92785 0.92922 0.93056 0.93 0.9032 0.9049 0.90658 0.90824 0.90988 0.91149 0.91308 0.91466 0.91621 0.91 0.88493 0.88686 0.88877 0.89065 0.89251 0.89435 0.89617 0.89796 0.89973 0.90 0.86433 0.8665 0.86864 0.87076 0.87286 0.87493 0.87698 0.879 0.881 0.81594 0.81859 0.82121 0.82381 0.82639 0.82894 0.83147 0.83398 0.83646 0.83 0.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.74857 0.75175 0.77 0.69146 0.69497 0.69847 0.70194 0.7054 0.70884 0.71226 0.71566 0.71904 0.77 0.65542 0.6591 0.66276 0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.68 0.61791 0.62172 0.62552 0.6293 0.63307 0.53683 0.64058 0.64431 0.64803 0.65 0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.53983 0.5438 0.54776 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-1.8	0.96407	0.96485	0.96562	0.96638	0.96712	).96784	0.96856	0.96926	0.96995	0.97062
0.9452       0.9463       0.94738       0.94845       0.9495       0.95053       0.95154       0.95254       0.95352       0.95         0.93319       0.93448       0.93574       0.93699       0.93822       0.93943       0.94062       0.94179       0.94295       0.94         0.91924       0.92073       0.9222       0.92364       0.92507       0.92647       0.92785       0.92922       0.93056       0.93         0.9032       0.9049       0.90658       0.90824       0.90988       0.91149       0.91308       0.91466       0.91621       0.91         0.84930       0.8665       0.86864       0.87076       0.87286       0.87493       0.87698       0.879       0.881       0.88         0.84134       0.84375       0.84614       0.84849       0.85083       0.82894       0.83147       0.83398       0.83646       0.83         0.81594       0.81859       0.82121       0.82381       0.82639       0.82894       0.83147       0.83398       0.83646       0.83         0.72575       0.72907       0.73237       0.7673       0.77935       0.77337       0.77637       0.77237       0.74215       0.74537       0.71935       0.77236       0.77246       0.8082	-1.7	0.95543	0.95637	0.95728	0.95818	0.95907		0.9608	0.96164	0.96246	0.96327
0.93319 0.93448 0.93574 0.93699 0.93822 0.93943 0.94062 0.94179 0.94295 0.94 0.91924 0.92073 0.9222 0.92364 0.92507 0.92647 0.92785 0.92922 0.93056 0.93 0.9032 0.9049 0.90658 0.90824 0.90988 0.91149 0.91308 0.91466 0.91621 0.91 0.88493 0.88686 0.88877 0.899065 0.89251 0.89435 0.89617 0.89796 0.89973 0.90 0.86433 0.8665 0.86864 0.87076 0.87286 0.87493 0.87698 0.879  0.881 0.88 0.84134 0.84375 0.84614 0.84849 0.85083 0.85314 0.85543 0.85769 0.85993 0.86 0.81594 0.81859 0.82121 0.82381 0.82639 0.82894 0.83147 0.83398 0.83646 0.83 0.75804 0.76115 0.76424 0.7673 0.79955 0.80234 0.80511 0.80785 0.81057 0.81 0.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.74857 0.75175 0.72575 0.69847 0.70194 0.7054 0.7054 0.67724 0.68082 0.68439 0.65542 0.65912 0.66276 0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.65 0.57926 0.58317 0.58706 0.59095 0.59483 0.59871 0.60257 0.60642 0.61026 0.61 0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-1.6			0.94738	0.94845	0.9495	).95053	0.95154	0.95254	0.95352	0.95449
0.91924       0.92073       0.9222       0.92364       0.92507       0.92647       0.92785       0.92922       0.93056       0.93         0.9032       0.9049       0.90658       0.90824       0.90988       0.91149       0.91308       0.91466       0.91621       0.91         0.88493       0.88686       0.88877       0.89065       0.89251       0.89435       0.89617       0.89796       0.89973       0.90         0.84433       0.8665       0.86864       0.87076       0.87286       0.87493       0.87698       0.8799       0.881       0.88         0.81594       0.81594       0.82312       0.82381       0.82393       0.82894       0.83147       0.83398       0.83646       0.83         0.78814       0.79103       0.79389       0.79673       0.77935       0.7737       0.7737       0.7823       0.7823       0.78         0.72575       0.76115       0.76424       0.7673       0.77935       0.77337       0.774537       0.77546       0.77         0.65542       0.6591       0.66276       0.66644       0.67003       0.67364       0.67724       0.68082       0.68439       0.68         0.57926       0.58317       0.58706       0.5995	-1.5	0.93319	0.93448	0.93574	0.93699	0.93822	).93943	0.94062	0.94179	0.94295	0.94408
0.9032 0.9049 0.90658 0.90824 0.90988 0.91149 0.91308 0.91466 0.91621 0.91 0.88493 0.88686 0.88877 0.89065 0.89251 0.89435 0.89617 0.89796 0.89973 0.90 0.86433 0.8665 0.86864 0.87076 0.87286 0.87493 0.87698 0.879 0.881 0.88 0.84134 0.84375 0.84614 0.84849 0.85083 0.85314 0.85543 0.85769 0.85993 0.86 0.81594 0.81859 0.82121 0.82381 0.82639 0.82894 0.83147 0.83398 0.83646 0.83 0.75804 0.76115 0.76424 0.7673 0.77035 0.77337 0.77637 0.77935 0.7823 0.78 0.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.74857 0.75175 0.7. 0.69146 0.69497 0.69847 0.70194 0.7054 0.70884 0.71226 0.71566 0.71904 0.7. 0.65542 0.6591 0.66276 0.6664 0.67003 0.63683 0.64058 0.64431 0.64803 0.65 0.57926 0.58317 0.58706 0.59095 0.59483 0.59871 0.60257 0.60642 0.61026 0.61 0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-1.4	0.91924	0.92073	0.9222	0.92364	0.92507	).92647	0.92785	0.92922	0.93056	0.93189
0.88493       0.88686       0.88877       0.89065       0.89251       0.89435       0.89617       0.89796       0.89973       0.90         0.86433       0.8665       0.86864       0.87076       0.87286       0.87493       0.8769       0.881       0.88         0.84134       0.84375       0.84614       0.84849       0.82639       0.82394       0.83147       0.83398       0.83646       0.83         0.81594       0.81859       0.82121       0.82381       0.82639       0.82894       0.83147       0.83398       0.83646       0.83         0.72814       0.79103       0.79389       0.79673       0.79955       0.80234       0.80511       0.80785       0.81057       0.81         0.72804       0.76115       0.76424       0.7673       0.77035       0.77337       0.77637       0.77337       0.774215       0.74537       0.75175       0.75         0.69146       0.69497       0.69847       0.70194       0.7054       0.70884       0.71226       0.71566       0.71904       0.77         0.65542       0.6591       0.66276       0.66644       0.67003       0.67364       0.67724       0.68082       0.68439       0.68         0.57926       0.58317	-1.3	0.9032		0.90658	0.90824	0.90988	0.91149	0.91308	0.91466	0.91621	0.91774
0.86433 0.8665 0.86864 0.87076 0.87286 0.87493 0.87698 0.879 0.881 0.88 0.84134 0.84375 0.84614 0.84849 0.85083 0.85314 0.85543 0.85769 0.85993 0.86 0.81594 0.81859 0.82121 0.82381 0.82639 0.82894 0.83147 0.83398 0.83646 0.83 0.78814 0.79103 0.79389 0.79673 0.79955 0.80234 0.80511 0.80785 0.81057 0.81 0.75804 0.76115 0.76424 0.7673 0.77035 0.77337 0.77637 0.77935 0.7823 0.78 0.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.74857 0.75175 0.77 0.69146 0.69497 0.69847 0.70194 0.7054 0.70884 0.71226 0.71566 0.71904 0.77 0.65542 0.6591 0.66276 0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.68 0.61791 0.62172 0.62552 0.6293 0.63307 0.63683 0.64058 0.64431 0.64803 0.65 0.57926 0.58317 0.58706 0.59095 0.59483 0.59871 0.60257 0.60642 0.61026 0.61 0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-1.2	0.88493	0.88686	0.88877	0.89065	0.89251	).89435	0.89617	0.89796	0.89973	0.90147
0.84134 0.84375 0.84614 0.84849 0.85083 0.85314 0.85543 0.85769 0.85993 0.86 0.81594 0.81859 0.82121 0.82381 0.82639 0.82894 0.83147 0.83398 0.83646 0.83 0.78814 0.79103 0.79389 0.79673 0.79955 0.80234 0.80511 0.80785 0.81057 0.81 0.75804 0.76115 0.76424 0.7673 0.77035 0.77337 0.77637 0.77935 0.7823 0.78 0.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.74857 0.75175 0.77 0.69146 0.69497 0.69847 0.70194 0.7054 0.70884 0.71226 0.71566 0.71904 0.77 0.65542 0.6591 0.66276 0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.68 0.61791 0.62172 0.62552 0.6293 0.63307 0.63683 0.64058 0.64431 0.64803 0.65 0.57926 0.58317 0.58706 0.59095 0.59483 0.59871 0.60257 0.60642 0.61026 0.61 0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53		0.86433		0.86864	0.87076	0.87286	).87493	0.87698	0.879		0.88298
0.81594 0.81859 0.82121 0.82381 0.82639 0.82894 0.83147 0.83398 0.83646 0.83   0.78814 0.79103 0.79389 0.79673 0.79955 0.80234 0.80511 0.80785 0.81057 0.81   0.75804 0.76115 0.76424 0.7673 0.77035 0.77337 0.77637 0.77935 0.7823 0.78   0.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.71566 0.71904 0.77   0.69146 0.69497 0.69847 0.70194 0.7054 0.70884 0.71226 0.71566 0.71904 0.77   0.65542 0.6591 0.66276 0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.68   0.61791 0.62172 0.62552 0.6293 0.63307 0.63683 0.64058 0.64431 0.64803 0.65   0.57926 0.58317 0.58706 0.59095 0.59483 0.59871 0.60257 0.60642 0.61026 0.61   0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57   0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-	0.84134	0.84375	0.84614	0.84849	0.85083	0.85314	0.85543	0.85769	0.85993	0.86214
0.78814       0.79103       0.79389       0.79673       0.79955       0.80234       0.80511       0.80785       0.81057       0.81         0.75804       0.76115       0.76424       0.7673       0.77035       0.77337       0.77637       0.77935       0.7823       0.78         0.72575       0.72907       0.73237       0.73565       0.73891       0.74215       0.74537       0.74857       0.75175       0.7.         0.69146       0.69497       0.69847       0.70194       0.7054       0.70884       0.71226       0.71566       0.71904       0.7         0.65542       0.6591       0.66276       0.6664       0.67003       0.67364       0.67724       0.68082       0.68439       0.68         0.61791       0.62172       0.62552       0.6293       0.63307       0.63683       0.64058       0.64431       0.64803       0.65         0.57926       0.58317       0.58706       0.59095       0.59483       0.59871       0.60257       0.60642       0.61026       0.61         0.53983       0.5438       0.54776       0.55172       0.55567       0.55962       0.56356       0.56749       0.57142       0.57         0.5       0.50399       0.50798	-0.9	0.81594	0.81859	0.82121	0.82381	0.82639	0.82894	0.83147	0.83398	0.83646	0.83891
0.75804     0.76115     0.76424     0.7673     0.77035     0.7737     0.77637     0.77935     0.7823     0.78       0.72575     0.72907     0.73237     0.73565     0.73891     0.74215     0.74537     0.74857     0.75175     0.75       0.69146     0.69497     0.69847     0.70194     0.7054     0.70884     0.71226     0.71566     0.71904     0.7       0.65542     0.6591     0.66276     0.6664     0.67003     0.67364     0.67724     0.68082     0.68439     0.68       0.61791     0.62172     0.62552     0.6293     0.63307     0.63683     0.64058     0.64431     0.64803     0.65       0.57926     0.58317     0.58706     0.59095     0.59483     0.59871     0.60257     0.60642     0.61026     0.61       0.53983     0.5438     0.54776     0.55172     0.55567     0.55962     0.56356     0.56749     0.57142     0.57       0.5     0.50399     0.50798     0.51197     0.51595     0.51994     0.52392     0.5279     0.53188     0.53	-0.8	0	0.79103	0.79389	0.79673	0.79955	0.80234	0.80511	0.80785	0.81057	0.81327
0.72575       0.72907       0.73237       0.73565       0.73891       0.74215       0.74537       0.74857       0.75175       0.75         0.69146       0.69497       0.69847       0.70194       0.7054       0.70884       0.71226       0.71566       0.71904       0.75         0.65542       0.6591       0.66276       0.6664       0.67003       0.63683       0.64058       0.64431       0.64803       0.65         0.61791       0.62172       0.62552       0.6293       0.63307       0.63683       0.64058       0.64431       0.64803       0.65         0.57926       0.58317       0.58706       0.59095       0.59483       0.59871       0.60257       0.60642       0.61026       0.61         0.53983       0.5438       0.54776       0.55172       0.55567       0.55962       0.56356       0.56749       0.57142       0.57         0.5       0.50399       0.50798       0.51197       0.51595       0.51994       0.52392       0.5279       0.53188       0.53	-0.7		0.76115	0.76424		0.77035	0.77337	0.77637	0.77935		78
0.69146     0.69497     0.69847     0.70194     0.7054     0.70884     0.71226     0.71566     0.71904     0.72       0.65542     0.6591     0.66276     0.6664     0.67003     0.67364     0.67724     0.68082     0.68439     0.68       0.61791     0.62172     0.62552     0.6293     0.63307     0.63683     0.64058     0.64431     0.64803     0.65       0.57926     0.58317     0.58706     0.59095     0.59483     0.59871     0.60257     0.60642     0.61026     0.61       0.53983     0.5438     0.54776     0.55172     0.55567     0.55962     0.56356     0.56749     0.53188     0.53       0.5     0.50399     0.50798     0.51197     0.51595     0.51994     0.52392     0.5279     0.53188     0.53	-0.6	0.72575	0.72907	0.73237	0.73565	0.73891	0.74215	0.74537	0.74857		0.7549
0.65542     0.6591     0.66276     0.6664     0.67003     0.67364     0.67724     0.68082     0.68439     0.68       0.61791     0.62172     0.62552     0.6293     0.63307     0.63683     0.64058     0.64431     0.64803     0.65       0.57926     0.58706     0.59095     0.59483     0.59871     0.60257     0.60642     0.61026     0.61       0.53983     0.5438     0.54776     0.55172     0.55567     0.55962     0.56356     0.56749     0.57142     0.57       0.5     0.50399     0.50798     0.51197     0.51595     0.51994     0.52392     0.5279     0.53188     0.53	-0.5	0.69146	0.69497	0.69847	0.70194	0.7054	0.70884	0.71226	0.71566	0.71904	0.7224
0.61791 0.62172 0.62552 0.6293 0.63307 0.63683 0.64058 0.64431 0.64803 0.65 0.57926 0.58317 0.58706 0.59095 0.59483 0.59871 0.60257 0.60642 0.61026 0.61 0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.5 0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-0.4	0.65542	0.6591	0.66276	0.6664	0.67003	0.67364	0.67724	0.68082	0.68439	0.68793
0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.5 0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-0.3	0	0.62172			0.63307		0.64058	0.64431	0.64803	0.65173
0.53983 0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57 0.5 0.50399 0.50798 0.51197 0.51595 0.51994 0.52392 0.5279 0.53188 0.53	-0.2	0.57926	0.58317	0.5	0.59095	0.59483		0.60257	0.60642	0.61026	-
0.5 0.503990.507980.511970.515950.519940.52392 0.5279 0.531880.53	-0.1	0.53983	0.5438	0.54776	0.55172	0.55567	0.55962	0.56356	0.56749	0.57142	0.57535
	-0	0.5	0.50399	0.50798	0.51197	0.51595	0.51994	0.52392		0.53188	0.53586

#### NORMALE (FD)

Cette table donne la valeur de la FD pour un  $-3.9 \le z \le +3.9$ . Les entrées en face de +3 et de -3 sont pour 3.0, 3.1, 3.2, etc., et-3.0, -3.1, -3.2, etc., respectivement.

ယ	2.9	2.8	2.7	2.6	2.5	2.4	2.3	2.2	2.1	2.0	1.9	1.8	1.7	1.6	1.5	1.4	1.3	1.2	=	1.0	0.9	0.8	0.7	0.6	0.5	0.4	0.3	0.2	0.1	0.0	Z
0.00135	2.90.00187	0.00256	0.00347	2.60.00466	0.00621	0.0082	0.01072	0.0139	0.01786	0.02275	0.02872	0.03593	0.04457	1.6 0.0548	0.06681	0.08076	0.0968	0.11507	0.13567	0.15866	0.18406	0.21186	0.24196	0.27425	0.30854	0.40.34458	0.38209	0.42074	0.10.46017	0.5	0
0.00097	0.00181	0.00248	0.00336	0.00453	0.00604	0.00798	0.01044	0.01355	2.10.01786 0.01743	0.02222	0.02807	0.03515	0.04363	0.0537	.50.06681 0.06552	1.40.08076 0.07927	0.0951	0.11314	0.1335	0.15625	0.18141	0.20897	0.23885	0.27093	0.30503	0.3409	0.37828	0.41683	0.4562	0.49601	1
0.00169	0.00175	0.0024	0.00336 0.00326 0.00317 0.00307 0.00298 0.00289		0.00587	0.00776	0.01044 0.01017	0.01355 0.01321 0.01287 0.01255 0.01222 0.01191	0.017	2.0 0.02275 0.02222 0.02169 0.02118 0.02068 0.02018	0.02872 0.02807 0.02743	0.03438	1.7   0.04457   0.04363   0.04272   0.04182   0.04093   0.04006   0.0392	0.0537 0.05262 0.05155 0.0505	0.06426	0.0778	0.09342	0.11507 0.11314 0.11123 0.10935 0.10749 0.10565 0.10383	0.13136 0.12924 0.12714 0.12507 0.12302	0.15386	0.17879	1186 0.20897 0.20611 0.20327 0.20045	0.24196 0.23885 0.23576 0.2327 0.22965 0.22663 0.22363 0.22065 0.2177	0.26763	0.30854 0.30503 0.30153 0.29806 0.2946 0.29116 0.28774 0.28434 0.28096	0.33724	0.3 0.38209 0.37828 0.37448	0.41294	$0.4562 \   0.45224 \   0.44828 \   0.44433 \   0.44038 \   0.43644 \   0.43251 \   0.42858$	0.49202	2
0.00048	0.00169	0.00233	0.00317	0.00427	0.0057	0.00755	0.0099	0.01287	0.01659 0.01618 0.01578 0.01539	0.02118	0.0268	0.03362	0.04182	0.05155	0.06301	0.07636	0.09176	0.10935	0.12924	0.15151	0.17619	0.20327	0.2327	0.26435	0.29806	0.3336	0.3707	0.40905	0.44828	0.48803	ယ
0.00034	0.00164	0.00226	0.00307	0.00415	0.00554	0.00734	0.00964	0.01255	0.01618	0.02068	0.02619	0.03288	0.04093	0.0505	0.06178	0.07493	0.09012	0.10749	0.12714	0.14917	0.17361	0.20045	0.22965	0.26109	0.2946	0.32997	0.36693	0.40517	0.44433	0.48405	4
0.00023	0.00159	0.00219	0.00298	0.00402	0.00539	0.00714	0.00939	0.01222	0.01578	0.02018	0.02619 0.02559	0.03216	0.04006	0.04947	0.06057	0.07353	0.08851	0.10565	0.12507	0.14686	0.17106	0.19766	0.22663	0.25785	0.29116	0.32636	0.36317	0.40129	0.44038	0.48006	5
0.00016	0.00154	0.00212	0.00289	0.00391	0.00523	0.00695	0.00914	0.01191	0.01539	0.0197	0.025	0.03144		0.04846	0.05938	0.07215	0.08692		0.12302	0.14457	0.16853	0.19766 0.19489 0.19215 0.18943	0.22363	0.25463	0.28774	0.32276	0.35942	0.39743	0.43644	0.47608	6
0.00011	0,00149	0.00205	0.0028	0.00379	0.00508	0.00676	0.00889	0.0116	0.015	0.01923	0.02442	0.03074	0.03836	0.04746	0.05821	0.07078	0.08534	0.10204	0.121	0.14231	0.16602	0.19215	0.22065	0.25143	0.28434	0.31918	0.35569	0.39358	0.43251	0.4721	7
0.00097 0.00169 0.00048 0.00034 0.00023 0.00016 0.00011 7.2E-05	0.00144	0.00199	0.00272	0.00368	0.00621 0.00604 0.00587 0.0057 0.00554 0.00539 0.00523 0.00508 0.00494 0.0048	0.00798 0.00776 0.00755 0.00734 0.00714 0.00695 0.00676 0.00657	0.00964 0.00939 0.00914 0.00889 0.00866	0.0113	0.01463	0.01923 0.01876	0.02442 0.02385	0.03593 0.03515 0.03438 0.03362 0.03288 0.03216 0.03144 0.03074 0.03005 0.02938	0.03836 0.03754 0.03673	0.04947 0.04846 0.04746 0.04648 0.04551	0.06426 0.06301 0.06178 0.06057 0.05938 0.05821 0.05705 0.05592	0.0778 0.07636 0.07493 0.07353 0.07215 0.07078 0.06944 0.06811	$0.0951 \   0.09342   0.09176   0.09012   0.08851   0.08692   0.08534   0.08379   0.08226$	0.102040.10027	0.119	1.00.158660.156250.153860.151510.149170.146860.144570.142310.140070.13786	0.90.18406 0.18141 0.17879 0.17619 0.17361 0.17106 0.16853 0.16602 0.16354 0.16109	0.18943		0.27425 0.27093 0.26763 0.26435 0.26109 0.25785 0.25463 0.25143 0.24825 0.2451	0.28096	0.32997 0.32636 0.32276 0.31918 0.31561 0.31207	0.3707 0.36693 0.36317 0.35942 0.35569 0.35197 0.34827	0.2   0.42074   0.41683   0.41294   0.40905   0.40517   0.40129   0.39743   0.39358   0.38974   0.38591   0.40517	0.42858	0.46812	8
4.8E-05	0.00181 0.00175 0.00169 0.00164 0.00159 0.00154 0.00149 0.00144 0.00139	2.8 0.00256 0.00248  0.0024  0.00233 0.00226 0.00219 0.00212 0.00205 0.00199 0.00193	0.00264	0.0044 0.00427 0.00415 0.00402 0.00391 0.00379 0.00368 0.00357	0.0048	0.00639	0.00842	0.01101	0.01463 0.01426	0.01831	0.0233	0.02938	0.03673	0.04551	0.05592	0.06811	0.08226	0.09853	0.11702	0.13786	0.16109	0.18673	0.21476	0.2451	0.2776	0.31207	0.34827	0.38591	0.42465	0.46414	9

148

Annexe lc: Table de la loi normale de - ∞ à z

3,9	3,7	3,5	3,3	3,1	2,9	2,7	2,6	2,5	2,4	2,3	2,2	2,1	2	1,9	1,8	1,7	1,6	1,5	1,4	1,3	1,2	1,1	-	0,9	0,8	0,7	0,6	0,5	0,4	0,3	0,2	0,1	0	Z	
_	0,9999	0,9998	0,9995	0,999	0,9981	0,9965	0,9953	0,9938	0,9918	0,9893	0,9861	0,9821	0,9772	0,9713	0,9641	0,9554	0,9452	0,9332	0,9192	0,9032	0,8849	0,8643	0,8413	0,8159	0,7881	0,758	0,7257	0,6915	0,6554	0,6179	0,5793	0,5398	0,5	0	
_	0,9999	0,9998	0,9995	0,9991	0,9982	0,9966	0,9955	0,994	0,992	0,9896	0,9864	0,9826	0,9778	0,9719	0,9649	0,9564	0,9463	0,9345	0,9207	0,9049	0,8869	0,8665	0,8438	0,8186	0,791	0,7611	0,7291	0,695	0,6591	0,6217	0,5832	0,5438	0,504	_	
	0,9999	0,9998	0,9995	0,9991	0,9982	0,9967	0,9956	0,9941	0,9922	0,9898	0,9868	0,983	0,9783	0,9726	0,9656	0,9573	0,9474	0,9357	0,9222	0,9066	0,8888	0,8686	0,8461	0,8212	0,7939	0,7642	0,7324	0,6985	0,6628	0,6255	0,5871	0,5478	0,508	2	8
	0,9999	0,9998	0,9996	0,9991	0,9983	0,9968	0,9957	0,9943	0,9925	0,9901	0,9871	0,9834	0,9788	0,9732	0,9664	0,9582	0,9484	0,937	0,9236	0,9082	0,8907	0,8708	0,8485	0,8238	0,7967	0,7673	0,7357	0,7019	0,6664	0,6293	0,591	0,5517	0,512	ω	Z
_	0,9999	0,9998	0,9996	0,9992	0,9984	0,9969	0,9959	0,9945	0,9927	0,9904	0,9875	0,9838	0,9793	0,9738	0,9671	0,9591	0,9495	0,9382	0,9251	0.9099	0,8925	0,8729	0,8508	0,8264	0,7995	0,7704	0,7389	0,7054	0,67	0,6331	0,5948	0,5557	0,516	4	
-	0,9999	0,9998	0,9996	0,9992	0,9984	0,997	0,996	0,9946	0,9929	0,9906	0,9878	0,9842	0,9798	0,9744	0,9678	0,9599	0,9505	0,9394	0,9265	0,9115	0,8944	0,8749	0,8531	0,8289	0,8023	0,7734	0,7422	0,7088	0,6736	0,6368	0,5987	0,5596	0,5199	5	-
-	0,9999	0,9998	0,9996	0,9992	0,9985	0,9971	0,9961	0,9948	0,9931	0,9909	0,9881	0,9846	0,9798 0,9803	0,975	0,9686	0,9608	0,9515	0,9406	0,9279	0,9131	0,8962	0,877	0,8554	0,8315	0,8051	0,7764	0,7454	0,7123	0,6772	0,6406	0,6026	0,5636	0,5239	6	8
-	0,9999	0,9998	0,9996	0,9992	0,9985	0,9972	0,9962	0,9949	0,9932	0,9911	0,9884	0,985	0,9808	0,9756	0,9693	0,9616	0,9525	0,9418	0,9292	0,9147	0,898	0,879	0,8577	0,834	0,8078	0,7794	0,7486	0,7157	0,6808	0,6443	0,6064	0,5675	0,5279	7	0
-	0,9999	0,9998	0,9996	0,9993	0,9986	0,9973	0,9963	0,9951	0,9934	0,9913	0,9887	0,9854	0,9812	0,9761	0,9699	0,9625	0,9535	0,9429	0,9306	0,9162	0,8997	0,881	0,8599	0,8365	0,8106	0,7823	0,7517	0,719	0,6844	0,648	0,6103	0,5714	0,5319	00	N
-	0,9999	0,9998	0,9997	0,9993	0,9986	0,9974	0,9964	0,9952	0,9936	0,9916	0,989	0,9857	0,9817	0,9767	0,9706	0,9633	0,9545	0,9441	0,9319	0,9177	0,9015	0,883	0,8621	0,8389	0,8133	0,7852	0,7549	0,7224	0,6879	0,6517	0,6141	0,5753	0,5359	. 9	8
_					_																									-					

0,0	C,O	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	C,O	0,5	0,0	3,9
0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	0,4999	3,7
0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	_	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	3,5
0,4997	0,4996	0,4996	0,4996	0,4996	0,4996	0,4996	0,4995	0,4995	0,4995	3,3
0,4993	0,4993	0,4992	0,4992	0,4992	0,4992	0,4991	0,4991	0,4991	0,499	3,1
0,4986	0,4986	0,4985	0,4985	0,4984	0,4984	0,4983	0,4982	0,4982	0,4981	2,9
0,4974	0,4973	0,4972	0,4971	0,497	0,4969	0,4968	0,4967	0,4966	0,4965	2,7
0,4964	0,4963			0,496	0,4959	0,4957	0,4956	0,4955	0,4953	2,6
0,4952	0,4951	0,4949	0,4948	0,4946	0,4945	0,4943	0,4941	0,494	0,4938	2,5
0,4936	0,4934	0,4932	0,4931	0,4929	0,4927	0,4925 0,4927	0,4922	0,492	0,4918	2,4
0,4916	0,4913	0,4911	0,4909	0,4906	0,4904	0,4901	0,4898	0,4896	0,4893	2,3
0,489	0,4887	0,4884	0,4881	0,4878	0,4875	0,4871	0,4868	0,4864	0,4861	2,2
0,4857	0,4854	0,485	0,4846	0,4842	0,4838	0,4834	0,483	0,4826	0,4821	2,1
0,4817	0,4812	0,4808	0,4803	0,4798	0,4793	0,4788	0,4783	0,4778	0,4772	2
0,4767	0,4761	0,4756	0,475	0,4744	0,4738	0,4732		0,4719	0,4713	1,9
0,4706	0,4699	0,4693	0,4686	0,4678	0,4671	0,4664	0,4656	0,4649	0,4641	1,8
0,4633	0,4625		0,4608	0,4599	0,4591	0,4582	0,4573	0,4564	0,4554	1,7
0,4545	0,4535	0,4525	0,4515	0,4505	0,4495	0,4484	0,4474	0,4463	0,4452	1,6
0,4441	0,4429	0,4418	0,4406	0,4394	0,4382	0,437	0,4357	0,4345	0,4332	1,5
0,4319	0,4306	0,4292	0,4279	0,4265	0,4251	0,4236	0,4222	0,4207	0,4192	1,4
0,4177	0,4162	0,4147	0,4131	0,4115	0,4099	0,4082	0,4066	0,4049	0,4032	1,3
0,4015	0,3997	0,398	0,3962	0,3944		0,3907	0,3888	0,3869		1,2
0,383	0,381	0,379	0,377	0,3749	0,3729	0,3708	0,3686	0,3665		,_
0,3621	0,3599	0,3577	0,3554	0,3531	0,3508	0,3485	0,3461	0,3438		-
0,3389	0,3365	0,334	0,3315	0,3289	0,3264	0,3238	0,3212		0,3159	0,9
0,3133	0,3106	0,3078	0,3051	0,3023	0,2995	0,2967	0,2939	0,291	0,2881	0,8
0,2852	0,2823	0,2794	0,2764	0,2734	0,2704	0,2673	0,2642	0,2611	0,258	0,7
0,2549	0,2517	0,2486	0,2454	0,2422	0,2389			0,2291	_	0,6
0,2224	0,219	0,2157	0,2123	0,2088	0,2054	0,2019	0,1985	_	0,1915	0,5
0,1879	0,1844	0,1808	0,1772	0,1736	0,17		0,1628	_	0,1554	0,4
0,1517	0,148	0,1443	0,1406	0,1368	0,1331		0,1255		0,1179	0,3
0,1141		0,1064	0,1026	0,0987	0,0948	0,091	0,0871		0,0793	0,2
0,0753	0,0714	0,0675	0,0636	0,0596	0,0557	0,0517	0,0478	0,0438	0,0398	0,1
0,0359	0,0319	0,0279	0,0239	0,0199	0,016	0,012	0,008	0,004	0	0
9	8	7	6	5	4	ω	2	_	0	2
* 1.	N		8	e de	Table de la loi normale de Zéro à z	la loi r z	ıble de Zéro à		Annexe ld:	AI
		_								

#### ANNEXE 2

Table du Khi-Deux

-	
	 1 40
-	ן מטוכ טע
8	- 117.
1	Cur

100	80	70	60	50	40	30	20	19	18	.17	16	15	14	13	12	=	10	9	∞	7	6	5	4	ω	2	_	$\psi$ , $\alpha \rightarrow$
67,33	51,17	43,28	35,53	27,99	20,71	13,79	7,434	6,844	6,265	5,697	5,142	4,601	4,075	3,565	3,074	2,603	2,156	1,735	1,344	0,989	0,676	0,412	0,207	0,072	0,01	4E-05	0,995
70,06	53,54	45,44	37,48	29,71	22,16	14,95	8,26	7,633	7,015	6,408	5,812	5,229	4.66	4,107	3,571	3,053	2,558	2,088	1,647	1,239	0,872	0,554	0,297	0,115	0,02	2E-04	0,99
74,22	57,15	48,76	40,48	32,36	24,43	16,79	9,591	8,907	8,231	7,564	6,908	6,262	5,629	5,009	4,404	3,816	3,247	2,7	2,18	1,69	1,237	0,831	0,484	0,216	0,051	11E-03	0,975 0,95
77,93	60,39	51,74	43,19	34,76	26,51	18,49	10,85	10,12	9,39	8,672	7,962	7,261	6,571	5,892	5,226	4,575	3,94	3,325	2,733	2,167	1,635	1,145	0,711	0,352	0,103	0,004	0.95
77,93 90,13	71,14	61,7	52,29	42,94	33,66	24,48	15,45	14,56	13,68	12,79	11,91	11,04	6,571 10,17	9,299	8,438	7,584	6,737	5,899	5,071	4,255	3,455	2,675	1,923	1,213	0,575	0,004 0,102	0,75
99,33	79,33	69,33	59,33	49,33	39,34	29,34	19,34 23,83	18,34	17,34	16,34 20,49	15,34	14,34	13,34	12,34	11,34	10,34	9,342	8,343	7,344	6,346	5,348	4,351	3,357	2,366	1,386	0,455	0,5
109,1	88,13	77,58	66,98	56,33	45,62	34,8	23,83	22,72	21,6		19,37	18,25	17,12	15,98	14,85	13,7	12,55	11,39	10,22	9,037	7,841	6,626	5,385	4,108	2,773	1,323	0,25
118,5	96,58	85,53	74,4	63,17	51,81	40,26	28,41	27,2	25,99	24,77	23,54	22,31	21,06	19,81	18,55	17,28	15,99	11,39 14,68	13,36	12,02	10,64	9,236	7,779	6,251	4,605	2,706	0,1
124,3	101,9	90,53	79,08	67,5	55,76	43,77	31,41 34,17	30,14	28,87	27,59	26,3	25	23,68	22,36	21,03	19,68	18,31	16,92	15,51	14,07	12,59	11,07	9,488 11,14	7,815	5,991	3,841	0,05
129.6	105.6	95.02	83.3	71,42	59,34	46,98		32,85	31,53	30,19	28,85	27,49	26,12	24,74	23,34	21,92	20,48	19,02	17,53	16,01	14,45	12,83	11,14	9,348	7,378		0,025
135,8	112,3	100,4	88,38	76,15	63,69	50,89	37,57	36,19	34,81	33,41	32	30,58	29,14	27,69	26,22	24,73	23,21	21,67	20,09	18,48	16,81	15,09	13,28	11,34	9,21	5,024 6,635	0,01
140,2	116,3	104,2	91,95	79,49	66,77	53,67	40	38,58	37,16	35,72	34,27	32,8	31,32	29,82	28,3	26,76	25,19	23,59	21,95	20,28	18,55	16,75	14,86	12,84	10,6	7,879	0,005

#### ANNEXE 3

Table du test de Kolmogorov-Smirnov  $D_n = Sup \mid F_n * (x) - f(x) \mid$  Valeurs de  $d_n$  telles que  $P = P(D_n < d_n)$ 

35	34	33	32	31	30	29	28	27	26	25	24	2.3	22	21	20	19	200	17	16	15	14	13	12	=	10	9	0	7	6	5	4	w	2		
.17659	.17909	.18171	.18445	.18732	.19032	.19348	.19680	.20030	.20399	.20790	.21205	.21645	.22115	.22617	.23156	.23735	.24360	.25039	.25778	.26588	.27481	.28470	.29577	.30829	.32260	.33910	.35381	.38148	.41037	.44698	.49265	56481	.68377	.90000	100
.20185	.20472	.20771	.21085	.21412	.21756	.22117	.22497	.22898	.23320	.23768	.24242	.24746	.25283	.25858	.26473	.27136	.27851	.28627	.29472	.30397	.31417	.32549	.33815	.35242	.36866	.38746	.40962	.43607	.46799	.50945	.56522	.63604	.77639	.95000	P=.90
.22425	.22743	.23076	.23424	.23788	.24170	.24571	.24993	.25438	.25907	.26404	.26931	.27490	.28087	.28724	.29408	.30143	.30936	.31796	.32733	.33760	.34890	.36143	.37543	.39122	.40925	.43001	.45427	.48342	.51926	.56328	.62394	.70760	.84189	.97500	P=.95
25073	.25429	.25801	.26189	.26596	.27023	.27471	.27942	.28438	.28962	.29516	.30104	.30728	.31394	.32104	.32866	.33685	.34569	.35528	.36571	.37713	.38970	.40362	.41918	.43670	.45662	.47960	.51654	.53844	.57741	.62718	.68887	.78456	.90000	.99000	P=.98
70826	27279	.27677	.28094	28530	.28987	.29466	.29971	30502	.31064	.31657	.32286	.32954	.33666	34427	.35241	.36117	.37062	.38086	.39201	.40420	.41762	.43247	.44905	.46770	.48893	.51332	.54179	.57581	.61661	.66853	.73424	.82900	.92929	.99500	P=.99

Annexe 3 (suite 1/2) : Table du test de Kolmogorov-Smirnov  $D_n = \sup |F_n ^* (x) - f(x)|$  Valeurs de  $d_n$  telles que  $P = P(D_n < d_n)$ 

70	69	68	67	66	65	64	63	62	61	60	59	58	57	56	55	54	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	n
.12586	.12675	.12766	12859	.12954	.13052	.13151	.13253	.13357	.13464	.13573	.13686	.13801	.13919	.14040	.14164	.14292	.14423	.14558	.14697	.14840	.14987	.15139	.15295	.15457	.15623	.15796	.15974	.16158	.16349	.16547	.16753	.16966	.17188	.17418	P=.80
.14381	.14483	.14587	.14693	.14802	.14913	.15027	.15144	.15163	.15385	.15511	.15639	.15771	15906	.16044	.16186	.16332	.16783	.16637	.16796	.16959	.17128	.17302	.17481	.17665	.17856	.18053	.18257	.18468	.18687	.18913	.19148	.19392	.19646	.19910	P=.90
.15975	.16088	.16204	.16322	.16443	.16567	.16693	.16823	.16956	.17091	.17231	.17373	.17519	.17669	.17823	.17981	.18144	.18311	.18842	.18659	.18841	.19028	.19221	.19420	.19625	.19837	.20056	.20283	.20517	.20760	.21012	.21273	.21544	.21826	.22119	P=.95
17863	.17990	.18119	.18252	.18387	.18525	.18667	.18812	.18960	.19112	.19267	.19427	.19590	.19758	.19930	.20107	.20289	.20475	.20667	.20864	.21068	.21277	.21493	.21715	.21944	.22181	.22426	.22679	.22941	.23213	.23494	.23786	.24089	.24404	.24732	P=.98
19167	.19303	.19442	.19584	.19729	.19877	.20029	.20184	.20343	.20506	.20673	.20844	.21019	.21199	.21384	.21574	.21768	.21968	.22174	.22386	22604	.22828	.23059	.23298	.23544	.23798	.24060	.24332	.24613	.24904	.25205	.25518	.25843	.26180	.26532	P=,99

Annexe 3 (suite 2/2): Table du test de Kolmogorov-Smirnov  $D_n = Sup \mid F_n^*(x) - f(x) \mid$  Valeurs de  $d_n$  telles que  $P = P(D_n < d_n)$ 

$1.629 \sqrt{n}$	1.518 √11	1.358√n	1.223 \( \sqrt{n} \)	1.0/3 Vn	11 / 100
.16081	.14987	.13403	.12067	.10563	/ =
16161	.15061	.13469	.12126	.10615	100
.16242	.15137	.13537	.12187	.10668	88
.16324	.15214	.13606	.12249	.10722	9/
.16408	.15291	.13675	.12312	.10777	96
.16493	.15371	.13746	.12375	.10833	95
.16579	.15451	.13818	.12440	.10889	94
.16666	.15533	.13891	.12506	.10947	93
.16755	.15616	.13965	.12572	.11005	92
.16846	.15700	.14040	.12640	.11064	91
.16938	.15786	.17117	.12709	.11125	90
.17031	.15873	.14195	.12779	.11186	89
.17126	.15961	.14274	.12850	.11248	88
.17223	.16051	.14355	.12923	.11311	8/
.17321	.16143	.14437	.12997	.11376	86
.17421	.16236	.14520	.13072	.11442	85
.17523	.16331	.14605	.13148	.11508	84
.17627	.14428	.14691	.13226	.11576	83
.17732	.16526	.14779	.13305	.11645	82
.17840	.16626	.14868	.13385	.11716	81
.17949	.16728	.14960	.13467	.11787	80
.18060	.16832	.15052	.13551	.11860	79
18174	.16938	.15147	.13636	.11935	78
.18290	.17045	.15244	.13723	.12011	77
.18408	.17155	.15342	.13811	.12088	76
.18528	.17268	.15442	.13901	.12167	75
.18650	.17382	.15544	.13993	.12247	74
.18776	.17498	.15649	.14087	.12329	73
.18903	.17618	.15755	.14183	.12413	72
.19034	.17739	.15864	.14281	.12499	71
P=.99	P=.98	P=.95	P=.90	P80	

## Première partie : Énoncés des exercices

Chapitre N° 9 : Les écoulements superficiels	Chapitre N° 7: L'évapotranspiration	Chapitre N° 6: Les précipitations	Chapitre N° 5: Lois log-normale et de Gumbel	Chapitre N° 4: La loi normale	Chapitre N° 3: Le bassin versant	Chapitre N° 2 : Quelques notions de statistiques	Chapitre N° 1 : Le cycle de l'eau
31	28	24	22	19	18	17	13

## Seconde partie : Corrigés des exercices

Corrigés des exercices du chapitre N° 9	Corrigés des exercices du chapitre N° 8	Corrigés des exercices du chapitre N° 7	Corrigés des exercices du chapitre N° 6	Corrigés des exercices du chapitre N° 5	Corrigés des exercices du chapitre N° 4	Corrigés des exercices du chapitre N° 3	Corrigés des exercices du chapitre N° 2	Corrigés des exercices du chapitre N° 1
9	$\infty$	07	9	5	4	ယ	2	-
	:	:	:	:	:			:
•	•	•	•	•	•	•	•	•
				:	:		:	:
٠	•	•	•	•		•	•	
:	:	:	:	:	:	:	:	:
	•						•	•
•	:			•				•
		•			•		•	
•	•	•	•	•	•	•	•	•
		:	:	:	:	:	:	:
•		•	•		•	•		٠
:	:	:	:	:	:		:	:
113	110	100	87	76	53	48	44	39

#### ANNEXES

151	Table des matières
147	Annexe 3: Table de Kolmogorov-Smirnov
140	Annexe 2: Table du Khi deux $(\chi^2)$
145	
1	Annexe 1c: Table de Gauss indiquant la FND de - ∞ à z
1.42	Annexe 1b : Table de Gauss indiquant la FD
140	